

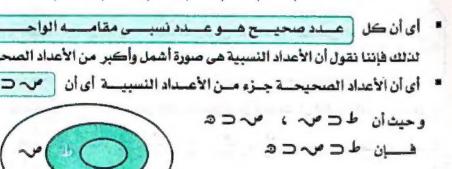
العدد النسبي

هـ و العـدد الـذي يمكن وضعـه فـي صـورة بسط بحيث المقام خصفر

فيثلاً: الأعداد لا ، ق ، لا ، كا كلا منها يسمى عدد نسبى وإذا قيل أن العدد 🕺 عدد نسبي فهذا يعني أن أعدد صحيح ، ب عدد صحيح لا يساوي الصفر ونعبر عن ذلك رمزيا كما يلى:

مجموعة الأعداد النسبية ه = { أ ان الأعداد النسبية ه = } حبث د=د.∪(۰)∪د.، د.∩د.=¢، د\*=د-(۰) د.

- { ··· (.٣ ( ٢ ( ١ ( ، ( ) ( ٢ ( ٣ ( ··· ) } = ~ " i) Le) وحيث أن أي عدد صحيح يمكن وضعه في صورة كسر اعتيادي (عدد نسبي) مقامسه الواحسد الصحيسح فيمكسن التعبسير عسن ص بالصسورة
- ای أن كل عدد صحيح هو عدد نسبي مقامه الواحد لذلك فإننا نقول أن الأعداد النسبية هي صورة أشمل وأكبر من الأعداد الصحيحة
- أي أن الأعداد الصحيحية جيزء من الأعبداد النسبيية أي أن







العدد النسبي لي يكون:

- اً عدد صحيح إذا كان بسطه أيقبل القسمة على مقامه س مثل الله الم
- (۱) موجياً إذا كان ا × ب > مثل بي المان ا × المان الإشانة )
- $\frac{V}{V}$  ان عذالهاه له  $\frac{V}{V}$  ر  $\frac{V}{V}$  د عثلهاه له النهاه له النهاه المناه ال

## كتابة العدد النسبي في أبسط صورة

لوضع العدد النسبي في أبسط صورة ( اختصار العدد النسبي ) :

- 🕦 نجعل المقام عددا موجب
- نقسم كلاً من البسط والمقام على نفس العدد (العامل الشترك الأعلى بينهما إن وجد) بحيث لا توجد عوامل مشتركة بينهما غير الواحسد

لوضع العدد  $\frac{1}{\Lambda}$  في أبسط صورة فإننا نقسم البسط و المقام على 1 و نجعل المقام موجباً  $\frac{1}{Y} - = \frac{1}{Y -} = \frac{\xi \div \xi}{\xi \div \Lambda -} = \frac{\xi}{\Lambda -} \text{ is } |$ 

١ بين أي الأعداد الأتيسة نسبى وأيها غير نسبي مع ذكر السبب:

- 3

- <del>\frac{7}{F}</del> (P)

.,7 (1)

### الكر الحل

عدد تسبى لأن بسطه ومقامه عدد صحيح ، المقام + صفر

عدد نسبى لأن بسطه ومقامه عدد صحيح ، المقام ≠صفر

1

<del>Y-</del> •

اطاهم في الهامعيان المامعية

كل عدد صحيح هو عدد نسبى و لكن ليس كل عدد نسبى هـ و عدد صحيــــح فالعدد النسبي يعبر عن عدد صحيح فقط إذا كان بسطه يقبل القسمة على مقامه

 $\frac{\Lambda}{2}$ : العدد  $\frac{\Lambda}{6}$  يعبر عن عدد صحيح  $\frac{\Lambda}{6}$  العدد  $\frac{\Lambda}{6}$  عدد صحيح لأن  $\frac{\Lambda}{7}$  = \$

ولاحقان

إذا كان العدد النسبى ل = صفر فيان ا = صفر

فيد: إذا كان س = صفر فإن س = صفر و إذا كان س - ٢ = صفر فإن س - ٢ = ٠ مع ملاحظة أن الله الما معنى فمثلاً مفر ليس لها معنى

العدد النسب لا يتفير إذا ضرب حداه (في ) أو قسم (على) أى عدد صحيح غير الصفر

$$\frac{\Upsilon}{\Psi} = \frac{\gamma_1 \div \gamma_2}{\gamma_1 \div \Psi} = \frac{f_2}{\gamma_1} = \frac{\Upsilon \times \Upsilon_2}{\Upsilon \times \Upsilon_2} = \frac{\Upsilon_1}{\Psi} : \frac{2\Delta}{\Delta}$$

يتساوى العددان النسبيان إذا كانا صورتين مختلفتين لنفسس العدد النسبى هي أبسط صورة

العددان العددان الم متساويان الأنهاما صورتان مختلفان لنفس العدد و هو الم وايضاً الأعداد ﴿ ، ﴿ ، ﴿ ، ﴿ ، ﴿ ، ﴿ جميعها متساويه لأنها صور مختلفة لنفسس العسدد النسبى ٢



[1] بين أي الأعداد النسبية الأتية ينتمي إلى مجموعة الأعداد الصحيحة:

- <u>--</u> (1)
- $\frac{\lambda}{a}$   $\bigcirc$   $\frac{\cdot}{V}$   $\bigcirc$

 $T = \frac{1}{4}$  لأن البسط يقبل القسمة على المقام حيث  $T = \frac{1}{4}$ 

لأن البسط يقبل القسمة على المقام حيث 🙀 = صفر

↑ الن البسط لا يقبل القسمة على المقام

 $T-=\frac{4}{\pi}$  لأن البسط يقبل القسمة على المقام حيث  $T-=\frac{4}{\pi}$ 



أه بين أن كلاً من الأعداد الأتية تعبر عن العدد النسبى أن

4. ( Vo ( 7 ( 1.

العل

 $\left|\frac{1}{1}\right| = \frac{1 \cdot \div 0}{1 \cdot \div 1 \cdot \cdot} = \frac{0}{1 \cdot \cdot}$ 

 $\left|\frac{\partial}{\partial x}\right| = \frac{\partial \times 1}{\partial \times Y} = \frac{1}{Y}$ 

 $\frac{10}{\Upsilon_1} = \frac{0 \div Vo}{0 \div 10} = \frac{Vo}{10}$ تم ۳÷۱۵ مث

 $\left|\frac{\partial}{\partial t}\right| = \frac{\dot{t} \div \dot{\gamma}_{\dot{t}}}{\dot{t} \div \dot{t}_{\dot{t}}} = \frac{\dot{\gamma}_{\dot{t}}}{\dot{t}_{\dot{t}}}$ 

ن الأعداد من ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ ، أ عبر عن العدد النسبى .. الأعداد النسبى الم



 $\frac{\epsilon}{a}$  - (c)  $\frac{\lambda - \Phi}{4 - \Phi}$   $\frac{\lambda - \Phi}{4 - \Phi}$   $\frac{\lambda - \Phi}{4 - \Phi}$   $\frac{\lambda - \Phi}{4 - \Phi}$ 

A - Y-U

9 100

10-0

عدد نسبى لأن بسطه ومقامه عدد صحيح ، المقام = صفر  $\frac{1}{1} = 0 \frac{1}{7}$ 

عدد نسبي لأن بسطه ومقامه عدد صحيح ، المقام لم صفر 10 = 1

عدد نسبى لأن بسطه ومقامه عدد صحيح ، المقام # صفر

ليـس لـها معنــي ؟ أي أنــه ليس عــدد نسبــي

ج إذا كانت س عدد صحيح فاكتب الشرط السلازم لكس يكون كل مما يأتي عدداً نسبياً :

- 0 1 T-U-1 1 T-U-1

الح العل

الشرط اللازم لكي يكون كل من الأعداد التالية نسبياً هو أن يكون المقام ل صفر

- عدد نسبی إذا كان س ٥ ١٠٠
- 7 + U- T عدد نسبی إذا كان س + ٣ ب
- V ( T 1 ) عدد نسبی إذا كان ٢س - ٤ عوه 12 m = 1 | 2 m + r
  - عدد نسبی إذا كان ٢ س 🖈 ،

إلا كالت س عسدد صحيح فأكتب الشرط اللازم لكس يكون كل من الأعداد الاتبة مساوياً الصفر:

- العدد 7 س = صفر إذا كان ٢ س = ١ أي إذا كان س = ٢
- العسيد اس + ج = صفر إذا كان ٢ س = ، أي إذا كان س = صفر

وك الحال





## أمثلة للتدريب

## تدریب (۱)

في كل مما يأتي أذكر نوع العند النسبي من حيث كونه موجب أم سالب:

<u>v</u> -	<del>۲س۲</del>	1 -	1-	4-	<u>y-</u>	70
	40004	****	****			موجــب

في كل مما يأتي هدد العدد السني يعسبر عسن عسد صحيح:

75	10 T	7-	Ť	4-	10	<u>\$</u>	£ .
*****		*****	*****	*****	*****	****	صعيح

## تدريب (۲) أكمل ما يأتى :

<u>η-</u> ωγ+λ	س ۲س - ٤	٧ - ٧	0 0	۳ - ۲ - ۲	العدد المقابسل
 E <sub>1</sub>	••••	****	*****	••••	يكون نسبياً إذا كانت س ≠

### تدريب 😢 🕈

### أكمل ما بيأتي:

1+0-4	۳ س س + 0	<u>4 - س</u> س	س - ۳ س + ۱	العدد النسبى المقابل
*****	****	*****	24144	يساوى صفر إذا
1				ڪانت س =

11 100

## لاحظ أه (S)

العلامة > • معناها موجب والعلامة < معتاها سال ليس موجبا وليس ساليا

لاحظ أنه

يفضل أن نضع الأعداد

التسبية في أبسط صورة قبل إجراء أي عمليــة عدد نسبی موجب لأن ۲ × ۵ = ۱۰ > ۰

1 عدد نسبى سالب لأن - 1× V = - ٢ < ٠ 1- T

عدد نسبی موجب لأن- ٨ × -٩ = ٢٧ > ٠ <u>^-</u> ⊕

عدد نسبي سالب لأن -£ × ٥ = - ٠ > < ٠ 1 - (t)

ليس سالب وليس موجب لأن - 10 = صفر 10-0

• > ٨ = - ٨ × ١ عدد نسبى سائب لأن - ٨ × ١ = - ٨ < ٠

عدد نسبی موجب لأن 🗝 🗈 ٤ > +

عين الأعداد المتساوية من بين الأعداد النسبية الأتية :

 $\frac{12}{70}$  (  $\frac{7}{0}$  (  $\frac{7}{10}$  - (  $\frac{7}{0}$  -

### الحل الحل

المحالصل

## $\frac{\gamma}{\rho} = \frac{\gamma}{\rho} = \frac{\gamma_1 \div \gamma_2}{\gamma_2 \div \rho_3 = \rho} = \frac{\gamma_4}{\rho_4 - \rho}$

$$\frac{\gamma}{\circ} - = \frac{\gamma \div \gamma}{\gamma \div \gamma \circ} - = \frac{\gamma}{\gamma \circ} -$$

م موعدد نسبى في أبسط صورة

$$\frac{Y}{a} - = \frac{Y-}{a} = \frac{Y+1t-}{Y+Y0} = \frac{1t-}{Y0}$$

ن الأعداد  $\frac{7}{0}$  ،  $\frac{7}{10}$  ،  $\frac{7}{10}$  ،  $\frac{7}{10}$  ، الأعداد  $\frac{7}{0}$  ، الأ

أما العدد ألم فهو عدد موجب لا يساوى - أ



## على مجموعة الأعداد النسبية

### تمارین (۱) )

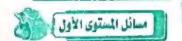
## اولاً: راجع معنا و اختبر نفسك

## عزيزي الطالب :

### في هذا الكان من كل تمرين ستجد:

اسلامة الراجعة ما سبق في صورة اختبار تراكمي على ما سبق دراستمه تجيبه في نفس الورقة قبل أن تدخيل في الدرس الجديد وهنذا يجميلك تتذكر ما درست باستمرار ولا تنساه و يجعلك في مراجعة مستمرة لدروستك السابقسة مما يجعلك في تواصل مع ما درست وأيضا يعودك على الأختبارات ويزيل رهبتها في نفسك وهذه الميزة يقدمها لك كتاب الماهر فقط

## ثَانِياً : اجــب عــما ياتى :



## ١ بين أياً مما ياتي عدداً نسبياً وأيها غير نسبياً :

 $^*$ سفر ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$  ،  $^*$ 

## ٢ بين أى الأعداد الأتية موجباً وأيها سالباً حيث إ خ، ) ص خ، ) س خ، :

## 10- (1) TY (A) V (V) (S)

## 🍞 أكمل ما يأتو :

- الأعداد ...... عسن نفس العدد و

### OF IT

- ابسط صورة للعدد النسبى من من من حيث س خصفر € ابسيط صورة للعدد النسبي - 101 عي ...... حيث ا خصفر العدد النسبي أ يعبر عن عدد صحيح إذا كان ..... العصدد الله عصد نسبي إذا كانست س ب .....
- ﴿ العدد سِ عدد نسب اذا كانت س ∈ ..... العدد النسبى  $\frac{2}{m}$  يكون عدد صحيح موجب عندما س = ..... 0 ..... 0 .....
- 🕦 اصغـــر عـــد نسبـــى غـــير سالــــب هـــو ..........

## مسائل المستوى الثاني

( V - V )

- أوجد قيمـــة ب التـــى تجعـــل الأعــداد الأتيـــة لا تعــبر عــن أعـداد نسبية :
  - 70 T-0
  - V+UP
  - \*\* (V) \*\*\* (S)

- أكتب الشرط ال الازم لكى تكون الأعداد الأتية نسبية:
  - v ⊕ ⊕ ⊕ ♥ <del>\_</del> 0 1 + 1
  - 1-0 T (A)
- أوجد قيمة س التي تجعل العدد النسبي مساوياً للصفر فيما يلي:
  - V+10 ( 4 00-1 ( 1-00 ) 1-00 )
  - <u>1-0-1</u> ⊕ <u>1-7-10</u> ⊕ <u>1-7-10</u> ⊕ <u>1-0-1</u> ⊕ ⊕ <u>1-0-1</u> ⊕



=	كانت س	صفر إذا	$=\frac{\Psi-\omega}{\Psi+\omega}$	🕦 العدد النسيى

[ ، اگ 🔻 ال عدد صحیح ≠ – ۳ ]

العدد س + 1 = صفر إذا كانت س = .....

الاطال من اله عند الله عند ال

﴿ بِينِ أَى الأعداد الآتية يعبر عن عدد صحيح حيث ا خ ، ، و ﴿ ﴿ ﴾ :

 $\frac{\xi \gamma}{V-} \bigcirc \bigcirc \frac{17-}{17} \bigcirc \bigcirc \frac{17}{Y\xi} \bigcirc \bigcirc \frac{1-}{\rho} \bigcirc \bigcirc \frac{17}{T} \bigcirc \bigcirc \frac{7}{T} \bigcirc \bigcirc$ 

أكتب أربعة أعداد نسبية تعبر عن نفس العدد لكل من الأعداد النسبية الأتية:

 $\frac{1}{2} \odot \frac{1}{2} \odot \frac{1}$ 

١٠ أكتب كلاً من الأعداد النسبية الآتية في أبسط صورة حيث ﴿ ، ب ، س ، ص خ ،

370 A 177 W A1 3 YE- 6

## مسائل المتضوقين

(۱) أوجه العسدد النسبسي السناي يسساوي 🚾 و مجمسوع حديسه ٢٤

١١ إذا كانتِ س ∈ م ، فأوجد قيم س التي تجعل م عدداً صحيحاً

10

اغتر الإجابة المحيحة مما بين الأقواس:

[أعداد العد إ) الأعداد الصحيحة السالبة [ الأعداد النسبية ] الأعداد الصحيحة الموجبة ]

العدد الله عدد ..... [ طبيعى أا صحيح أا السبى أا غيرذلك ]

العدد بي- لا يعبر عن عدد نسبى إذا كانت س = .....

ر ۲ ا (ه) ا -ه ا ا صفر ا

ا إذا كان سرو عدد نسبى فان س ≠ .....

[ ۲ أي م أي –ه أي صفر ]

(a) العدد النسبى أ يك ون موجب أ إذا كان ...... [10<1 6:=0+1 6(10>) 1+0=: 10 1>0]

(\*) العدد النسبي ما في في أبسيط صورةً هيو ......

 $\begin{bmatrix} \frac{1}{4} \\ \frac{1}{4} \end{bmatrix}$  of  $\frac{1}{4}$  of  $\frac{1}{4}$  of  $\frac{1}{4}$ 

(العدد - - - + لا يكون نسبياً إذا كانت س = ......

( a ( a + a + 1 (A) أبسيط صورة للعيد النسبي - ١٠ + ٥ هي ...

 $\begin{bmatrix} \frac{t}{0} - 4 & \frac{t}{0} \end{bmatrix} d \frac{\gamma_1}{\gamma_0 - 4} d \frac{\gamma_0}{\gamma_1 - 1} \end{bmatrix}$ 

(1) الأعسداد م ٢٠٠٠ ، ٢٠٠٠ ، ١٥٠ تعسير عسن ......

[ أعداد مرتبة تصاعبياً ﴾ اعداد مرتبة تنازلياً ﴾ عدد نسبى واحد أ) اعداد نسبية مختلفة ]

[ موجباً أى سائباً أى (ليس موجباً وليس سائباً) أى موجباً وسائباً أحياناً ]

العدد س - ب يعبر عن عند نسبي إذا كانت س ∈ ......

[ { - } a { + } - ~ a { + } a ( { · } )]

الاهلال المحللة للعدد النسي

لذلك اصطلح على أن يكتب هدذا الكسر على الصورة ٣ ,٠ وتقرأ ٣,٠ دالسر و قد اصطلح على وضع نقطة فوق الرقم الدائـر الأول و نقطـة على الرقـم الدائـر الأخير ومعنى ذلك أن الرقمين الذين عليهما النقطتين وما بينهما دائر مثل  $\cdot$ ,  $1\lambda = \cdot$ ,  $1\lambda 1\lambda 1\lambda 1\lambda 1\lambda \dots = \frac{1}{11}$   $\cdot$   $\cdot$ ,  $1V = \cdot$ ,  $1VVVVVVV \dots = \frac{\lambda}{10}$  $\frac{\partial A}{\partial x} = \cdots$   $\frac{\partial A}{\partial x}$   $\frac{\partial A}{\partial x} = \frac{\partial A}{\partial x}$ على الحاسبة ..... ٢٢٥٢٢٥٢٢، ثم نضغط على = فيكون الناتعج  $\frac{\Lambda_0}{111}$ 

🔨 أكتب الأعداد الأتية على صورة أعداد عشرية :

Y T (

 $\frac{V-}{Y}$   $\bigcirc$   $\qquad \qquad \frac{Y}{o}$   $\bigcirc$   $\qquad \qquad \frac{1}{Y}$   $\bigcirc$ 

نضرب البسط و المقام في عدد ثابت بحيث نجعل المقام ١٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠ أو ١٠٠٠ أو ١٠٠٠

$$Y_{2}Y_{2}=Y_{2}$$

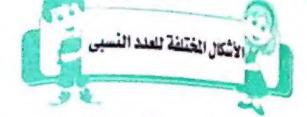
الأعداد الأتية على صورة نسبة منوية :

العل العل

$$\chi_{O_1} = \frac{O_2}{\gamma_{11}} = \frac{O_2 \times \gamma}{O_2 \times \gamma} = \frac{\gamma}{\gamma}$$

$$\chi_1 \gamma o = \frac{\gamma \gamma o}{\gamma c} = \frac{\gamma o \times o}{\gamma o \times c} = \frac{o}{c} \quad \textcircled{1}$$

$$x \forall t = \frac{\forall t}{1 \cdot \cdot} = \frac{t \times 1}{t \times 10} = \left| \frac{1}{10} - \left| \text{ } \right|$$



المند النسبي بمكن كتابشه بعسده أشكال مختلفسة و سنتع

## العدد العشرى المنته

بعن کتابه ای اعداد نسبیده مثل ۴ ، ۵ کعدد عشری منت بان نقسم البسط على المقام بطريقة القسمة المطولة أو بالألة الحاسبة أو كما يلي:  $v_{j}V\theta = \frac{V\theta}{V\alpha} = \frac{Y\theta \times Y}{Y\theta \times f} = \frac{Y}{f}$ 

$$1, t = \frac{1t}{1} = \frac{Y \times Y}{Y \times 0} = \frac{V}{0}$$

### النسية المنويسة

يمكن كتابه أعداد نسبية مشل ٢ ، ٢ على صورة نسبة منوية بان نجمسل مقسام العسدد النسبسي ١٠٠ شسم تحولسها إلسي نسبسة مثوية ( In =  $\frac{7}{100} = \frac{7}{100} \times \frac{7}{100}$  $\chi_1 f_1 = \frac{1f_1}{1_{11}} = \frac{Y_1 \times V}{Y_1 \times 0} = \frac{V}{0}$ 

## العندالعشرى اللانو غير المنته

عند تحويل بعض الكسور الاعتبادية لصسورة عشرية نجد أن عمليات القسمة لا تنتهی ویوجسد بعض الأرقام تتکسرد باستمرار مثسل  $\frac{1}{7}=\infty -7777777$ ر،



ا اختد الأعداد الاتبة على صورة أعداد عشريسة و نسبسة منويسة :

1 + P

17-10

(و هدده هي الصورة العشريسة)

( | - 1 | = 1 = 0 VAI, و لتحويسل العسد إلى نسبة منويسة نجعسل المقسسام ١٠٠ وذلك بضرب البسط و القسام × ١٠٠

۱۸۷۰ × ۱۱۰ = ۱۸٬۷۵ = ۱۸٬۷۵ × (وهده هي النسبية النويد)

٠,١١٧ = ١,١١١١١١ = 1

$$X77,V = \frac{77,V}{ha} = \frac{ha \times 1,777}{ha}$$

 $A,777 \simeq A,77777 = \frac{77}{7} = A \frac{7}{7}$  $\chi \Lambda 77, V = \frac{\Lambda 77, V}{100} = \frac{100 \times \Lambda,77V}{100}$ 

## الكتب ما ياتي في صورة ل : ا

10 1 - 1 E

....

7.2. T ., TO T ., T 1)

مكر العبل

1 = 1,7 1

17 = 70 = 1,70 T  $\frac{\gamma}{o} = \frac{1}{\gamma_0} = \frac{1}{\gamma_0} = \chi_1 \cdot \bigcirc$  $\frac{11}{Y} = \frac{1+0\times Y}{Y} = 0 \cdot \frac{1}{Y} = \left| 0 \cdot \frac{1}{Y} - \right| \quad \textcircled{1}$ 

© ندخيل العدد ٢٩٠,٠ بالألة الحاسبة على الصورة ٢٠٠٣،٣٦،٣٦ من وتكرر العند ٢٦، عدة مرات حتى أخر الشاشة (نكرر العدد الموجود أسفل النقط من النقطة الأولى إلى النقطة الثانية )ثم نضغط على = فتحصل على العند النسبي ١١١ ای نیز . = ا

## ملاحظية

يمكن كتابة العسد العشرى في صورة ل باستخدام الأله الحاسبة ( الألية الحاسبية الحديثية 28 fx في الحديثية ( fx 500 أو 500 أو 500 ) كيما يليين: فَعُلاًّ : لكتابة العدد ٣٠٠ على صورة لل تدخيل العدد ٣٠٠ على الآلة الحاسبة ثم نضغط

على زر  $\equiv$  و سوف نحصل على العدد النسبى  $\frac{\Psi}{1}$  كما يلى :

0.3=<u>\*</u>

و لكتابة العدد ٦٥، على صورة لل ندخل العدد على الآلة الحاسبة ثم نضغط على زر = سوف تحصل على العدد النسبى ٢٠ كما يلى :

0.65= <u>y</u>

( لاحظ أن الألة الحاسبة تكون على نظام Math و يمكن تحويلها عن طريق [ ] Shift MODE [



أكمل ما ياتي ليكون الأعداد الأتية على صورة أعداد عشرية:

$$\cdots = \cdots = \frac{1}{2} = \frac{1}{12} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

..... = ..... = .... × .... = <del>Y</del>

أكمل ما يأتي لتكون الأعداد الأتية على صورة نسبة منوية :

$$\cdots = \cdots = \frac{\cdots \times t}{\cdots \times s} = \frac{t}{s}$$

$$\cdots = \cdots = \frac{\cdots \times q}{\cdots \times r_0} = \frac{q}{r_0} \quad ?$$

			14 10 4
1000	Naille Ideilsis Urse Himso	of or wild on	y putch
	ثاناً: احب عما بات، :	العالمة الوالم	

على الأشكال المختلفة للعدد النسبى

(t) wild

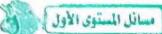
## و أولاً: راجع منا و اختبر نفسك (١) انتر الإطبة السبيعة معا بين الأقواس:

- (العدد النسبى ل يكون سائباً إذا كان ......
- 1 10< , p 10> , p 10= ,
  - العدد النسبى م يكون نسبياً إذا كان ......
- ر س=، ا) س=ه ا) س=ه العدد الله عدد ١٠٠٠٠٠٠٠
- - 🛈 الصفر عدد نسبي ٠٠٠٠٠٠٠

ئرجان درجان

## (١) (الا كان العسد النسبى س - ٢ = صفر فأوجد قيمة س

الكتب العدد ١٨٠ في أبسط صورة



- - 7 10
  - 10

\* (V)

+ P

1 1

V A

V (1)

TO (A)

- اكتب الأعداد الاتية في صورة نسبة ملوية:
  - 10
  - · ·
  - TO T
- V CY

11 (

### (t) أكول ما يأتى :

10

- العدد ۲٫۰ مكتوب على صورة عشرية بينما العدد ۲۰٪ مكتوب على صورة ٠٠٠٠٠٠٠
  - العدد في مكتوب على صورة .....
- 👚 يمكن كتابة العدد النسبي كعدد ...... أو كعدد ..... أو على صورة ......
- ٤ لكتابــة العــد النسبى علــى صــورة نسبـة مئويـة فإننــا نضرب × ........
- وضع نقطة فعدوق الرقم العشرى معناه أن العدد .......
- 🕥 العدد ٣٣٣٣٣٣٣٣٣، يكتب على الصورة .....و يقرأ .....
- ♥ | ۲۸٫۰ | علـــى صـــورة نسبـــة منويــــة هـــو .....

## مسائل المستوى الثاني

A (1)

- - 70
  - Y 1 🐨

1 - Ovina 1-100

10 (100)

17 A [re-] 7- 11 (9)

Y V ( (pro)

🕜 اختت في صورة نسبة مثوية :

--

---

4,44 V

ZY = 1 (2)

... BIE

·, mi-@

17 -1= - 1 - 1 V

A [ ] [m]

1 3 [m]

T,0 37 [274-]

ا المناه

Y = 1 ( 1)

1,70 ( [ Y-]

1, W - 10 [+1]

1, TAO W [+1

(277)

[2A-]

[270-]

にこ

[2]

1-1

[4-]

[ 1 -1

[ +++ ]

1=1-9, CN -1-, TV-1=0V

أخت الأصاد الأتية على الصورة أ

+,1 E 3 ا 🚼 🛈 🗯 مستمر

., Ya 🖽 🗓

7 - (2) (-1)

v- ( (-)

Z10 1 1-1

w 🕦 (+1

.,. (a 🐵 [14-]

اختر الإواية السيحة مها بين الأقواس :

العند ٢,٠ على صورة نسبة متوية هو .......

d ., r d zr.

م الم معرداله ا

1 - ۲٫۰ في صيورة نسبة منوية هو ٠٠٠٠٠٠٠

XT. 0 -,T- 0 -,T

🥑 العدد 🐺 في صورة عدد عشري هو .....

[ 7,7 d .,10 d zr. d .,7 ]

d + d + d ., to ]

العند 
 <del>۲</del> في صورة نسبة منوية هو 
 ......

d zir d .,ir d .,.4 ]

(٨) العدد النسبي ...... يكتب على صورة عدد عشري منته

[ + d + d + d v 19 ]

ا أو الأعداد الأتية يكتب في صورة عبد عشري منته ا

1-10

إلى أكتب الأعداد الاتية على صورة أعداد عشرية ، نسبة مئوية :

CN = 1XV MEYO YO = OXY - 10 COX 9 1 10

T 10 - 100 1

1 - 3

معاذل المتضوقعين

اکتب ما یاتی علی صورة عدد عشری ، نسبة ملویة :

V TO BE O

و يمكن تلخيص طريقة توحيد مقامات عددة أعداد نسبية كما يلي :

### विकास विकास किया है जिसे हैं है ।

لتوحيد مقامات عدة أعداد نسبية نتبع الأتى:

- (١) نضعے كنل عصد نسيسى فسى أبسطه صدورة
- ﴿ نجعل المقام المُسترك لهذه الأعداد هو المضاعف المُسترك الأصفر (م، م، أ) لقامات تملك الأعداد النسبيسة

## TO THE PARTY OF TH

بين أى عددين نسبيسين يوجد عدد لا تهائي من الأعداد النسبية و تسمى هسته الخاصيسة بكثافية

فعثلاً : العددين  $\frac{1}{p}$  ،  $\frac{\lambda}{p}$  يوجد بينهما عدة أعداد نسبية مثل  $\frac{\lambda}{p}$  ،  $\frac{\lambda}{p}$  .  $\frac{\lambda}{p}$  ،  $\frac{\lambda}{p}$  ،  $\frac{\lambda}{p}$  .  $\frac{\lambda}{p}$  ،  $\frac{\lambda}{p}$  .  $\frac{\lambda}$ 

ا بسين أى عنديسن صحيحسين متتاثيسين لا يوجسند أى عسدد صحيسح

فشرِّ : العددين ٢ ، ٣ لا يوجد بينها أعداد صحيحة و كذالك ٤ ، ٥ وأى عددين صحيحين متتاليسين لا يوجد بينها أي عدد صحيح

# مقارنة وترتيب الأعداد النسبية

تشيل الأعداد النسبية على خبط الأعساد

بمننا تمنيل الأعداد النسبية على خط الأعداد مع ملاحظة ما ياتسى:

- كما عمد نسبس تمثله نقطمة وحيسدة علسى خسط الأعسدار
- الأعداد النسبية التساوية تمثلها جميعاً نقطة واحدة على خط الأعدار
- فبل تمثيل العدد النسبى على خط الأعداد يجب وضعه في أيسط صورة وسوف توضع كيفية تمثيل العدد النسب على خط الأعداد من خلال الأمثلة

## القارنة بين عددين نسبيين

المقارنية بين عددين نسبيسين لهما نفس المقيام الموجب فإننا نقيان بين بسطيهما فالعدد الذي بسطه أكبر يكون هو العدد الأكبر

ه العدديس المراف العدديس المراف العدديس المراف العدديس المراف العدديس المراف العدديس المراف العددين العددين

للمقارنسة بسين عديس لسبيسين أو أكثر مختلف المقال المسارم توجيسا مقاماتسها أولاً تسم نقسارن بسين بسوط المشارد

نامغارنة بين العندين  $\frac{7}{2}$  ،  $\frac{7}{3}$  فإنه يلزم توحيد مقامها أولاً ثم نقارن بينهما و نلاحظ أن  $\frac{7}{2}$   $\frac{7}{3}$   $\frac{7}{3}$ 

الماهم ال

الأعداد النسبي على خط الأعداد الم

والمسدد لل المستعان العدديسين المستعبد المستعان المستعاد المستعان العدديسين المستعاديسين المستعبد المستعدد المس

النقطة التي تمثل العسد # تقسع بسين النقطة بن ١٥٠ على خسط الأعداد

.. نرسم خط الأعداد ونقسم المسافة بين النقطنتين ١٥٠ إلى ٤ أجزاء متساوية في الطول

نجد النقطية لل تقسع بسين لل ع وهسين تمثيل العسدد

الاحط ال ال = عنو ع المال الم

£ نرسم خط الأعداد

1- 0- 4- Y- 1- 1 1 T 1 0 1

المنامات الأعداد الموجودة على خط الأعداد هي 1 كما بالشكل التالي ا

لجسد النقطسة انقسع بسين ألى الم وهسى تعشيل العسلة إ المظان

العددان النسبيان على على على خط الأعداد نقطتان على بعدين متساوية من النقطسة التي تعشل المسدد صفسر وفي جهتسين مختلفتين منها الذلك فإن العدد النسب سي منها الدالة 

## الأعداد التالية: ٢ مِثْلُ على خط الأعداد التالية:

وكبر الحل

### (١) ترسم خط الأعداد

تجعل مقامات الأعداد الموجودة على خط الأعداد هي ٥ كما بالشكل التالي:

نجد أن نقطية | تعشل العبد في على خط الأعداد و تقع بين 6 ، 6

## نضع العدد النسبى ١٥ في أبسط صورة

$$\frac{2}{3} = \frac{7 \div 10}{7 \div 10} = \frac{10}{10} \therefore$$

ذلاحظ أن المدد أصبح في صورة يسهل تمثيلها على خبط الأعبداد بنفس الطريقة السابقة بأن نرسم خط الأعداد ونجعل مقامات الأعداد الموجودة على خط الأعداد هي ٦ كما يلي:

نجد العدد النسبي 6 تهم تمثيله بكل سهولة وبنفس الطريقة يمكنن تمثيل أي عند نسبني بعند أن نضعنه فني أبسط صسورة

الله الكبر الله الم

وكار الحيل

نتأكسه من أن العددين في أبسيط صدورة ثيم نوحيد مقاميههما أولا

" م ، م ، أ للمقامين هو ١٢

$$\frac{\Lambda}{\Upsilon} = \frac{\xi \times \Upsilon}{\xi \times \Upsilon} = \frac{\Upsilon}{\Upsilon} :$$

$$\frac{4}{17} = \frac{7 \times 7}{7 \times 1} = \frac{7}{1}$$

$$\frac{h}{h} < \frac{h}{h}$$
 ::

للمقارنة بين عددين نسبيين بلزم أولا توحيد مقاميهها مع جعلهما موجبين شم نقارن بسين البسطين الناتجين

المحما أكبر في كل مما يأتي:

T, T in T 1

 $\frac{\psi}{\varphi}$  -  $\varphi$   $\frac{\xi}{\varphi}$  -  $\varphi$ 

يك الحل

نضے اٹعددین فی أبسط صورة

$$\frac{\gamma}{\gamma} = \gamma, \gamma \qquad \zeta \qquad \frac{\delta}{\gamma} = \gamma \qquad \frac{\gamma}{\gamma}$$

ثم توحد مقاميهما حيث ٢٠٥٠ للمقامين هو ١٠

$$\frac{J_0}{A \bullet} = \frac{\bullet \times A}{\bullet \times \bullet} = \frac{A}{\bullet} :$$

$$\frac{1}{\gamma} < \gamma, \gamma :$$
  $\frac{\gamma_0}{\gamma_0} < \frac{\gamma \gamma}{\gamma_0} :$ 

♥ : ٢٠٠٠ المقامين ٧ ، ٥ هـو ٣٠

$$\frac{\forall \mathsf{I}-}{\forall \mathsf{o}} = \frac{\mathsf{V}\times\mathsf{V}-}{\mathsf{V}\times\mathsf{o}} = \frac{\mathsf{V}-}{\mathsf{o}} \qquad \mathsf{c} \qquad \frac{\forall \mathsf{i}-}{\forall \mathsf{o}} = \frac{\mathsf{o}\times\mathsf{f}-}{\mathsf{o}\times\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{f}}{\mathsf{V}} - \mathsf{c}.$$

$$\frac{\varphi}{\phi} - < \frac{\epsilon}{V} - :$$

$$\frac{40}{4l-} < \frac{40}{4l-}$$

(٣) نضع العدد النسبي ﴿ ٩ فِي أبسط صورة

 $\frac{1}{4} = \frac{1+1\times 7}{7} = 1 \frac{1}{7} \therefore$ بالله ليمكن تمثيل العدد ته على خط الأعداد بان نجعل مقامات الأعداد الموجودة على خط الأعداد هي ٣ كما يلي:

نقطة المثل العدد ت على خط الأعداد و تقع بدين ت ، و ت

المظأن

$$\frac{\pi}{\psi} = 0$$
 )  $\frac{\pi}{\psi} = 0$  )  $\frac{\pi}{\psi} = 0$  )  $\frac{\pi}{\psi} = 0$  وهي الأعداد الصحيحة على خفط الأعداد

الأعداد النسبية ٢) صفر ؟ ٣ ، ٥- ١ على خط الأعداد الأعداد النسبية ٢) صفر ؟ ٣- ١ على خط الأعداد ثم رتبها تصاعديك مسرة وتنازليك مسرة أخرى

وكر العبل

لتمثيل الأعداد النسبية على خط الأعداد يفضل أن تكون لها نفس المقام وهو ٢ 

لاحظ أن الأعداد تكون أكبر كلما الجهنا جهة اليمين وتكون أقل كلما التجهنا لليسار

ن الترتيب التصاعدي هو 
$$-\pi$$
 ، صفر ،  $\frac{\pi}{V}$  ، صفر ،  $\frac{\pi}{V}$  ،  $V$ 

$$\frac{7}{7}$$
 الترتيب التنازلي هو  $\frac{7}{7}$  ، صفر  $\frac{7}{7}$  ، صفر  $\frac{8}{7}$  ،  $\frac{8}{7}$ 

الأعداد التالية ترتيباً تصاعدياً: ١٥٠ ، ٢٠ ، صفر ، ٢٠ الأعداد التالية ترتيباً تصاعدياً:

 $\frac{\tau}{10} = \frac{10}{70}$  نضع العدد  $\frac{10}{70}$  في أيسط صورة نوحــد مقامــات جميــع الأعــداد ( ٢ - ٢ - أ ثلمقامـــات ٢ ٢ ٢ هو ١٢) نرتب منه الأعداد تبعداً للبسط البسط الم الترتيب بالتصاعب دي هيو: صفر ، ﴿ ﴿ ﴾ ﴿ ﴿ التَّرَابُ لِنَّا التَّرَابُ لِنَّا التَّمَاءِ التَّمَاءِ التَّمَاءِ التَّمَاءِ التَمَاءِ التَمَاءُ التَمَاءُ التَمَاءُ التَمَاءُ التَمَاءِ التَمَاءُ التَمَاءُ التَمَاءُ التَ

الم د الدائة أعداد نسبية تقع بين الله ، الله

نوحـــد مقامــات كــل مــن 🔻 6 م

فيصب ح العددان على الصورة ٢ ، ٢

بضـــرب كــل مـن البســط و المقـــام ×١٠

توحد مقامات كل من الم الم

ليكون الحل أسهل وأسرع نضرب كلا من بسط ومقسام العددين 🗷

ن يصبيح العددين على الصورة الله على المسورة الله على الم المالاعسداد الله الله الله الله الله المعدديان المعدديان

ا وجد أربعه اعداد نسبية تقع بين العدديين و الم

فيصبح العددان على الصورة 10

بضرب كل من البسط والقام × ١٠ يصبح العددان على الصورة ما 16- 17- 11- 11- 11- stack :

أمثلة للتدريب

أكول الأعداد النسبية على خط الأعداد:

ثم ضع دائرة حـول كل من النقطة التي تمثل العـيد  $\frac{a}{\psi}$  والنقطة التي تمثل العيد  $\frac{-a}{\psi}$ 

أكمل ما يأتي لترتيب الأعداد أن الم الم الم ترتيباً تصاعدياً:

لترتيب الأعداد نوحد مقامات الأعداد بإيجاد ٢٠٠٠ أ للمقامات و هو ......

 $\frac{\cdots}{\cdots} = \frac{\cdots \times V}{\cdots \times A} = \frac{V}{A} \quad c \quad \frac{\cdots}{\cdots} = \frac{\cdots \times V}{\cdots \times V} = \frac{V}{V} \quad c \quad \frac{\cdots}{\cdots} = \frac{\cdots \times A}{\cdots \times V} = \frac{A}{A} \quad c$ 

ئ الأعداد مرتبطة ترتيباً تصاعدياً هي 💃 ، ... ، ... 🛬

أكل باستخدام أحد العلامات الأتية ( < بُّ > بُّا=) لتكون العبارة صحيحة :

₹ ····· ₹ ⊕ ₹ ····· ₹ • • · ····· · · · · · ·

\frac{7}{4} \cdots \frac{7}{4} \cdots \frac{4}{5} \cdots \frac{7}{4} \cdots \frac{4}{5} \cdots \frac{7}{5} \

أكمل ما يأتي لإيجاد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين 🐈 ، أ

توجد مقامات العددين 🖐 ، 🐧 فيصبح العبددان على الصبورة ٠٠٠٠ ٥٠٠٠٠

in the second se	عدادة و نرب الأصاد ا	النافير فالمناهب في المناهب في ال
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	المُنانِّ الحِبِء	على مقارفة و ترتيب الأعداد النسبية فلف المكالية
ى الأولى المالي الم	مسافل المستو	
بية على خط الأعداد :	اكمل الأعداد النسب (أ) في	The state of the s
···· ··· ··· ··· ··· ··· ··· ··· ··· ·		الكيل ما يأته: والكيل ما يأته والكيل التيام الناسب من عدد صحيح إذا كان والمالية المالية الناسب من عدد صحيح إذا كان والمالية الناسب من عدد ال
*	· Mag	و العدد العجم ل
1 1 7	<u>v</u>	آ   -۲   -   -   =   =   -     =   -
		ع / ابسط صوره تنفند ۱۲ س - ) أغتر الإجابة العميمة مما بين القوصين :
1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1- 1		······ بن عن عدد نسبی إذا كانت س ≠ ··········· بن عن عدد نسبی إذا كانت س خ
<u>y-</u> <u>y-</u> <u>1</u>	4	[ صفر أن ١ أن ٢ م -٢ ] العدد النسبي سن - ٣ = صفر إذا كانت س =
اد في كتابة العدد المقابل للعدد النسبي المكتوب في الجدول	استندم خط الأعد	[ صفر ۵ ۳ ۵ –۳ ۵ ۲ ]
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		الله عدداً نسبياً سائباً إذا كانت س
	العدد النسيــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	[> صفر آ) = صفر آ) > صفر آ العدد ۲۱٪ =( ۱۲ آ) ۱٫۲ آ) ۳ آ) ۱٫۲ آ) ۱٫۲ آ) ۱٫۲ آ) ۱٫۲۰۰۰
	العدد النسبي للقابل	
ية الأتية على خطر الأعيداد ثمر تب الأمرياد تمريد أن	اً وثل الأعداد التسب	(هـ) اکتب في صورة نسبة مئوية : ا - ۲ ا ۲ ا ۲ ا ۲ ا ۲ ا ۲ ا ۲ ا ۲ ۱ ۱ ۲ ۲ ۲ ۱ ۱ ۲ ۲ ۲ ۲

 $\frac{1}{2}$  و منفر  $\frac{1$ 

## قال على خط الأعداد وعلا من الأعداد النعمية الأنبة: 100

T To the first of

\$ pl \$ (P)

V- 1 0- (1)

T ( T (P)

두 시 승요

4- pl 1 1-3

- tut 1

## الأعداد النسبية الاتبة تصاعديا :

X 6 A 6 A P

$$\frac{\gamma-}{W} \leftarrow \frac{q-}{W} \leftarrow \frac{q-}{W}$$

### (٨) أو هد عدديسن لسبيسين يقعبسان بهين:

$$\frac{7}{5} \left( \frac{1}{5} \right)$$
 
$$\frac{7}{7} \left( \frac{7}{7} \right)$$

## مسائل المستوى الثانى }

## 1 🚰 وضع في كل مما يأتي أي العندين أكبر:

## -DEH TE-

(1) Por ly "

### الله الملامسة المناسسة مسن العلامسات ( < أو ما أو > ) واحساء الدوسان.

- ۱۰ مشر 📗 أي غنډ نسين ۱۹۸۰ -ا - ا
  - 1 1
  - 0- ( t 0)
  - a \_\_\_\_\_ t \frac{1}{4} = \frac{1}{4}
  - 7- t
  - Y- 1

الله مسفور الله أي عبد مسبير ساءه

÷ - 1=15

14,7

## الأورث تصاعبياً مسرة و تنازلياً مسرة أخرى كلاً من الأعسداد النسبيسة الاند.

- W + 2 + 4 (2) 4 4 4 4 4
- 17 1 2 1 2 1 2 1 2 1 7- ( V- ( 3- ())
- 1 1-6 1-6 1- 6 1 1 1 1- (1) T ( \frac{1}{4} ( \frac{1}{4} ( \frac{1}{6} \frac{1}{6}))
  - Tt 6 TO 6 TE N

## 👣 🖾 أكانب عسدهاً نسبياً مسكان النقاط لتكسون العبسارة صحيح..

- ½ <..... < ½ (r)
- 1 < ..... < 1 (P) ± < ····· < ± - €
- 3 < · · · · · · · · · · · · · ·

### (١٣) أو هد عندين نسبيين يقعان بين :

- $v_{i}V \leftarrow \frac{1}{a} \odot \qquad \qquad \frac{a}{V} \leftarrow \frac{1}{a} \odot$
- 🕥 🔭 ، صفر

V- 1 1- (P)

## الماهد في الراعد الما عداد و تردي الاحداد النسية





ال اوبد اربعة اعداد نسبية تقع بين:

$$\frac{Y}{4} \leftarrow \frac{a}{4} \leftarrow \frac{A}$$

$$\frac{1}{Y^{***}} \left( \begin{array}{ccc} \frac{1}{1} & 0 \\ \hline \end{array} \right) & \bullet_{1} Y \left( \begin{array}{ccc} \frac{1}{Y} & 0 \\ \hline \end{array} \right) & \frac{1}{7} \left( \begin{array}{ccc} \frac{1}{7} & 0 \\ \hline \end{array} \right)$$

### (١٥) اڪمل ما ياتو ١

العدد النسبى 
$$\frac{6}{7}$$
 و العدد النسبيين  $\frac{7}{4}$ 

### (١٦) اغتر الإوابة السميمة من بين الأقواس :

(١) العدد النسبي المقابل للعدد 🙀 على خط الأعداد هو .....

العدد النسبي المقابل للعدد 
$$-\frac{\Psi}{8}$$
 على خط الأعداد هو  $\Psi$ 

(ه) العدد 👙 > ١٠٠٠٠٠٠٠



### (١٧) مثل على خط الأعداد كلاً من:

(١٨) أوجد عند الأعبداد التسرية التي وقاماته ها ٢٥ و تقسيع بسبين العدديسن ٢٠١٠

$$\frac{6}{7} > \frac{1}{U} > \frac{7}{V}$$
 إذا دكان  $\frac{1}{U} < \frac{1}{U} < \frac{1}{U}$  فأوجد قيسم  $\frac{1}{U}$  إذا دكان  $\frac{7}{V} < \frac{1}{U} < \frac{1}{V}$ 

(٢٠) أوجد مجهوء ـــ قفيـــ م س حيــث س ∃ ط والتـــي ت- انــــ مــا باتـــي:

$$\frac{1}{V} < \frac{1}{V}$$
  $\bigcirc$   $\frac{1}{V} < \frac{1}{V}$   $\bigcirc$ 

اطله الله - وفي الرجالة الإنتيانية فَحَاوى قُلِ مَرَاجِعَةُ لَوَلَةُ الْأُمْتِحَانَ مِنْ الْمُتَعَانَاتِ ثَهَائِكُ الْمَامِ







### طرح الأعداد النسبية

- $\left(\frac{1}{U}\right)$  and  $\frac{1}{U} = \frac{1}{V} = \frac{A_{+}}{V}$  and  $\frac{1}{V} = \frac{1}{V}$  $\left(\frac{\Delta}{2}\right) + \frac{1}{2} = \frac{\Delta}{2} = \frac{1}{2} + \left(\frac{\Delta}{2}\right)$
- عملية الطرح في ٥ ليست أبداليسة وليست دامجة ولا يوجه عدد محايد بالنسبة لعملية الطرح ولا توجد معكوسات بالنسبة لعملية الطرح

## جمع الأعداد النسبية

جمع الإعداد النسبيد عدين نسبيين متحدى المقام فإن 
$$\frac{1}{U}$$
 +  $\frac{\Delta}{U}$  عدين نسبيين متحدى المقام فإن  $\frac{1}{U}$  +  $\frac{\Delta}{U}$  عددين نسبيين متحدى المقام فإن  $\frac{1}{U}$  +  $\frac{\Delta}{U}$  =  $\frac{1}{U}$ 

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1$$

## الم الم الم عملية الجمع في ٥

- آلانترق: ای آن مجمدوع ای عددیدن نسبیدین هدو عصدد نسب  $\mathfrak{D} \ni \frac{\mathfrak{D}}{\mathsf{V}} = \frac{\mathsf{V}}{\mathsf{V}} + \frac{\mathsf{V}}{\mathsf{V}} : \mathbb{V}$
- الإسدال: أي أن مجموع أي عدين نسبيين لا يتغير عند تبديل كل عدد مكان الأخر  $\frac{1}{12} = \frac{1}{12} + \frac{1}{12} = \frac{1}{12} + \frac{1}{12} = \frac{1}{12} + \frac{1}{12} = \frac{1}{12} + \frac{1}{12} = \frac{1}{12}$
- السدوج : عند جمع ثلاثة أعداد نسبية يمكن جمع عندين ثم جمع الناتج مع العند الثالث  $\frac{1}{\sqrt{2}} = \left(\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{7}{\sqrt{2}}\right) + \frac{7}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} + \left(\frac{7}{\sqrt{2}} + \frac{7}{\sqrt{2}}\right) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}}$
- العدد المعاید الجمعي: العسدد المحاید الجمعي في ۵. هـ و الصفر أي أنه عند إضافة الصفر لأي عدد نسبى لا تتغير قيمية هنا العيد

$$\frac{\gamma}{\psi} = \frac{\gamma}{\psi} + \epsilon = \epsilon + \frac{\gamma}{\psi} \times \frac{322}{2}$$

" المعكوس الجمعيي : المعكبوس الجمعيي لأي عسدد تسييي أ عبو الم فَمِثْلًا المعكسوس الجمعسى للعسدد لله هدو - لله ملاقتا المعكوس الجمعي للعسيدد صفير هو نفسيه ( هو صفر )

الستفدم خصط الأعداد في إيجاد ناتسج جمسع - + + -

- 🕦 نرسم خط الأعداد و نقسم المسافة بين كل عددين صحيحين إلى ٥ وحدات (يكون مقامات الأعداد ٥)
- 🌱 نبدأ من نقطـة الصفر و نتحـرك في الاتجاه السالب لخط الأعـداد وحدتين

- 👚 نتحـــرك من النقطــة التي وصلنــا إليها مقدار ٢ وحدات في الاتجاه الموجِب
  - النقطة التي نصل إليها هي ناتج الجمع

$$\frac{\xi}{o} = \frac{\eta}{o} + \frac{\eta - 1}{o} \therefore$$



نبدأ من النقطسة - ٢- ( العسد الأول ) و نتحسرك في الأنجساه الموجسي ( لأن العسدد الذاذ . ... د رجسب ) ٢ وحسدات فنصيب ل للعسب د ف



## و و و و مرح الأحداد النسيية

T+ 0 1

 $\frac{\gamma\gamma}{V} = \frac{\gamma\gamma}{V} + \frac{\rho}{V} = \gamma + \frac{\rho}{V}$ 

 $\frac{7}{7} = \frac{9 \div 70}{9 \div 70} = \frac{70}{70}$ 

 $\frac{1}{y} = \frac{1 \div 1}{1 \div 1} = \frac{1}{17}$ 

﴿ بوضع العددين في أبسط صورة

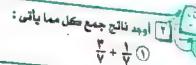
 $\frac{1-}{4-} = \frac{1}{4-} + \frac{4-}{4-} = \frac{2}{4} + \frac{4-}{10}$ 

 $\frac{4}{8} = \frac{\Lambda}{1_0} = \frac{\gamma}{1_0} + \frac{\gamma}{1_0} = \frac{\gamma}{1_0} + \frac{\gamma}{1_0} = *, \gamma + \frac{\gamma}{8} \quad \textcircled{?}$ 

المحد ناتج جمع كل مما ياتى:

17 + 10- (9)





$$? \frac{\gamma}{\gamma} + \frac{\alpha}{r}$$

### يك العل

$$\frac{2}{V} = \frac{V}{V} + \frac{1}{V} \text{ (i)}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{4 \times 4}{4 \times 4} = \frac{4}{4}$$

$$\frac{\psi}{\psi} = \frac{\phi}{\eta} = \frac{\phi}{\eta} + \frac{\phi}{\eta} = \frac{\phi}{\eta} + \frac{\psi}{\eta} = \frac{\psi}$$

الناتج =  $\frac{1}{7} + \frac{0}{7} + \frac{1}{7} - \frac{1}{4}$ 

الم اوجد ناتج جمع:

$$\frac{\forall}{4} = \frac{\forall 1}{17} = \frac{4 - 4 + 1 \cdot + 7}{17} =$$



### عند جمع الأعداد النسبية يفضل كتابتها في أبسط صورة قبل توحيد التقامات

1,Y + # (F)

ملاحظة

قبل إجسراء عملية

الجمع أوأى عملية

يفضل وضع الأعداد

( إذا كلت المقلان عختلفة نطرح )

## الله أوجد ناتج كلاً مما ياتي في أبسط صورة ١



 $\frac{\psi}{t} - \frac{\gamma}{\psi} - \frac{1}{\gamma}$ 

بكر العبل

$$\frac{1}{1-} = \frac{1}{2-9} = \frac{1}{4 \times 4 - 1 \times 9} = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot$$

$$\frac{11-}{17} = \frac{4-\lambda-7}{17} = \frac{7}{4} - \frac{7}{7} \stackrel{?}{?}$$

## (لاحظ أن العدود لحماقتين المقام)

( 
$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2$$



(بتوحيد مقامر العديده أولاً)

$$\frac{A}{F} = \frac{A \times A}{A \times A} = \frac{A}{A} \therefore$$

$$\frac{\psi}{\psi} = \frac{4}{7} = \frac{6}{7} + \frac{4}{7} = \frac{6}{7} + \frac{4}{7} \therefore$$

📆 أوجد ناتج جمع كل مما ياتي :

$$1\frac{1}{9} + \frac{V}{l_1}$$

(|i|)  $\frac{V}{1} + \frac{V}{6} = \frac{V \times 6 + V \times 1}{1 \times 6} = \frac{-6/4 + N}{1} = \frac{V}{6}$ (|i|) Vis Minhs a cilis ides |

ككر الحل

 $\frac{\sqrt{-}}{\sqrt{+}} = \frac{\sqrt{+}}{\sqrt{+}} + \frac{\sqrt{-}}{\sqrt{+}} = \frac{\sqrt{+}}{\sqrt{+}} + \frac{\sqrt{-}}{\sqrt{+}}$ 

(بتوحيد المقامات مياشية)

 $\frac{1_0}{1_0} = \frac{1_0}{1_0} + \frac{1_0}{A} = \frac{0}{A} + \frac{1_0}{A} = \frac{0}{1 + 0 \times 1} + \frac{1_0}{A} = 1 \frac{0}{1} + \frac{1_0}{A}$ 

## أمثلة للتدرب

## السب ناتج كلاً مما ياتي في أبسط صورة : ( + 1 - ) + 7 Y ()

		ورة أولا	ني أيسط م	الأعدادة	) نجعل
<del>10-</del>	$=-\frac{1\times 7+1}{7}$	$\xi \frac{1}{\eta} - \zeta$	$\frac{\gamma_*}{\gamma_*} = \frac{\gamma_*}{\gamma_*}$	TXT	$\frac{\gamma}{w}r =$

ثم نوجد الناتج بمد توحيد القامات

$$\frac{\lambda}{0} = \frac{\lambda}{10} = \frac{\lambda}{\lambda 0} - \frac{\lambda}{\xi^{*}} = \frac{\lambda}{\lambda 0} - \frac{\lambda}{\lambda^{*}} = \left( \begin{array}{cc} t \frac{\lambda}{1} & - \end{array} \right) + \lambda \frac{\lambda}{\lambda} \end{array} .$$

$$\frac{\partial}{\nabla} = \Upsilon \frac{1}{\gamma} = \Upsilon \frac{\gamma}{\gamma} = \xi \frac{1}{\gamma} - \gamma \frac{\xi}{\gamma} = \left(\xi \frac{1}{\gamma} - \right) + \gamma \frac{\gamma}{\gamma}$$

$$\frac{Aq-}{i\gamma}=\frac{\gamma a}{i\gamma}-\frac{\gamma t}{i\gamma}-=\frac{\gamma a}{i\gamma}-\frac{\gamma t}{\gamma}-=\gamma\frac{1}{i\gamma}-a\frac{1}{\gamma}-\widehat{(r)}$$

$$\frac{\Lambda^{q}-}{1Y}=V\frac{a}{1Y}-a\frac{1}{1Y}-$$

## الم باستخدام خواص الجمع في ه أوجد ناتج ما يلس في أبسط صورة :

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}$$

$$\frac{7}{4} + \frac{1}{7} + \frac{3}{7} + \frac{5}{7}$$

باستخدام خواص الجمع في ب أكنل ما يأتي لإيجاد الناتج في أبسط صورة:

$$\frac{1}{4} + \frac{7}{7} + \frac{4}{4} + \frac{7}{7}$$
 
$$\frac{1}{7} + \frac{7}{4} + \frac{7}{7}$$
 
$$\frac{1}{7} + \frac{7}{4} + \frac{7}{7}$$

$$\frac{\overline{\psi}^{-1} + \overline{q}^{-1} \overline{\psi}^{-1}}{\overline{\psi}^{-1} + (\cdots + \cdots)} = \cdots$$

$$\frac{\overline{\psi}^{-1} + \overline{q}^{-1} \overline{\psi}^{-1}}{\overline{\psi}^{-1} + (\cdots + \cdots)} = \cdots$$

.... = 
$$\frac{\psi}{4}$$
 + .... =

 $\cdots$ غاصية  $(\cdots + \cdots) + (\cdots + \frac{\theta}{4}) =$ 

## $(7)\frac{7}{7} + \frac{7}{1} + \frac{6}{7} + \frac{7}{1} = (\frac{7}{7} + \frac{6}{7}) + (\frac{7}{1} + \frac{7}{1})$ $\gamma = 1 + 1 = \frac{\xi}{4} + \frac{V}{V} =$ (ab) the copy death of the property of the pr

## $= \left(\frac{r}{r} + \frac{r}{r}\right) + \left(\frac{r}{r} + \frac{r}{r}\right) + \left(\frac{r}{r} + \frac{r}{r}\right)$ $\xi = \gamma + \gamma = \frac{\gamma}{\gamma} + \frac{\gamma}{\gamma} =$

(Null oflans)

## OH ET-



						الحمل الجدول التالي :			
	٠,٣		1	¥- #-	صفر		1-	*	المــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
, .		1-	1111	4444	****	4	****		معكوسة الجمعى

تَدْرَلُكُ (٢) الشهر لايجاد ناتج ما ياتي في أبسط صورة :

$$\dots = \frac{\dots}{V} = \frac{V}{V} + \frac{V}{V}$$

$$\frac{\dots + \dots}{\gamma_1} = \frac{\dots \times \gamma + \dots \times \gamma}{\circ \times \epsilon} = \frac{\gamma}{\circ} + \frac{\gamma}{\epsilon} (\hat{r})$$

$$\frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1$$

الريب (٢) الكول لإيجاد ناتج كلاً مما ياتي في أبسط صورة :

$$\dots = \frac{\gamma}{V} - \frac{a}{V} \stackrel{\text{\tiny (i)}}{V} \qquad \dots = \frac{1}{\xi} - \frac{\gamma}{\xi} \stackrel{\text{\tiny (i)}}{V}$$

$$\dots = \dots = \frac{1}{4} - \frac{7}{7} \quad \textcircled{r}$$



### ثانياً: اجب عبما يأتي :



## مسائل المستوى الأول

1 - 0 1

1 - T - (P)

(٢) احسب ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة :

 $\frac{1}{V} + \frac{1}{V} \odot$   $\frac{1}{V} + \frac{1}{V} \odot$ 

 $\frac{\gamma}{a} + \frac{1}{a} - \bigcirc$   $\frac{\gamma}{4} + \frac{1-}{6} \bigcirc$ 

 $\left(\frac{\gamma}{A}-\right)+\frac{\gamma}{A}$  (1)  $\left(\frac{\gamma}{4}-\right)+\frac{\delta}{4}$  (1)



و اهلة الوزان

## أولاً: راجع معنًا و اختبر نفسك

### (۱) اکمل با یأتی:

تعاریان (٤)

HI It

السيسية عدد نسبي ليسس موجباً و ليسم سالبساً

على جمع وطرح الأعداد النسبية

- المسدد الأكبر في العنديسن ب ع بالمسدد الأكبر في العنديسن بالمسدد الأكبر في المسدد الم
- $\P$  المــدد النصبـــى  $\frac{\Psi}{V}$  من عندما س = .....

### ٣ احسب ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

- $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} \odot \quad [\frac{4}{7}] \qquad \frac{1}{12} + \frac{1}{12} \odot$
- $\begin{bmatrix} \frac{1}{4} \end{bmatrix} \qquad \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \qquad \underbrace{\begin{bmatrix} \frac{1}{4} \end{bmatrix}} \qquad \underbrace{\begin{bmatrix}$
- $\left\{\frac{1}{V_{0}}\right\}$   $\frac{1}{2} \frac{1}{V_{0}}$   $\left(\frac{1}{4}\right)$   $\left(\frac{1}{4}\right)$

### ] استندم خط الأعداد في جمع الأعداد النسبية الأتية :

## 

 $\frac{\delta}{\lambda} - \frac{V}{\lambda}$ 

 $\frac{1}{\Lambda} - \frac{\psi - \psi}{\Lambda}$ 

## مسائل المستوى الثاني أ

### (٥) احسب ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة :

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{7} \end{bmatrix} \qquad \frac{\frac{1}{7}}{4} + \frac{\frac{2}{7}}{7} \qquad \begin{bmatrix} \frac{1}{4} \end{bmatrix} \qquad \frac{\frac{1}{7}}{4} + \frac{\frac{1}{7}}{7} \qquad \begin{bmatrix} \frac{1}{7} \end{bmatrix} \qquad \frac{\frac{1}{7}}{7} + \frac{\frac{1}{7}}{7} \qquad \begin{bmatrix} \frac{1}{7} \end{bmatrix}$$

$$[\frac{h}{4}] \frac{\eta}{\eta} + \frac{\eta}{\eta} - \underbrace{\text{res}}_{1} ] [v] \left( \frac{\eta}{\eta} - \right) + \frac{\eta}{\eta} \underbrace{\text{res}}_{1} ] \left( \frac{\eta}{\eta} - \right) + \frac{\eta}{\eta} - \underbrace{\text{res}}_{1} ]$$

$$\left[\frac{1}{4}\right] \frac{\gamma_0}{\gamma_0} + \frac{\alpha}{3} \underbrace{\text{(4)}}_{\bullet} \underbrace{\text{(5)}}_{\bullet} \underbrace{\text{($\frac{1}{4}$)}}_{\bullet} + \gamma_0 + \frac{\gamma}{4} \underbrace{\text{(5)}}_{\bullet} \underbrace{\text{($\frac{1}{4}$)}}_{\bullet} \right] \frac{\gamma_0}{\gamma_0} + \gamma_0 \underbrace{\frac{\gamma}{4}}_{\bullet} \underbrace{\text{(5)}}_{\bullet} \underbrace{\text{($\frac{1}{4}$)}}_{\bullet} \underbrace{\text{($\frac{1$$

## (هـ) () وتب الأعــــداد النسبيــــة الأتيــــة ترتيع 1- 6 V- 6 7 6 7 6 7 -



### - 10

 $\begin{bmatrix} \frac{4}{5} \end{bmatrix}$ 

F + 1 P

V - O

÷ + <del>1</del> •

V - V 10

 $[\frac{\eta}{\eta}] + \frac{\eta}{\eta} \oplus [\frac{\eta}{\eta}]$ 

 $\left(\frac{1}{2}-\right)+\frac{\mu}{2}$ 



## أكتب المكوس الجمعى لكل من الأعداد النسبية الأتية :

- مسفر (P) الله الله مسفر (P) مسفر (P)

## ٧ أكول ما يأتي:

- 🕦 اسن خــواص عمليــــة الجمــع في 🕾 ......
  - 🕥 المسند المحايسة الجمعسي في همو .....
- 🌱 المعكوس الجمعي للعدد النسبي من هو ....... حسيث ص 幸 ه
  - (ا) إذا كيان س + + + = هيان س = .....
  - @ العكسوس الجمعسى للعسند صفر هو .....
  - العكوس الجمعى للعدد  $\frac{7}{8}$  هو  $\frac{7}{8}$  هو  $\boxed{9}$  المحكوس الجمعى للمدد  $\frac{-7}{8}$  هو  $\boxed{9}$

  - المكوس الجمعى للمند  $\left(\frac{\Psi^{-}}{\Psi}\right)$  هو .....
  - العدد = 1 هو المكوس الجمعي للعدد ......
  - المعكسوس الجمعس للعبدد  $\left|\frac{Y-}{\Psi}\right|$  هو .....

### اختر الإجابة العميمة من بين القوسين:

- ﴿ نَاتِسج جمع ٢٠٠٠ ٢٠٠٠ يساوى المعكوس الجمعي للعدد ......
- [ 1- 4 1 4 1- 4 1 1

(1) - (1)

- $\lceil \frac{1}{\theta} \mid d \mid 1 d \mid 1 \mid d \mid \frac{1-}{\theta} \rceil \dots \rceil \frac{\gamma}{\theta}$  يساوى  $\frac{\gamma}{\theta}$  يساوى  $\frac{\gamma}{\theta}$
- باقی طرح  $\frac{1}{6}$  من  $-\frac{1}{6}$  یساوی  $\cdots$  ( ) <math> ا ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( )
- باقی طرح  $\frac{\gamma}{a}$  من صفریساوی …… [ صفر گ  $\frac{\gamma}{a}$  گ  $\frac{\gamma}{a}$  گ  $\frac{\gamma}{a}$  آگ  $\frac{\gamma}{a}$  آگ  $\frac{\gamma}{a}$

- $\begin{bmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & \sqrt{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} & \sqrt{2} & \sqrt{2} & \sqrt{2} \end{bmatrix} \qquad \cdots \cdots = \left( \left( \frac{2}{2} \right) + \frac{\sqrt{2}}{2} \right) \boxed{9}$
- 1 الكتب خاصيمة جمع الأعداد النسبيمة المستخدمة في كل ممما يأتي:

  - $=\left(\frac{\gamma-1}{4}\right)+\frac{\gamma}{4}$  (b)  $\left(\frac{1}{\gamma}+\frac{1}{\gamma}\right)+\frac{\gamma}{\gamma}=\frac{1}{\gamma}+\left(\frac{1}{\gamma}+\frac{\gamma}{\gamma}\right)$  (c)
    - $\frac{a}{A} = \frac{a}{\Delta} + \frac{a}{\Delta}$
    - (\*,V+4,a)+Y,a=(4,a+\*,V)+Y,a

### (١٠) أحسب قيمة كل مما يأتي مع ذكر الخواص الستخدمة:

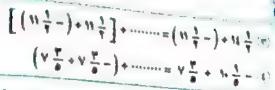
- $\frac{7}{9} + \frac{1}{9} + \frac{7}{9} \stackrel{\text{(4)}}{\rightleftharpoons} \stackrel{\text{(5)}}{\rightleftharpoons} \stackrel$
- $\left(\frac{\gamma-}{4}\right)+\left[\left(\frac{\pm-}{4}\right)+\frac{\gamma}{4}\right] \stackrel{\text{(4)}}{=} \left(\frac{\pm-}{4}\right)+\frac{\pm}{4} \stackrel{\text{(7)}}{=} \left(\frac{1}{4}\right)$

### (۱) 🕮 أكمل ما بيأتي :

- - $\cdots\cdots\cdots+\left[\left(\frac{\mu\lambda}{h-1}\right)+\frac{\mu\lambda}{h}\right]=\left(\frac{\mu\lambda}{4h-1}\right)+\frac{\mu\lambda}{h} \ \ \textcircled{a}$







## المستخدام خسواص الجميع في ١٥ اوجد ناتيج كل مما يأتي في أبسط صيورة ،

$$(\frac{1}{2}) + \frac{1}{4} + (\frac{1}{4} + \frac{1}{4}) \oplus (\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}) \oplus (\frac{1}{4} +$$

[-] 
$$\frac{\frac{1}{4}}{q} + \frac{\frac{1}{4}}{\xi} + \frac{\frac{1}{6}}{q} + \frac{\frac{1}{4}}{\xi}$$
 (i) [1]  $\frac{\frac{1}{4}}{V} + \frac{\frac{1}{4}}{q} + \frac{\frac{1}{4}}{V} + \frac{\frac{1}{4}}{q}$  (i)

$$[\tau-1] \frac{\tau A}{a} + \left(\frac{\tau a}{t} - \right) + \frac{\tau \gamma - \tau}{a} + \frac{a}{t} \text{ and } A = \frac{\tau}{t} + \frac{\tau}{\tau} + \frac{\tau}{\tau} + \frac{\tau}{V} \text{ and } V$$

## ١٢ احمد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

[1-] 
$$\left(\eta,\frac{1}{4}-\right)+V,\frac{1}{4}$$
 [2] (  $\left(\tau,\frac{1}{4}\right)$   $\left(\tau,\frac{1}{4}\right)$   $\left(\tau,\frac{1}{4}\right)$ 

$$[\bullet \frac{\pi}{4} -] \qquad \qquad \forall \frac{1}{4} - 4 \frac{\pi}{4} - \textcircled{A} \quad [ \forall \frac{1}{4} - ] + 4 \frac{\pi}{4} \overset{\text{(e)}}{=} \textcircled{A}$$

$$1\frac{1}{4} - 4\frac{1}{4} \quad (4\frac{1}{4}) \quad (4\frac{1}{4}) - (4\frac{1}{4}) - (4\frac{1}{4})$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} \end{bmatrix}$$
  $\begin{bmatrix} \frac{1}{4} - \frac{1}{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{$ 

## مسافل المقضوقين

$$\frac{1}{4} = 4 + 1 \qquad \frac{1}{4} =$$

# فسرب وقسمة الأعداد النسبية

### ترب الأعداد النسبية

$$\frac{a \times 1}{s \times u} = \frac{a}{s} \times \frac{1}{u} \quad \frac{a}{u} \times \frac{1}{u} \quad \frac{a}{s} \times \frac{1}{u} \quad \frac{a}{s} \times \frac{1}{u} = \frac{a}{s} \times \frac{1}{u} \quad \frac{a}{u} \times \frac{1}{u} = \frac{1}{u} \times \frac{1}{u} \quad \frac{a}{u} \times \frac{1}{u} = \frac{1}{u} \times \frac{1}{u} \quad \frac{a}{u} \times \frac{1}{u} = \frac{1}{u} \times \frac{1}{u} = \frac{1}{u$$

أى أنه عند ضرب عددين نسبيين فإننسا نضرب البسط × البسط والمقام × المقام

$$\frac{a}{A} = \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{\gamma}{\alpha} = \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma}$$

$$\frac{q}{qa} = \frac{q \times q}{a \times a} = \frac{q}{a} \times \frac{q}{a} \qquad \frac{q}{q} = \frac{q \times q}{q \times a} = \frac{q}{q} \times \frac{q}{a} = \frac{q}{q} \times \frac{q}{a} = \frac{q}{q} \times \frac{q}{q} \times \frac{q}{q} = \frac{q}{q} \times \frac{q}{q} = \frac{q}{q} \times \frac{q}{q} \times$$

## خواس عملية الشرب في د

- الانقلان: ای آن حاصل ضرب ای عبدین نسبی ین هرو عدد نسبی میشق : این خاصل فیشق :  $\frac{A}{10} = \frac{1}{10} \times \frac{V}{10} = \frac{1}{10}$  (نلاحظ آن  $\frac{A}{10} \in \mathbb{C}$ )
- " الإبدال: أى أن حاصل ضرب أى عدين نسبيين لا يتغير عند تبديل كل عدد مكان الآخر  $\frac{\dot{\phi}}{\dot{\phi}}$   $\frac{\dot{\phi}}{\dot{\phi}$
- السلمج : عند ضرب ثلاثة أعداد تسبية بمكن ضرب عددين ثم ضرب الناتج في العدد الثالث فيثلاً ،  $\frac{\tau}{\gamma} \times \frac{\eta}{\gamma} \times \frac{\eta}{\gamma} \times \frac{\eta}{\gamma} = \frac{\theta}{\gamma} \times (\frac{\tau}{\gamma} \times \frac{\eta}{\gamma}) = \frac{\theta}{\gamma}$
- العندالمعايد الضربى : العدد المعايد الضربى في شهبو "١" أي أنه عند ضرب أي عدد نسبى في الواحد العمديح لا تتغير قيمة هذا العمدد في  $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times 1 = 1 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$



## تطبيقات على الأعداد النسبية

نعلم أن بين أي عندين يوجد عند لا تهالي من الأعداد النسبية و لكن يوجد عند نسبسي وحيد يقع في منتصف المسافة بين أي عددين و لإيجاد هذا العدد يمكن استخدام القاعدة التالية

## العدد الذي يقع في منتصف السافة بين عندين = $\frac{1}{V}$ (العدد الأول + العدد الثاني)

لإيجاد العدد الدي يقع هي منتصف الساهة بين العدديين ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿

 $\frac{1}{\sqrt{2}} = 1 \times \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \times 1 = \frac{1}{\sqrt{$ وإذا لاحظنا المسافحة بسين أ ك المحلف المسافحة بسين أ ك المحلف المسافحة بسين أ ك المحلف المسافحة المساف  $rac{\xi}{\Lambda}$  في الشكل المقابس نجت أن العسدد  $\frac{1}{V} = \frac{\xi}{\lambda}$ يقع في منتصف المسافة حيث

وإذا قسمنا المسافة بين العددين إلى ثلاثة أجزاء فإن كل جزء يمثل ثلث المسافة بين العددين و تلاحظ أن العدد  $\frac{\pi}{\Lambda}$  يقع في ثلث المسافة بين العدديس من جهة العدد الأصغر  $\left(\frac{1}{\Lambda}\right)$ وأن العدد م يقع في ثلث المسافة بين العددين من جهة العدد الأكبر (٨) و لإيجاد هذه الأعداد دون الحاجة إلى تقسيم السافة فإننا نتبع القاعدة التالية:

### الِعَدِدِ إِلَدَىٰ بِنَعِ فِي ثَلَثَ الْسَافَةَ بِينَ عَدِدِينَ

من جهية العيدد الأصغر = العيد الأصغر + بالمسافية بيين العدديين من جهـة العدد الأكبر = العدد الأكبر - بالمسافعة بـين العدديـن

 $\frac{\pi}{\Lambda} = \left| \frac{1}{\Lambda} - \frac{V}{\Lambda} \right| \frac{1}{W} + \frac{1}{\Lambda} = \frac{1}{\Lambda}$  فَيُثَارُ : العدد الذي يقع في ثلث المسافة من جهة  $\frac{\theta}{\Lambda} = \left| \frac{1}{\Lambda} - \frac{V}{\Lambda} \right| \frac{1}{V} - \frac{V}{\Lambda} = \frac{V}{\Lambda}$  العدد الذي يقع في ثلث المسافة من جهة وهما تفسس العدديسن اللنيسن حصلنسا عليهسما مسن التقسيسسم المظأن: المساهلة بيين المدديسن توجدها عبن طريسق الضرق بين المددين إ لأن المسافية دائمياً موجيبة مثيل ألوقيت و العمير

المعكوس المنزين : المعكسوس المضروسي لأي عسد لل لا يسساوي المصفر هو ي فَمَثَلًا ، الْمُكُوسِ الضربي للعدد ع هو ع والمكوس الضربي للعدد ع هو ب والمكوس الضربي للمند ﴿ هُو ٢ والمكوس الضربي للعند ٣ هو ﴿

ملاحظ المعلوس الضربي للعدد ١ هو ١ و العكوس الضربي للعدد - ١ هو - ١ لا يوجيد معكوس ضربي للمسدد صفر ( لأن أ ليس ثها معنى )

Trick that 
$$\gamma = \frac{1}{2}$$
 is the solution of the solution of  $\frac{1}{2}$  is  $\frac{1}{2}$  in  $\frac{1}{2}$ 

مع ملاحظة أن التوزيدع يكون من اليمين أو من اليسبار

### تسبة الأعداد النسبية

 $0 \neq \frac{\Delta}{2}$  د کان  $\frac{1}{2}$  عددین نسبیین  $\frac{\Delta}{2} \neq 0$  $\frac{3 \times 1}{4 \times 2} = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{4}{3} \div \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ 

أى أنسبه عنب قسمية عدديس تسبيسين فإننسا نحسول عملية القسمية (لبي ضرب العسيد الأول × المعكسوس الضربي للعبيد السني بعسب علامسة " +"  $\frac{t}{0} = \frac{x}{0} \times \frac{y}{y} = \frac{0}{y} \div \frac{y}{y} \cdot \frac{y}{0}$  $\frac{\forall -}{\psi} = \frac{\xi -}{\psi} \times \frac{1}{\psi} = \frac{\psi -}{\xi} \div \frac{1}{\psi}$ 

﴾ لاحسط أن عمليه القسمة ليسبت ابدائية وليست دامجة ولا يوجه عهده محايه، بالنسبة لعملية القسمية ولا توجيد معكوسيات بالنسبية لعمليسة القسميسية

## الماهم في الباصات المن من و فعمة العباد النعيبة





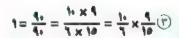
## اً أو بد فاتح ضرب حكل مما يأتي :

TXY +×+0

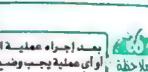


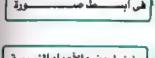
 $\frac{1}{7} = \frac{1}{17} = \frac{3 \times 7}{4 \times 7} = \frac{3}{4} \times \frac{7}{12}$ 

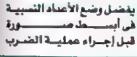
$$\frac{h}{h} = \frac{h}{h} = \frac{a \times b}{h \times h} = \frac{h}{h} \times \frac{h}{h} (b)$$

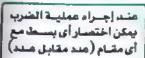


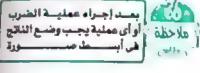
$$1 = \frac{1}{1} = \frac{a}{r} \times \frac{r}{a} = \frac{1}{2} \times \frac{A}{10}$$

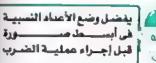


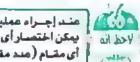


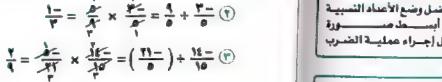


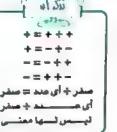












## التناهم خاصية توزيع الضرب على الجمع في تسهيل إجراء العمليات الأتية:

0 x 11 + Y x 11 1

 $\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}} = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}} \times \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}} = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}} + \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{g}} = \mathbf{1} \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{r}} + \mathbf{T} \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{g}} \stackrel{\mathbf{q}}{=} \mathbf{1}$ 

 $r = \frac{4-}{5} \times \frac{1}{7} \times \frac{7-}{9} \text{ (P)}$ 

1 + 1 (1)

 $(1) \frac{1}{y} + \frac{w}{a} = \frac{1}{y} \times \frac{1}{y} = \frac{a}{y}$ 

ك الحار

الحار

 $\left(\frac{\gamma_1-}{a}\right) \div \frac{\gamma_2-}{\gamma_2}$ 

 $Y = \frac{17}{7} \times 0 \times \frac{\Lambda}{17} \times \frac{1}{12} \times \frac{1}{12} \times 0 \times \frac{17}{7} \times 0 \times \frac{17}{7}$ 

اً أوجد ناتج كلاً مما يأتي في أبسط صورة :

$$\frac{\gamma}{V} \times \frac{1_0}{\gamma q} + \frac{\gamma}{0} \times \frac{1_0}{\gamma q}$$
 ①

T= 1/1 = 1-x 1. x 1-

4 + Y- (P)

1+++1

 $\frac{a}{2} + \frac{b}{4} \times \frac{b}{4} = \frac{b}{11} \times \frac{b}{4} \times \frac{b}{11} = \frac{b}{4} \times \frac{b}{4} = \frac{b}{4} \times \frac$ 

## الهد نالج ضرب كل مما ياتي:

1 × 1- (1)

1- × 1 × 7- (P)

( 0 0 - ) x T T - (P)



$$\gamma_0 = \frac{\gamma_0 - \gamma_0}{\gamma_0} \times \frac{\gamma_0 - \gamma_0}{\gamma_0} = \left(0.00 + \frac{1}{\gamma_0}\right) \times \gamma_0 \frac{\gamma_0}{\gamma_0} - \frac{\gamma_0}{\gamma_0}$$

## 

$$\left(\begin{array}{cc} \frac{\gamma}{V} + \frac{\gamma}{a} \end{array}\right) \frac{\gamma_0}{\gamma q} = \frac{\gamma}{V} \times \frac{\gamma_0}{\gamma q} + \frac{\gamma}{a} \times \frac{\gamma_0}{\gamma q} \end{array}$$

$$\frac{\gamma}{V} = \frac{\gamma q}{\gamma a} \times \frac{\gamma_q}{\gamma q} = \left( \begin{array}{c} \gamma a + \gamma \xi \\ \hline \gamma a \end{array} \right) \frac{\gamma_q}{\gamma q} =$$

يكام الحيل



$$=\frac{V}{H}\left(\frac{1}{0}\right)=\frac{V}{H}$$
 × original  $=\frac{V}{H}$ 

$$\eta_0 = \gamma \times \alpha = (1A) \times \frac{\alpha}{\eta} = (1 - 1\alpha + \xi) \frac{\alpha}{\eta} = \frac{\alpha}{\eta} - \frac{\alpha}{\eta} \times 10 + \frac{\alpha}{\eta} \times \xi(\xi)$$

أن أوبد ناتج كل مما ياتي في أبسط صورة :

$$\frac{W}{T} \div \left(\frac{\xi}{T} + \frac{\theta}{3}\right)$$
 (1)

$$\left(\frac{V}{o} - \frac{V}{T}\right) \div \left(\frac{\xi}{o} - \frac{T}{T}\right)$$

$$\frac{\frac{1}{V}}{\frac{1}{V}} \div \left(\frac{\frac{1}{V} + a}{\frac{1}{V}}\right) = \frac{\frac{1}{V}}{\frac{1}{V}} \div \left(\frac{\frac{1}{V}}{\frac{1}{V}} + \frac{a}{\frac{1}{V}}\right)$$

$$\frac{1}{V} = \frac{\frac{1}{V}}{\frac{1}{V}} \times \frac{\frac{1}{V}}{\frac{1}{V}} =$$

$$\begin{pmatrix} \frac{V}{V} - \frac{1}{0} \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} \frac{1}{V} - \frac{V}{V} - \frac{1}{V} \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} \frac{1}{V} - \frac{V}{V} - \frac{V}{V} - \frac{V}{V} \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} \frac{1}{V} - \frac{V}{V} - \frac{V}{V} - \frac{V}{V} - \frac{V}{V} \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} \frac{1}{V} - \frac{V}{V} - \frac{V}{V$$

$$\frac{\gamma}{\psi} = A \qquad ( \qquad \frac{\gamma\gamma}{\gamma} = \omega \qquad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma \frac{\gamma}{\xi} = 1 \quad \text{with } 1) \quad ( \qquad \gamma$$

فأوجد القيمة العددية لما يأتى: ١٠ إن عد ٣٠ ١٠ إن - هـ

$$T + \left(\frac{Y}{T} \times \frac{1Y}{V} \times 1 \frac{T}{E}\right) = T + \Delta U I$$

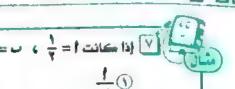
$$\mathbf{o} = \mathbf{Y} + \mathbf{Y} = \mathbf{Y} + \left(\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}} \times \frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}} \times \frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{f}}\right) =$$

$$\mathbf{Y} = (\mathbf{Y} + \mathbf{Y} + \mathbf$$

$$\frac{1}{4} - \left(\frac{11}{4} \times 1\frac{1}{4}\right) = 4 - \omega 1^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{4} - 4 = \frac{1}{4} - \left(\frac{11}{4} \times \frac{1}{4}\right) = 4 - \omega 1^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{\psi}{V} = \frac{\psi}{V} - \frac{\psi}{V} =$$



## الله عانت $1 = \frac{1}{y}$ ، $v = \frac{w}{2}$ قاوجد هی أبسط مبورة قیمة كل من :

<u>n-1</u> ⊕ <u>u</u>+1 ⊕

$$\frac{\mathbf{Y}_{-}}{\mathbf{Y}} = \frac{\mathbf{\xi}_{-}}{\mathbf{Y}} \times \frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}} = \frac{\mathbf{Y}_{-}}{\mathbf{\xi}} + \frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}} = \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{Y}} \quad \textcircled{1}$$

$$\frac{\Psi^{-}}{\frac{1}{2}} \div \frac{1-}{\frac{1}{2}} = \frac{\Psi^{-}}{\frac{1}{2}} \div \frac{\Psi^{-}\Psi^{-}}{\frac{1}{2}} = \frac{\Psi^{-}}{\frac{1}{2}} \div \left(\frac{\Psi^{-}}{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \div \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} \div \frac{1-}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1-}{2} = \frac{1}{2} \div \frac{1-}{2} = \frac{1-}{2} = \frac{1-}{2} \div \frac{1-}{$$

$$\frac{1}{4}\div\left(\frac{1}{4}+\frac{1}{4}\right)=\frac{1}{4}\div\left[\left(\frac{1}{4}-\frac{1}{4}\right)-\frac{1}{4}\right]=\frac{1}{4}\oplus$$

$$= \frac{1}{2} \div \frac{\varphi}{\psi} \div \frac{\psi}{\psi} \div \frac{\psi}{\psi} = \frac{1}{2} \div \frac{$$



- المنتصف المسافية بين ع منتصف المسافية ع
- ﴿ ربع السافة بين ﴿ ، ﴿ ، ﴿ من جهة العدد الأصغر
- الأحكير ألث المسافة بين أ م الله من جهة العدد الأحكير

### يكام العبل

( العدد الذي يقع في منتصف المسافة بين العددين =  $\frac{1}{7}$  ( العدد الأول + العدد الثاني )

$$=\frac{t}{Y}\left(\frac{t}{2}+\frac{\alpha}{t'}\right)=\frac{\Psi t}{2Y}$$

العدد الذي يقيع في ربيع المسافية بين لله ، لم من جهية العدد الأصغر لل

$$=$$
 العدد الأصغر +  $\frac{1}{4}$  | المسافة بين العددين |

$$=\frac{1}{4}+\frac{1}{4}\left[\frac{1}{4}-\frac{1}{4}\right]=\frac{1}{4}$$





			27770
i	على شرب وقسمة الأعداد النسبية	((0)	يمادين
			p
12		-	

المدد الأكبر - أ المنافسة بسين المدديسن المدديسن  $\frac{d}{d} = \left| \left( \frac{d}{d} - \right) - \frac{d}{d} - \right| \frac{d}{d} - \frac{d}{d} = 0$ 



أكمل الإيجاد ذائج ما يأتي في أبسط صورة :

$$\frac{1}{6} \times \frac{\sqrt{4}}{4} \times \frac{\sqrt{4}$$

$$\cdots = \frac{\gamma_{\ell}}{\gamma_{1}} \times \frac{\gamma}{\gamma} \quad (1) \qquad \cdots = \frac{\gamma_{-}}{\Lambda} \times \frac{\gamma_{-}}{\gamma} \quad (2)$$

## ١ (١) أكول ما يأتو :

واختبر نفسك واختبر نفسك

- $\cdots$
- العدد النسبى  $\frac{\Psi \mu_0}{V + \mu_0} = \frac{4}{6}$  العدد النسبى و  $\frac{\Psi}{V + \mu_0}$ 
  - $\cdots = \left| \frac{\mathbf{t}}{\mathbf{q}} \right| + \frac{\mathbf{p}}{\mathbf{q}} \quad \mathbf{T}$

سدد صفير هو سندست	🗈 المكــــوس الجمعــي ثلم
-------------------	---------------------------

🕹 ساعة امتحان ومراجعة

( - ) باستخدام خواص الجميع في ها وجد ناتيج ما ياتي في أبسيط صورة :  $\frac{\sqrt{4}}{4} + \left(\frac{\sqrt{6}}{4} - \right) + \left(\frac{\sqrt{4}}{6} - \right) + \frac{6}{4}$ 

(هـ) () اكتب ثلاثــة أعــداد نسبيــة تقـــع بـــين - ع ع ع - ٣

الم اوجد قيمية س التين تجعيل العيدد سن + ف غيير نسبياً

أشيل لايجاد نائج ما يأتي في أبسط صورة :

$$\cdots = \cdots \times \cdots = \frac{10}{4} \div \frac{0}{4} \oplus \cdots = \cdots \times \frac{1}{4} \div \frac{1}{4} \oplus \cdots$$

$$\cdots = \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{-1}}{\sqrt{1}} \quad (1) \quad \cdots = \cdots \times \cdots = \frac{\sqrt{-1}}{\sqrt{1}} + \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{1}} \quad (2)$$

تنريب (٢) أكمل لإيجاد ناتج ما ياتي في أبسط صورة :

$$(\cdots\cdots+\cdots)\stackrel{\bullet}{\eta}=\stackrel{V}{\underline{\vee}}\times\stackrel{\bullet}{\eta}+\stackrel{V}{\underline{\vee}}\times\stackrel{\bullet}{\eta}\stackrel{\bullet}{\underline{\eta}}\stackrel{\bullet}{\underline{\eta}}$$

$$(\cdots - \cdots + \cdots) \cdots = \frac{\gamma}{8} - \gamma \times \frac{\gamma}{8} + 4 \times \frac{\gamma}{8}$$



## والمسائل المستول المثاني أي

### السدنانج كل مما ياتى:

## الثانة المنتب خاصيسة ضرب الأعداد النسبيسة المستخدمسة في كل مسما يأتى :

$$(-\frac{1}{7}) \times \frac{\gamma}{7} = \frac{\gamma}{7} \times \frac{1}{7} - \frac{\gamma}{7}$$

$$(-\frac{1}{7}) \times \frac{\gamma}{7} = \frac{\gamma}{7} \times \frac{1}{7} - \frac{\gamma}{7}$$

$$(-\frac{1}{7}) \times \frac{\alpha}{7} \times (-\frac{\gamma}{7}) = \frac{\alpha}{2} \times 1 = \frac{\alpha}{2}$$

$$\frac{V-}{V_*} \times \left( \pm \times \frac{a}{V} \right) = \left( \pm \times \frac{a}{V} \right) \times \frac{V-}{V_*}$$

$$\nabla \frac{1}{7} \nabla \times \nabla \frac{1}{7} \times \nabla = \left[ \frac{1}{7} + \frac{1}{7} + \frac{1}{7} \right] \times \nabla \frac{1}{7}$$
 صفر = صفر

$$\frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{\gamma}{\gamma} + \frac{\alpha}{\gamma} \times \frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{\alpha}{\gamma} + \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{\gamma}{\gamma}$$

## أَثُنا أَكُولُ لتصبح العبارة صحيحة في كل مما يأتي:

$$\dots \times \frac{t}{\sigma} = \left(\frac{1}{V} + V\right) \frac{V}{\sigma} \oplus \dots \times \frac{t-1}{\sigma} = \frac{t-1}{\sigma} \times \frac{V}{\sigma} \oplus \dots$$

$$\cdots \times \frac{1}{V} = \frac{1}{\Phi} \times \left[ \left( \frac{V}{V} - \right) \times \frac{1}{V} \right]$$

## ا مله احساسه باشو

## المراجز الذافق

## مسن خسواس عمليسة الضرب فسن لا مستنده ي مستندي المكوس الغيربي للعبد ١٠ هو ١٠٠٠٠٠٠٠٠ و المكوس الغيربي للعبد ١ هو ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠.

## 📍 المسد ذاتح كل مما يأتي في أبسط صورة :

$$\frac{7}{7} \times \frac{1}{7} - 5 \qquad \frac{7}{7} \times \frac{7}{6} \text{MS} \qquad \frac{1}{7} \times \frac{1}{7} \text{S}$$

$$\frac{4}{7} \times \frac{\epsilon}{7} = 3$$

$$\frac{7}{4} \times \frac{7}{7} = 3$$

$$\frac{7}{4} \times \frac{7}{7} = 3$$

$$\frac{7}{4} \times \frac{7}{7} = 3$$

$$\frac{A-}{10} \times \frac{o-}{f}$$
  $\frac{V}{T} \times \frac{V-}{16}$   $\frac{1-}{T} \times \frac{V-}{f}$ 

## 1 أوهدنتج كل مما يأتي في أيسط صورة:

$$\left(\frac{y}{r}-\right)\div\frac{y}{r}-\Im$$
  $\left(\frac{1}{y}-\right)\div\frac{y}{r}$   $\Re\left(\frac{y}{t}-\right)\div\operatorname{M-M-M}$ 

رآ العبيد التسيسي السني ليسس ليسه ممكسوس ضريسي هسو .....





التاليد نفسج كل معا باتس منع وضع الناقسج في أبسط صدورة:

$$\{\frac{1}{2^{n}}\} = \frac{1}{4} + 4 \frac{1}{4} - (\frac{1}{2})^{\frac{n}{2}} + (\frac{1}{4})^{\frac{n}{2}} + (\frac{1}{4})^{\frac{n}{2}} + (\frac{1}{4})^{\frac{n}{2}} + (\frac{1}{4})^{\frac{n}{2}} = (\frac{1}{4})^{\frac{n}{2}} + (\frac{1}{4})^{\frac{n}{2}} = (\frac{1$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{A} \end{bmatrix} \left( J \frac{10}{11} - \right) + J \frac{0}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} + J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad \text{[i]} \quad J \frac{1}{A} \left( J \right) \quad$$

السد نقيح كل مميا يأتس منع وضيع التاتسج فيس أبسيدك صيورة:

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} & 1 \end{bmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \end{pmatrix} \oplus \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \oplus \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\left(\frac{\tau}{\tau}\right) = \left(\frac{\tau}{\tau} - \frac{a}{\tau}\right) \div \left(\frac{\tau}{\tau} - \frac{\Lambda}{\tau}\right) \oplus \left(\frac{\tau}{\tau} + \frac{\tau}{a}\right) \div \left(\frac{a}{\tau} + \frac{\tau}{\tau}\right) \oplus$$

[1] 
$$\left(\frac{\gamma}{\Lambda} \times \frac{\gamma}{\gamma}\right) - \left(\frac{\gamma}{1} \times a\right) \odot \left(a\right) \left(\frac{\gamma}{11} - \frac{\gamma}{1}\right) + \left(\frac{\gamma}{11} - \frac{\gamma}{\Lambda}\right) \odot$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} \end{bmatrix} \quad \left( \begin{array}{c} \frac{1}{4} \\ \end{array} \right) \div \left[ \left( \begin{array}{c} \frac{0}{4} \\ \end{array} \right) \div \left[ \left( \begin{array}{c} \frac{1}{4} \\ \end{array} \right) \div \left[ \begin{array}{c} \frac{1}{4} \\ \end{array} \right] & \otimes \end{bmatrix} \right]$$

[J] 
$$\left(\frac{\Lambda}{\Lambda}-\right)\times\left(\frac{\Lambda \sigma}{4}+\frac{\sigma}{1 N^{-}}\right)$$
 (P)  $\left(\frac{H}{1 H^{-}}\right)$   $\left(\frac{1}{4}+\left(\frac{L}{4}\times\frac{L}{4}-\right)\right)$ 

## 🕦 احتسم خاصيــة توزيــع الضرب على الجمع في تسهيل إجراء العمليــات الأتيــة :

[+] 
$$q \times \frac{\theta}{17} + T \times \frac{\theta}{17}$$
 [N]  $17 \times \frac{1}{q} + 11 \times \frac{1}{q}$  [1]

[0] 
$$\forall \times \frac{\theta}{17} + 4 \times \frac{\theta}{17} + 7 \times \frac{\theta}{17} \stackrel{\text{(i)}}{=} [\frac{1}{7}] \frac{7\theta}{4} \times (\frac{7\theta}{7}) + \frac{7\theta}{4} \times \frac{7\theta}{8} \stackrel{\text{(i)}}{=} ?$$

(a) 
$$\frac{4}{V} \times Y + \frac{4}{V} \times 3 + 4 \times \frac{4}{V}$$
 (b)  $0 \times \frac{4}{V} + 4 \times \frac{4}{V} \times Y + \frac{4}{V}$  (e)

$$|V^{-1}| \left(\frac{1}{\Lambda^{-1}}\right) + \left(\frac{1}{\Lambda^{-1}}\right) \times a + V \times \frac{\Lambda^{-1}}{\Lambda} \stackrel{\text{(i)}}{\text{(i)}} \left(\frac{1}{\Lambda}\right) \frac{1}{\Lambda^{1}} - \frac{1}{4} \times \frac{1}{\Lambda^{1}} + \frac{a}{\Lambda} \times \frac{1}{\Lambda^{1}} \stackrel{\text{(i)}}{\text{(i)}}$$

## 👣 اوجد قيمة بن في دعل مما ياتي :

$$v = \frac{v}{v} - x \frac{v}{v} + (\hat{v})$$
 سفر  $v = v \times \frac{v}{v} - v$ 

$$\frac{Y-}{a} \times \frac{Y}{4} = \omega + \frac{Y}{4} \odot \qquad \qquad \frac{Y}{a} \times \frac{4}{a} - \omega \times \frac{Y}{a} \odot$$

$$\left(\frac{Y-}{a}\right) \times a + \frac{1}{Y} \times \omega = \left[\left(\frac{Y-}{a}\right) + \frac{1}{Y}\right] \omega \otimes$$

### 😭 😂 اغتر الإوابة المعيمة من بين القوسين :

$$\cdots = \frac{\gamma}{\gamma} + \frac{1}{\gamma} + \frac{1}{2} = \frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma}{\gamma}$$

$$[ n d \frac{n}{v} d \frac{v}{n} d \frac{1}{n} ]$$

اذا عکان 
$$\frac{\gamma v}{v} = \frac{\gamma}{v}$$
 هان س  $= \dots$ 



ا براسان س ا ش ده ، أو دون س د

(9) 
$$\frac{1V-1}{11}$$
 ) are three lifety of  $\frac{V-1}{2}$  (9)

الله عند خمس السافة بين 
$$\frac{\Psi}{4}$$
 ه  $\frac{\Psi}{4}$  من جهة العدد الأصغر (٦)

المنافة بين 
$$\frac{\Psi^{-}}{\sigma}$$
 من جهة المند الأسغر  $\frac{\Psi^{-}}{\sigma}$  من جهة المند الأسغر

المند خمس المسافة بين - 
$$\frac{1}{6}$$
 ،  $\frac{V}{A}$  من جهة المند الأكبر ( $\frac{W}{V}$ )

: 
$$\frac{7}{1}$$
 |  $\frac{7}{1}$  |  $\frac{$ 

$$\frac{1}{|\gamma|} |\xi + (\omega + \omega) + \frac{1}{|\gamma|} |\xi| + \frac{1$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)(\omega - \omega) + (\omega + \omega) = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \omega + \frac{1}{2} = \omega + \frac{1}{2} = \omega$$

$$\begin{bmatrix} \frac{w-1}{v} \end{bmatrix}$$
  $\frac{\omega-1}{\omega+1}$   $\boxed{(\frac{v-1}{v})}$ 

1 (i)

[#]

## مانل المتضوقين

## المنتصر الأبسط صورة حيث س عود ، صعود :

$$\left(\frac{V-U}{1}\right) \times \left(\frac{V-U}{2} - \frac{V-U}{2}\right) \times \left(\frac{V-U}{1}\right) \times \left(\frac{V-U}{1}\right)$$

$$[Y-] \quad [ \ \omega \quad \frac{V}{A} - \omega \quad Y \ ] \div \left[ \left( \ \omega \quad \frac{\sigma}{Y} - \omega \quad Y \ \right) \quad \frac{Y}{Y} - \left( \ \omega \quad \frac{T}{A} \ \right) \quad \frac{\sigma}{A} \ \right]$$

ا أوجد العدد الذي إذا قسم على ناتج 
$$\left(\frac{7}{7} - \frac{7}{7}\right) \div \left(\frac{7}{2} - \frac{7}{17}\right)$$
 وجد العدد الذي إذا قسم على ناتج أ

1 0 0 0 0 0 0 0 0 0

الم إلى المسان العام على الماع المان الماع ا

### 🕦 اورد عدد نسبياً يقع في منتمنف السافة بين ، 🦳

$$\frac{1}{N} 1 \qquad \frac{1}{N} \leftarrow \frac{N}{N} \quad \text{(a)} \quad \text{(b)} \quad \frac{1}{N} \leftarrow \frac{N}{N} \quad \text{(b)}$$

$$r = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} +$$

## 14 أوجد عدد نسبياً يقع :

ال المنافذين المنافذين 
$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$
 من جهة العدد الأصغر  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 

عند ثلبت السافة بين 
$$-\frac{4}{6}$$
 من جهة العدد الأصغر  $(7)$ 

الما عند ربع المسافة بين 
$$-\frac{1}{9}$$
 من جهة العدد الأصغر  $\frac{V}{A}$ 

-01-17-



اختيارات مراجعة على ما سيسق

## اختيار مراجعة نسي ما سبق

- ( بنفس التعلسل ) 🐧 د ..... د ۲ د ا د ۸ 🕏
- 🐑 المسدد النصبي 📜 يكون موجياً إذا كان .....
- (ا) إذا كان سور + و عسد نسبسي فيان س ع المساوية
- 🕃 المسند ۴٫۲ في مبسورة لبيسة ملويسة هسينو ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠
- ال اوجد عدديد ال المبيدين يقعدان بدين الم

  - $\frac{17}{4} + \frac{7}{4}$

  - $\left( T \frac{1}{T} \right) T \frac{1}{\sigma} \widehat{\mathcal{D}}^{\dagger}$ 
    - $\frac{7}{10} + \left(\frac{7-}{4} + \frac{4}{10} + \frac{7}{10}\right)$

- العكون الضريس للعبيد 🐣 هيو ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

- - \Upsilon أوجد ناتج كل مما ياتي:

- 🕝 📳 امسيا تا تي ۽ 🔻

🕈 آکمل جا یاتی :

 $\left(\frac{\pi}{4}-\right)+\left[\left(\frac{\epsilon}{4}-\right)+\frac{\pi}{4}\right]$ 

------

 $\cdots \times \frac{\tau}{\tau} + \tau \times \frac{\tau}{\tau} = \left(\frac{\tau}{\tau} + \tau\right) \times \frac{\tau}{\tau} \circledcirc$ 

🚹 آغتر الإوابة السميمة مما بين القوسين :

۱۰۰۰۰۰ المكوس المشربي للعدد مسفر هو ١٠٠٠٠٠٠

🤄 🐧 = ۰۰۰۰۰۰۰ علی صورة عدد عشــری دوری

المصدد س- إن نسبياً إذا كان س عود.....

 $\cdots$  إذا كان  $\frac{\mathbf{r}}{a} \times \frac{\mathbf{t}}{a} = \mathbf{r} \times \frac{\mathbf{r}}{a}$  ان س =  $\mathbf{r}$ 

المدد النسبي لل يعبر عن عدد محيح إذا كان السان السان

🕕 العدد النسبي الذي يقع في منتصف المسافة بين 🙀 ؛ 🚊 هو .......

········ = ····(e-) (r)

- $\left( \frac{1}{4} \right) 1 \frac{1}{4} \left( \frac{1}{4} \right)$
- (١٠) ليصاأكبر ٢٠٥ أم 🙀 و أوجد الفرق بينهما ثم أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بينهما

الحثباد مراجعة شني ما سبق

 $[ \{ \{ \{ \{ \} \} \} \} \} \} ]$  هو  $[ \{ \{ \} \} \} ]$  هو  $[ \{ \{ \} \} \} ]$  هو  $[ \{ \} ]$  هو

 $[ = \emptyset > \emptyset < \emptyset \leqslant ] \qquad \frac{\lambda}{\lambda} - \cdots - \frac{\lambda}{\lambda} \bigcirc$ 

 $\begin{bmatrix} \frac{1}{\gamma} & \frac{1}{\gamma} & \frac{1}{\gamma} & \frac{1}{\gamma} \end{bmatrix}$ 

[ • d • - d 1 d • • ]

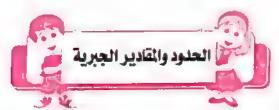
[ ... d ., to d ., tot d ., to ]

14



الحدود و المفادير الجديرة





الرياضيات، هي نفة الرمسوز فنحسن نستخدم الرمسوز المختلفة لنمسير عسن أعسداد أو أشيساء مختلفة لتسدل عليسها فيثلاً:

يمكن التعبير عن تفاحية بالرمز الجبرى | أى بيدلاً من استخدام كلمية تفاحية نستخدم بدلاً منها حرف واحد للسهولية نسميه رمز جبرى يدل عليها أو يعبر عنها وعلى ذلك فإن ثلاث تفاحات تعنى | | أى أن | | | | | وهي تعنى | | | وتسميى حيداً جبرياً و تتكبون من جزئين | | | وكل منهيما يسمى عاميل

### تعريف

الحد الجبيري، هو مناتكون من حاميل ضيرب عاملين أو أحيثر

فَنْكُو : ٣ س حدداً جبرياً يتكون من عاملين الأول ٣ و يسمى عامل عبدى (أو العامل الرمزى)



٧ س ٢ حسداً جسبرياً يتكسون مسن ٣ عوامسل هسى ٧ ، س ، س

س حد جبیری لا یتکون من عامل واحد ولکن یتکون من عاملین هیما ۱ ) س ۲ س۲ حسد چیبری یتکسون مین ثلاثیده عوامیل هیبی ۲ ) س ، س





درجة الحد الجبري مي مجموع أسس الموامل الجبرية الكونة لهذا الحد

نَشْلُ : المد الجبرى ١٣ مـن الدرجــة الأولــي لأن أس الرمــز ا يعـــاوى ١ العد الجبري ٧ س! مسن الدرجية الثانية لأن أس الرميز س يسساوي ٧

العد الجبري - ٢ س ص من الدرجة الثانية لان مجموع أسس ع ص يساوي ٧

أي عدد يعتبر حداً جبرياً من الدرجة صفر ويسمى بالحد المطلق فالعدد ٢ حد جبري من الدرجة صفير لأنبه يمكن كتابت على المسورة ٦ س صفر (حيث س صفر =١)

القسيدار الجيسري وهسو مساتكسون مسن حسيد أو أكسيثر درجة القدار الجبسري، هسس أعلى درجسة للحسدود الجبريسة المكونسة لله

نِشُوا: ٢ + ٢ س مُصْدار جسيرى يتكسون مسن حديسن و هسو مسن الدرجسة الثانية لأنَّ أعاسس درجسة لحسيدوده هين ٢ و هيني درجينية الحسيد ٣ س٣ ٢ أ س + ٢ أ س أ - س أ + 6 مقدار جبرى يتكون من ٤ حدود و هومن الدرجة الثالثة لأن أعلىسى درجيية لحسيدوده هسى ٣ و هسى درجيسة الحسيد ٣ أ س



آ اكتب معامل ودرجة وعدد عوامل كل حد مما يأتى:

٢ س من ١ - ٢ س من ١ س امن ١ س س

الحد لا س ص Y alche

ألحد س

11

الجد - ٢ س ص٢ معامله ـ ۴ الحد ساصا

معامله و

1 alpha

ولزجته الوابعة

ودزجته الأولس

ودرجته أنثانية Y atales suce ودرجته الثالثة

وعدد عوامله ا

وعدد عوامله ٥ وعدد عوامله ٢

اكتب معامل ودرجة وعسدد عوامل حكل حد طي الاشتدار الجبرى الأتى: ع س ٢ - ه س ٢ + ٢ س + ٧ ثم أوجد درجسة القسدار الجسيرى

### بكر العبل

معامله ٤ ودرجته الثالثة الحد ۽ س

الحد ــ ه س معامله -٥ ودرجته الثانية

الحد ٢ س معامله ٢ ودرجته الأوثى

الحد ٧ معامله ٧ ودرجته الصفر وعدد عوامله ا ويسمى الحد المالق

والمقدار الجبرى من الدرجة الثالثة (الأن أعلى درجة لحدوده هي الدرجة الثالثية)

## ۳ وتب القدار الجيرى ٢ - ٧ س ٢ + ٣ س + ٢ س٣

لاحظ أن ترتيب القدار الجبرى يكون حسب أسس أحد الرموز الجبرية الموجود في المقدار ويكون ترتيب تنازلي أو ترتيب تصاعدي ويفضل الترتيب التنازلي في الحلول ترتیب تنازلـــ حسب اسس س : ۹ س۲ - ۲ س ۲ + ۲ س ۲ + ترتیب تصاعدی حسب اسس س : ۲ ۹ ۲ س ۲۰۰ س ۲۰۰ س۲ لاحظ أنه عند الترتيب فيان دكل حيد يحتف فل بإشارتيه

ق وتبالة ـــدار ۲ س<sup>۲</sup> ص بـ ۳ ص ا ـ ۵ س ص ۲ + ٤ س ۲ ص ۲ ٠ حسب اسس س التنازليمة

٣ حسب اسس من التنازليدية

وعدد عوامله ۽

وعدد عوامله ٣

ومدد مواطه ۲

الحل الحل

۞ حسب أسس س التنازلية ؛ ٢ س ٢ ص + ٤ س ١ ص ٢ ـ ٥ س ص ٢ + ٣ ص





### على التناود والقادير الجارية

تعاریان (۳)





## رِيرٍ أُولِيًّا: راجع معنا و اختبر نفسك



### (١) أَذُتُر الإِجَابِةِ الصحيحةِ مِن بِينِ الْأَقْوَاسِ:

$$\begin{bmatrix} \frac{\tau}{V} & d & \tau & d & \tau - & d & t + & \end{bmatrix} \cdots = \begin{pmatrix} \frac{\tau}{V} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \frac{q}{V} \div \frac{tA}{A} - \end{pmatrix} \bigcirc$$

- العدد النسبي الدي يقع في منتصف المسافة بين أو كام هو ......
- الا الحان ا × ب = ب فإن ب = .... [ ا أ م ١ م ١ م ١ ا ك ١ م ١ ا
- $\begin{bmatrix} \frac{1}{11} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{1} & \frac{1}{4} & \frac$

- $\frac{0}{10} \times \Lambda + \frac{0}{10} \times 9 \times 1$  باستخدام خاصیة التوزیع أوجد ناتیج  $\frac{0}{10} \times \Lambda + \frac{0}{10} \times 10^{-1}$

- : معان س =  $-\frac{7}{7}$  و مع = -7 فأوجد القيمة العددية لكل من (-4)
  - 🕥 س ص ÷ ع

8	ص	+	ص	س	1
---	---	---	---	---	---

	 * Up % d d d + = = = 4 m h = d + 4 m h = d + 4 m h = 6 m h = 0
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1	 ************************************



4	
11 23	امثلة التدريب
100	F. Comments

## أكمل الجدول الاتي لإيجاد معامل كل حد جبري ودرجته وعدد عوامله :

	۲۱۲	<sup>Y</sup> (Y-)	٧-	و ال سا	1418	۲۱۷	س	fr-	U- F	العد
										4.10mg
										ورجته
1										عـــد عواملة

بكا العل

رتب القاديسر الجبرية الأتبسة تنازليسا مسرة و تصاعديسا م حسب أسس الرمز س:

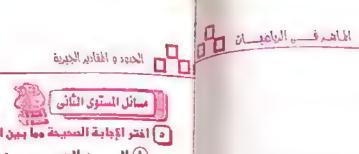
۳ بس <sup>۲</sup> س <sup>۲</sup> ب £ بس <sup>۲</sup> ص ~ سن ص	۷+ <sup>۲</sup> س۲+س۵)
---	------------------------

😙 تنازلياً؛ ٤ س٣ ص ...









	18228		
211 .	1150	11 5 . 1. 01	

							دوسين:	ين الا	F-1 100 q	الصميد	الأفانه	) اغتر
			I		ن الدرجـــ	,	1011	يرى		د الجــ	لحـــــ	10
	الرابعة	đ	स्थाधा	đ	الثانية	đ	الأولى	J				
				7 هر	ری ۲۱ س	ــــبر	الجب		ل الح	عوامي	مسدد	<b>(Y)</b>
ĺ	£	đ	۳	đ	4	đ	1	]				
				ي ھر	- ۽ س مر	ری		الج		ل الحا	عام	
]					£-							
		****		رجـــ	من الد	ا ص!	+ ۲ س	۳ ص	۽ ۽ س	ا س۳۔	لقدار٣	ıi 🕦
ſ	الرابعة	đ	ಮುರ್ಚು	á	الثانية	đ	الأولى	1				
*					۲ سام				ـــد ان	ل الحـ		. (0)
1					۳							
					ر + ۳ ص				حداراد	115	رجسة	1 (1)
ſ					الثانية							
					ی س م				سل الم	د عوام		<b>∠</b> (V)
r					1							
iL.		.16.4	rain	e Labi	- مرثب تثا	۲.	71+1	ب" م	114-	ں ہے	قدار ا <sup>1</sup>	MIM.
					u							
		• • • • •		برو	الحدالج	درجة	تساوي	ي" س	ری سر	ىد الچې	يجة الم	ن در
1	ص س	ď	س اص	đ	س اس	đ	س"س"	- ]				
					ی ٦ فإن				أتحت	ندرجة	ا ڪائن	ায় 🕡
r					4							
L		61	•	-	,	-,	,	-				

				C
		4.11 4	معامل و درجــة كل .	الألك
کل، مسما بات. :	عسناد عواملسه فيء	حد چیری دم امسو :	معامل و درجسه سيل ،	_

U U	187		_
🗈 ۲ س ص	114-1	🕈 ه سن	🛈 ۾ س
ه اسال من	101 (V	🕥 س ص	٠ س 🍅

1011-® ٠ 🛈 ٢ س ص ع 1401VW ۳۲°۱۱ س

ثَانِياً: أجب عسما يناتس:



الكيل ما يأتن الماملية هو و درجتسه هي
The second secon
الحد الجبري لا س معامنه على
المسد الجبرى س معامله = المالية
﴿ يرحة العد الطلق في أي مقدار جبري هي المنافقة
( عدد عوامل الحد الجبري ٢ أ ت هو
عدد عوامل الحد الجبرى ٢ س مو و درجت مع الجبرى ٢ س مو مو
القدار الجيري ٢ س ٢ من الدرجة وعدد حدوده ٧٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
(۱۳۱۵ ل الدروم و مراه من من الدرجية المراه من الدرجية

### 🕜 🖺 أكبل الجدول الأتي :

ı	عدد عواملة	عواطـــــه	درجت	No.	المدالجين
ı	*********	***********		******	V-
ı	410140004444	ococtet:	T=T+1	40004000	1011
ı	*********	*************	***********	******	٧١٠٦م
ı	*********	Hermannennegn	*********	********	-۸-س۱
1	*********	************	444444		س ص۲

## 1 2 اكبل الجدول الأتى:

درجت	أسم المقدار الجيري	عدد حدوده	التــــــــــاد العــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
*******	مقدار ذو حدين	*********	۴ س۲ + ص ۵ س۲ – ۷ س + غ
********	مقدار ثلاثـــى	*********	7110+9901-1107
**********	****************	51542644449	س ا س ا س من ا
*********	*************	200000000000000000000000000000000000000	10-1011+1011-01
	*************		



## المن عين درجة كل من المقادير الجبرية الأتية :

٣(٢) س ٢-٢ س

4+0-40

- (£) ۲ + 3 ص ۲ ۵ ص
- "U-- "U- #(P)
- ٢٦ س ص ٢ + ٤ سي ص ٢ + ٢ س ١٠
- 0+011+1011®

## أرتب كلاً من المقاديس الاتبية مسرة تفازئياً ومسرة تصاعدياً حسب اسس الرمز إ:

- (1) 01+1-Y+1"
- 10- 17+49
- (1) V + Y12 Y1 + 017 217
- 971+3-Y1"+Y1"
- - (\*) " + " · " + " · " + " · "
  - (A) 11 11 " 41 " -

## مسائل المتفسوقين

### 🚺 أنكر معامل ودرجة الحد الجبري ٢ 🌓

## (۱) أكمل ما يأتي:

- الحسدان الجبريسان ۴۲ س ۱۰۲ ، ۴۳ س مسن الدرجسة التاسعسة فإن ٥ = ..... ٢ ٢ = ٠٠٠٠٠٠
- النا تكانست درجسة الحسد الجبرى ٣ س من هي درجسة الحسد الجبري ٢ أنَّ فإن ل = ......

## 11) فو الشكل البقابل:

اكتب المقدار الجبرى الذي يعبر

عسن مساحمة النطقمة المغللية

ثم المكر درجتسه

OU VE

مساحة الدائرة = π ش<sup>۲</sup>

تشابه الحدود الجيرية ، هو تشابه الرموز الجبرية الكونة لعواملها بالإضافة إلى تساوى أسس هذه الرصور بغض النظر عن الماملات المدديدة للجدود

تتنا الحدود الجبرية المتشابهة

فَيثُلُّ : الحدود الجبرية المتشابهة مثل ( ) ٢ ، ٢ ، ١٩

اکس ع عس ک عس ک ۲۰۰۰ من س

والحنود الجبرية الغير متشابهة مثل ٢١ ، ٢٢ ، ٢٢ ( فير هنشابه لاختلاف الأسسيس)

أي أ ب " ، ٢ س ا ص ع مـ ٢ و٢ ( فير متقابه لاختلاف الموز الجبية )

### إختصار القيارة الجائري

اختصار المقدار الجبرى: يعنى وضع المقدار الجبرى في أبسط صورة وذلك عسن طريسق جمسع الحسدود المتشابهسسة

وسوف نوضح ذلك من خلال الأمثلة التالية:



ا اجمع الحدود الجبرية في كل مما يأتي:

- 1614-6 186 14 1
  - 10 ( 104- ( 100 T
- € ځسوس د ۲ سوس د ۲ سوس کا ۲ ساسس

الحل الحل





الاختراء

21 + 7 U ≠ 41U

لأنهلا يمكن جمح حدود غير متشابهة

عند جمع أو طرح الحدود للتشايع فاننا نجمع أو نطرح معاملات الحلود أما الرموز الجبريسة فتظلل كماهي () ماصل الجمع = ٢١+١١+ (-١٢)+1 f==f(1+Y-E+Y)= ٣ مامل الجمع = و س٢ + ( ٢ س ٢ -) + ٢ س \*レヤ=\*レ(1+7-0)=

( عاصل الجمع = } س ص ۲ + ۲ س ص ۲ + س ص ۲ + ( - ۲ س ص ۲ ) = ( ۱+۲+4 ) س ص ۲ = ۲ س ص

ا اغتصر ما يأتس إلى أبسيط صيورة :

1071+00+31-70 (P) -7-0-6-07+3-0+17(1)

### کے العل

لاحظ أن كل مقدار يحتوى على مجموعتين من الحدود المتشابهة لذلك يجب فصلهما عس بعضهما باستخدام خاصيتي الإبدال والدمج

() ItELic = 11+00+31-70

UY+17=(UY-UA)+(I£+1Y)=

=( ٢- ١٠ س ٢ + ٢ س) + ( ٣- ١ س + ٤ س) = = ۲ س ۲ – ۲ بس

## W اغتصر ما باتس (الى أبسيط صيورة :

w £ - w + m + t w + m + 1 m

٣ س ص ٢ + ٢ س ص ٧ - ٧ س ص ٢ + ٤ س ٢ ص

### کے العل

- () المقدار = ( ۲ س ۲+ س + ۲ س ) + ( ع ص ۲ ص ) = س + ص
- ( المقدار = ( ٢ س ص ٢ ٧ س ص ٢ ) + ( ٣ س ٣ ص + ٤ س ٢ ص ) = - ۵ س ص ۲ + ۲ س ۲ ص

# أمثنة للتدريب

أكمل لإيجاد ناتج كل مما يأتى:

(۱) ۲ س + ۳ س ≈ ...... ..... = 1 t - 1 o (1)

.....= 1+14+14(P) (£ ٢ س ٢ + ٤ س ٢ - ٥ س ٢ = .....

### تدرین (۲)

أكمل ما ياتي لأختصيار المقيدار الجيبري إلى أبسيط صيورة : 71-74+21-71+76-67

يكار العبل

المقدار = ۲۱ - ۲ ب + ۱۲ - ۲۱ + ۷ ب - ب (نبط كا مبدوحة مجز منفاهة مع بصنعا )

..... = ( ..... = ( ..... = ( ..... + f ٣) =

# اطلب الماهـرفي الرياضيات للمرحلة الإبتدانية

يحتوى على شرح كامل بالتقصيل يساعد ولي الأمر على الفهم ويساعد المعلم على الشرح ويساعد الطالب على التدريب

سعدنا على مغتر داتكم على هوقعنا www.elmaher.org

### العيق يا يوشون

-	سن + ۳ سن	-	 - 8 + 5 - 7 (
	!-!*-!1	100	 1-113
	11'+41"	3	 اق ۲۰ س- ۵ سر

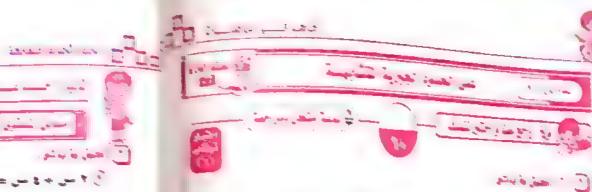
### المن المناسخ المبسول الأتي:

العمر العارية العرب العارية		ت <u>مسنو</u> د خ <u>بری</u>
	۳- س ، س	- ۲ سن ۱٫ ۲ سن صن ۱٫ سن ۱٫ - ص
۱۱ د، ۱۰		-1-110710171101-
		المراصل والمراوض والمراسل مي
	*******	7122173173-717

ع - الاستان = سسست القالات + الاستان = سسست

## ن اده نتح ما باتی:

ن ۲ سن ۲۰ سن	💲 ۶ ص – ۲ ص
19-12-2	اً کے ۳۰ س- 9 سی
کی ۲ سن میں به ۳ میں بسی	100+10+3
ta+te+tr+txS	14-14+17-1A 3
1-19+18-14-14	13-137-312-3108



المنسورة المسلول		, t. n.	4.13
------------------	--	---------	------

أم الأحداد العداد العداد ٢ من العرب الدوية الرابعة الإرابعة الإرابعة المارية المرابعة المارية المرابعة المرابعة

اَ يَرْجِ اللَّهِ عَلَيْهِ ؟ مِن أَنْ هُ هِ مِن فِن أَنْ \* \* فِن " فِي " هِن اللَّهِ اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهِ



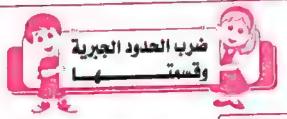
- ( يستنداه مصيد التوريع المد ليمد في ١٠٠ - و x ١٠ + و x ١٠



الد الإسلامية النسيل للتريف في يوالسطة بيل الله و و ا من جهة اليساد

8 = + (++ x ++-) ere from min 1 20 5





### ضرب الحدود الجبرية

## عند ضرب عدة حدود جبرية نتبع الغطوات التالية :

- 🕥 نضرب إشارات الحدود الجبرية تبعاً للقواعد التي درست في الأعداد الصحيحة
  - 😗 نضرب معاملات الحدود
- 😙 نضرب العوامل الرمزيسة ذات الأساسسات المتشابهسة و ذلك بجميع أسسسها مع ملاحظة أن العوامسل الرمزية غير المتشابهة تكتب كما هي

فِيْدَ : عند ضرب - ٢ | × ٣ | ٢ فإننا نضرب المعاملان ( - ٢ × ٣) ثم نضــرب الرمــوز  $^{T}$ المتشابهة أ $\times$  أ متصبح  $^{T}$  متصبح  $^{T}$  المتشابهة أ



و المعامل الجبرية فإنتا تكتب نفس الأساس المتشابه و تجمع الأسس ישו ויאו"= ו"א וי"א ו"ב"ע"ו אויע"א ויע"א ויע"א

## قسمة حد جبرى على حد جبرى آخر

## تقسبة حد جبري على حد جبري آخر نتبع الغطوات التالية :

- () نقسيم إشيارات الحديث الجبريين (المتسوم والمتسوم طبه)
- 😗 نقسيم معاميل المقسيوم علين معاميل المقسيوم عليسيه
- 😙 نقسيم العواميل الرمزية ذات الأساسات المتشابهة وذلك بطيرح أسسيها مع ملاحظة أن العوامل الرمزية غيير المتشابهة تكتب كما هي

## مسائل المستوى الثاني

- ه أكبل ما يبأثق ١

- ..... = U T / 1 U T + / 1 1
- ( ) 11 4 0, + 1 1 + 4 0, = ....

### 🚹 🕮 المتسر كلاً من المقاديسر الانيسة إلى أبسسط صيورة:

- 0-1+44+141 € 1 س + ۸ ص + ۲ س - ۵ ص
  - Y-14+Y+14 (\*)
- **4-1-1-14** 11-04+14+0-170 17-07+14-07-103
- V1+++-+++-++++ ﴿ ٢ س ّ + ٢ س ٢ + ٤ س ّ - ٥ س ١

  - ٣ س ٢ ص ٢ س ص ٢ س ٢ ص ٤ س ٢ ص + ٤ س ص ٢

- ¥ أذا كان إ+ س = ؟ فأوجد القيمة العددية للمقدار ٤ أ ٩ س ١٥ + ٨ س 17-1
- اذا كان الحدان الجبريان ۴ و٢ س ٢٠٠٠ ) ٢ س متشابهان فأوجد قيمة ٧
- ۳ درجسة المتدار الجبيرى (۲۱ س س۲) + س۲ + ۱ هى ......





🚺 أوجد ناتج ضرب كلاً مما ياتى:

17x211-1

UYXIY(1)

11-x--17-x--17 (8)

ع ٢ س ص ٢ x يس ص ٢ ح

بك العل

- (1x1)x(1x1)=-۲x11+1x-=-۲x11+1x-=-۲۲اات
- \* ٢ س ص ٢ × ٤ س ص ٢ ع = ٨ × س ٢٠١ × ص ٢٠٠ × ع = ٨ س ٣ ص ع ع
- المرات × ١٢ س مـ × ٢١ س مـ ٢ ( بقع الطورة المائة وبلات التاتيخ عباشية )

# 📆 أوجد خارج قسمة ٦٢ س ملي ۽ س٦

 $T_{UV} = T - a_{UV} = \frac{a_{UV} + 1}{T_{UV} + A_{UV}}$ 

فسمنا العامسلات ثبهم قسمنا الموامل الرمزية المتشابهة بطرح الأسس

اً أوبد خارج قسمة ٨س ص ع على ٢٠س ص ع ع

وكم العبل

۸س من ع ع ا س من اع ا - ۲ س من اع ا

الموامل الرمزية التشابهة تحنف إما كان ليها نفسس الأسس ويجنوارهما رمبوز أخسرى

AT HO

فَيْلًا: عند قسمة = - ١ ١٦ م فإننا نقسم الأشارات و الأعداد ( المعاملات) ای  $-7 \div (-7)$  ثم نقسم الرموز المتشابهـة أی  $(7^7 \div 7^7)$  شـم  $(-7^9 \div 7^9)$ 

عند فسمة العوامل الجبرية فإننا تكتب نفس الأسماس للتشابه و نطوح الأسمى T1=1-1 -1-1=1-1 ( T1=1-1 els)

المايق الرحد في العام السابق ما يلي :

- ٣x (العلول + العرض ) × ٢
- سامسة المتطيسل = الطسول x العسرض
- " الخيسمة المريسية = طسول الضليع × 2
- \* ساوسة المربسيع = طسول الضلسع × نقسيه
- " حجم متوازق المتضيلات = الطول x المرض x الارتضاع
- " الماحة الجانبية لتوازى الستطيلات = محيسط القاعسسة × الارتف
- الساحة الكنية تتواق السنطيرات = الساحة الجانبية + مجموع مساحتى القاعدة بن
- حبسم الكوسب = طسسول الحسسوف × نفسسه × نف
  - \* الماحة العانبية تنبكم = مساحسة الوجسمة × \$
  - المُعاجة الكلية للمكتب = مصاحبة الوجسية × ٢

AY AT

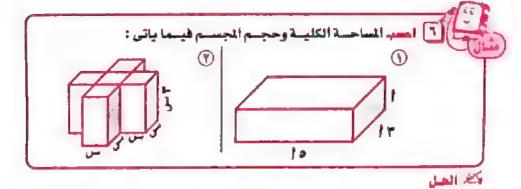


عرب الحدود الحبرية و فسنعا

		۳س	سي		<ul> <li>﴿ نَفْسُمُ الشَّكُلُ حَتَّى نَتَفِيرِفَ عَلَى الْأَطِّيوَالَ</li> </ul>
3	¥.	(Y)	(1)	5	<ul> <li>﴿ نَفْسَمُ الشَّكُلُ حَتَى نَتَمْسُرِفَ عَلَى الأَطْسُوالُ مَحْيَطُ الشَّكُلُ =</li> <li>٨ محيطُ الشُّكُلُ =</li> <li>٢ س + س + س + ٣ س + ٣ س + ٣ س + س + س</li> </ul>
			س		w+w++w++w++w+w+

= 14 س

مسن تقسيم الشسكل (أي المنتطيسلات الأصفسر) = amiles ( $\gamma$ ) + amiles ( $\gamma$ ) + amiles ( $\gamma$ ) + amiles ( $\gamma$ ) = ۲ س x س + س x ۲ س + ۳ س x ۲ س = ۲ س<sup>۲</sup> + ۳ س<sup>۲</sup> + ۲ س<sup>۲</sup> = ۱۱ س<sup>۲</sup>



الشكل عبارة عن متوازى مستطيلات

(١) المساحب ألكليبة = المساحة الجانبية + مجموع مساحتي القاعدتين ||Y|| = ||X|| + ||Y|| = ||X|| + ||X|| = ||X|| + ||X| $^{\dagger}$  به  $^{\dagger}$  $^{1}$  (47 =  $^{1}$ )  $^{1}$   $^{1}$  +  $^{1}$   $^{1}$  17 =  $^{1}$   $^{1}$ 

 $^{\text{T}}$  العبرض  $\times$  العبرض  $\times$  الارتضاء =  $\{ \times \} \times \{ \times \} = \{ \times \} \}$ 

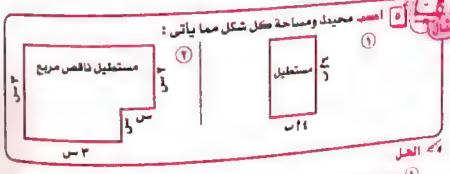
مساحة المستعليل = الطبيسول × العسسرض = ٤ س ٢ ٢ س = ١٢ س اسم سخ

السنتيمترات احمد مساحت السنتيمترات احمد مساحت المستهامة المستهامة المساحت المساحت

٣س

و الشكل المقابل : اطتب القدار الجسيري السذي يعسيه عن مجمعوع مساحسات المستطيلات وكالمل

مساحة المستطيل الأول = س ٣٧ س ٣٣ س ٣٠ س مساحة الستعليل الثاني = ٢ × س =٢ س مساحة المستعليل الثالث = ٣ × ٣ س = ٩ س  $T = T \times T = \infty$  مساحة المستطيل الرابع مجمسوع المساحسات = ٣ س ٢ + ٣ س + ٩ س + ٦ = ۲ س ۲+ اس ۲=



( العلول + العرض ) × ٢ معيضا الستطيل = ( العلول + العرض ) U| Y= Yx U| 1= Yx (U| 1+ U| Y)= OH AS





۳ بس ۲۷ س

ش ۲- x س ٤ (٦)

## ثانياً : اجــب عـــما يأتــى :

ولاحظة : جميع الرموز الستخدمة في مسائل القسمة التالبية عي أعداد منحيحة يومنفر مرا

معائل المبتوى الأول أ

أوجد ناتج عمليات الضرب الأتية :

frat (1)

4x14- (1)

U- 1- x Y- (Y) J- 4 X J- 4 (1)

"Itaxty(V)

1011xuls "UT-x"UO(A)

14.4614 (4)

€ و س علی و س

٦ ٢ س ٢ ص على ٢ س ص

### 🝸 أوجد خارج قسمة كل مما يأتي :

ال ۸ أعلى ٢

🕝 ۱۵ س علی س

اوس على لا سور

(V) باس من على ٣ سر؟ ص

10 11 40 20 10 11 01

أغتر الإوابة المحيمة من بين القوسين :

۲ س ×۲ س = ۱۰۰۰۰۰۰۰

......\* TUTX TUT(\*)

[ יטן מ יטי מ יטי מ יטי ]

...... = ultxult®

[ יוע מינין מ (רוע) מין מין מין ]

1 - 1 - x x 1 L = ....

[ -11- d 101 d 011- d 1011-]

..... # + .... \$ (a) له ۲س له عس

.....= ( UY-)+ U1Y(1)

(V) 4 س ا ص ۲ + ۲ س ۲ ص ۲ عد .....

[ ٣ سن ص ٦ ٦ س م ٢ ٢ س ال ٢٧ س

[ Your a for a Your a for ]

[ ۲۱۰۲ \$ ابا \$ صفر \$ ليس تهامعتي ]

TUTY= ..... + 12 17 16

[ יעי ל דוינ ל פוינ ל פויני ל

# مسائل المستوى الثاني

٥ أكمل ما بياتي ،

۲ سو۲ × ۲ س = .....۲ 

۳ ایس ۲ - ۲ ص ۲ - ۲ ص ا 

(\*) على ه س" ص على + x س ص = ......

..... = | Y + | A (V) .....=(~Y~)+~9(A)

.....=("U/1-)+"U1/AD

(۱) الله ۲۲۰ (۲۰ ال سال + (۱۰۰۰ ال سال ) = ۰۰۰۰۰۰ (۱۱۵ – ۱۱۵ س + مال س = .....

111 - 111 - 111 = (111 - 111



# الما الدود الديرة و فسمنها

في كلا مما ياتي :

على الضلع الجاور:

- ] أوجد نالج عمليات الضرب الأتية :
  - "U- Y- x "U- Y x "U- Y (1)
  - (۲) -۲ س x ع ص ۲ بر ۲ س ۲ می<sup>۲</sup> ص
  - TAUT-X TUTA- X TUTTY (0)
  - אין אין טיארוטי איאויא (Y)

- שוא-דטאדוש

- (8-4677x-3607x-67767

### 💎 🗺 أوجد ناتج العمفيات الاتية :

- 11 x 1 x 1 x (1)
- 111x 1 7 (F)
- 1. × 1/10 (0)
- $\text{(YT)}^{\text{t}} \otimes \times \left( \frac{-\alpha}{r} \otimes^{\text{t}} \right) \times \left( -7 \, \text{L}^{\text{t}} \right)$
- $(7) \wedge (7) \times (7) \times (7)$ A LELP, X ILEP.

(/Y-)x / 1 x / (1)

### 🔥 أوجد خارج قسمة كل مما ياتى :

👣 ۱۱ ا ا ت ما علی - ۱۸ ا ب م

۲<u>س۲ س۲</u> ۲ س۲ س۱

7+07 myo (1)

" + x" - \* (\*)

- 1 11 ال على 1 ا س
- £ ۲۲ ا س م علی ۲ ا س م 👚 🗚 س۳ س۲ ع علی ۲ س۳ می
- الس ص ع على إس ص ع ع على إس ص ع ع ع على إس الم ع ال ۸ م ا ۱ س ال على − ٤ م س ال
- (V) ۱۱۱۵ سام اعلی ۱۲۳ سام A - ۱۸ س<sup>۷</sup> ص اع علی - ۲ س ۲ ص

# 📆 🖄 أحسب المساحة الكلية وحجم كل مح

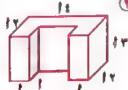


🕦 🕍 احسم محيط ومساحة كل شكل من الأشكال الاتبــة حيث كل ضلع عمــودي











# مسائل المتضوقين

- 🕜 وضعت ثـلاث كرات في صنـدوق بحيث تلامس الكرات جميـع أوجــه الصندوق أعسه النسبة بين حجم الكرات الثلاثة وحجم الصندوق
- $\left(\frac{\gamma\gamma}{V} \simeq \pi \ ( \ ^{7} \ \dot{\psi} \ \pi \ \frac{4}{7} = \pi \ )$

- ( ) إذا كانت س ≠ صفر ) س ≠ صفر ) ب عدداً موجباً فأختس كلاً مما يأتى:
  - (آ) <del>۱۵ سر ۲</del>
  - 1+0 0-6 (m)

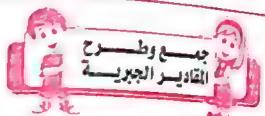
-CHE 4. }-

- 1+0 0 0 0 (a)
- (١٤) الما ١٣٠ ص ٢٠٠ ه٢س٢٥ ص٢٥

1+47000







جمع أو طرح القاديسر الجبريسة لا يختلسف عن جمع أو الرح الحدود الجبرية وذلت بجمع الحسنود المتابهسة في المقاديسسر كل عاسى حسده أو نظر المتابهسة في المقاديسسر كل عاسى حسده أو نظر المحسنود المتشابهسة في المقاديسسر كل عاسى حسده

### يوجد طريعتان لكل من جمع وطرح المقادير الجبرية :

🕥 الطريقة الرأسيــــة

وسيرف توضيح الطريقة بالأضيليا في الأمثلية التائيسة :



المعالقندرالاتية:

40+15-0 ( UT+4T-15 ( 4T-UT-17

## 100 //

٦ الطريقة الأفقيسة

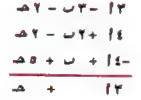
## لْعِلْ بِالطريقة الأفقيلة:

وفي نفسس الطويفسة النسو اتبعنساها فيي اختص سار المقسدار الجسجرى بعد وضع إشارة + بين كل مقدارين

عدالا = ۱۱۹ م م - ۱۱۹ م - ۱۱ م - ۱۱۹ م - ۱۱۹

### تَانِياً : بالطريقة الرأسية :

يفضل استخدام صده الطريقة لسهولتها وفيها نرقب القادير بحيث تقع الحدود المتشابهة من القادير في أعمدة رأسية استفل بعضها مع مراعاة ترتيب القادير



# المح المقادير الأتية: ٢ س ٢ + ٤ س ٢ - ٥ س - ١ ، ٣ س ٢ + ٣ س - ٢ س ٢ - ٢ س ٢ - ٢ س ٢ - ٢ س ٢ - ٢ س ٢ - ٢ س

### بكر العل

 $1 - u u^{7} + 3 u u^{7} - 0 u u - 1$   $T + v u^{7} + 1 u u^{7} + 1 u u^{7}$   $T + u u^{7} + 1 u u^{7} + 1 u u^{7}$   $T + u u^{7} + 1 u u^{7} + 1 u u^{7} + 1 u u^{7} + 1 u u^{7}$ 



پسس تربیب اسس تنازلیاً حسب اسس س مع ترک مکان خالی لأی حد غیر موجود فی ترتیبه

# ¥ المطوم ٢ | - س + ٢ هـ من 1 | - ٢ س + ٤ هـ

### العبل

### أيلًا: بالطريقة الأفقية :

### فانبأ والطريقة الرأصية و

وقيسها نكتب القدار الطروح منسه في السطر الأول والطروح في السطر الثاني مع تغيير إشاراته ( معكوسته الجمعي ) مع مراصاة الترتيسب

١١- ١١ - ١١ عد المقروح مت

المناصرون على المناصرون على المناصرون على المناصرون على المناون المنا

ملاحظة

رطالي

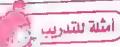
نتها نفهر إشارة

دالما تكتب المقدار الددي

يمد كلمة محدث في السعار الأول

بعدكامة كازيسانة بأن السعار الأول بعد كلمة طركمن في السعار الأول يعد كلمة والقسور في السطر الثاني يمك كلمة إخافته إلا في السطر الثاني





أكمل ما ياتي لإيجاد نائج جمع المقادير الأتية: U £ + - 4 - 1 ( | 4 + - + - 4 ( - - + - + | 4 ( )

1+"0" ( 1-"0" - 0" ( 0+0" "" "" "" "")

يك الحل

A+U+1Y1)

المقدار الذي بعد

کلمة .....

يكتـــب أولا

أطرم ۲۱ + ۳ س من ۲۲ – ۲ س

﴿ أطوع ٢ س ٢ - ٢ س - ١ من ٥ س ٢ - ٢ س + ٤

يكا الحل

-17 (T)

المسف الثانسي عنسيد الطسرح

# ا والقس ٢-١٠٠ عن ٥ ١٠٠ ب + ٢٠٠

المازيامة سا-هس-١ عن ٣س٠٢ +٢س -٣٩

س" ـ ه س - ١

مقدار الزيادة = - ٢ س ٢ - ٧ س + ٢

7 + 47 - 140 Y + U1 - 1UY-

مقدأرالنقص =  $4 \, v^{7} + 7 \, v + 3$ 

آ ما المقسدار السدى يلسسزم إضافتسه إلسى ١٤ - ١٢ + ٥ ليكسون الناتسج ١٥ + ٢ - ٢ ٢ - ٢ ٢

العل العل

Y - 17 + 10 0 + 16 + 14-المقدار اللازم إضافته = ١٠١٧ - ١ - ٧

() ما زیادة ۲ ا - ۲ س

٣-س٢+ س٣ عن ٣س٠ + ٢س ٣

الحل الحل

المقدار الذي بعد كلمة زيادة يكتب أولاً

.....

.....

المقدار الذي بعد كلمة نقص يكتب .....





# اهنلة الوزان

# على جمع وطرح القادير الجبرية

تمارياي (٩)



# أولاً: راجع ممثا و اختبر نفسك

### (۱) اکمل ما یاتی :

- الحد الجبرى ٣ إ ٢ معامله ...... و درجته ..... و عدد عوامله .......
- 🕥 المعكوس الضريبين للعربيد ٣ منز هيو .....
  - 🐨 🕳 🕹 + 🚣 = ...... على صورة عدد عشري
- 🕯 العدد النسيس ...... يقيع في مئتصيف المسافية بيين المدديسن 🏲 ۽ 🖟



### (ب) استفدم خاصية التوزيع في إيجاد قيمة :

$$\frac{\gamma \gamma}{to} = \frac{\gamma \gamma}{to} \times \frac{\gamma \gamma}{\gamma \gamma} + \frac{\gamma \gamma}{to} \times \frac{\gamma}{\gamma \gamma}$$

### (هـ) أوجد ذاتح:

- ()-311° ~ " + (- 11" )
- $\mathfrak{D}\left(\frac{1}{24} + \frac{1}{2} \right) \times \left(-\frac{1}{2} \right)$ 
  - $\left(\Upsilon \times \frac{\Psi}{\epsilon}\right) + \left(\frac{\Psi}{\epsilon} \times \frac{1}{\Psi} \right)$



### 1 أكول ما يأتي:

ثَانِياً : أجسب عسما يـأتـى :

مسائل المستوى الأول

U1+171

40-14(Y)

🕐 ۴ س ۔ ۲ ص

4+40-17 (E)

A-U1+17 (1)

U1+17+37W

U+ (0+ JY A)

ا أوجد مجموع كلاً من المقادير الأتية :

- الناتج جمع ۱۲ ۱۵ ، ۱۲ + ۲ س
- 😗 ناتج جمع ۲۱ + ۲ س 4-14c
- 😙 ناتج جمع س ۲ + 6 س ع ٢ س ٣ - ٢ س هو سيسيبيبيبيبيب

@ ٢ س + ٤ ص - وع ، ٢ ص - ٣ ع + ٢ س ، ٩ ع - ٤ س - ٥ ص

UB-15-AT ( 17+AT-UT ( AT-UE+17)

38+04 6

€ ناتج جمع ۲۱ + ۲ س + هـ، ۱ + ۲ س + ۲ هـ هو .....

### A 1+ + 1 + 1 + 0 4-1-17 ٦ + س - ص + ١ 2 ص - ٣ س 🗂 أوجد مجموع كلاً من المقادير الأتية: 🕦 ۵ س + ۲ س 4+1+ (Y) U-17 6 -11-16- 6 Y+س+ ۲+ س + ۲ اس

0+11-7 : UT-77-17 :

٤ - ۲ سن - ۸ ص + ۲

- 1-00-1 C

UD- ( 6

4+t

U1+14

-٣ ص + س

4-44-4



### حمد وطرح المفادير الجبرية

### أوجد مجموع كلا من المقادير الأتية:

- ٣ ) ٢ س ص + ٢ س " ص ل ٢ ك ص + ٢ س T ء س<sup>۲</sup> ۲۰۰۰ س ص
- ٣ ٤ يس + ٧ ص ٢ ٣ يس ص ٤ ع س ٢ ٥ ص ٢ ۽ سن ص - سن"
- ٣ ٢ س ٢ + ٥ س ص ٨ ص٢ ، ٢ ص٢ ٤ س ص Y m 10 + Y my 7 6
- 11-101116 "-"" 1"+"1 6 10117-106
- U14-1-4-4-11 ( 141-1-11 ( 144+4-11)

### 🐧 🕥 🗺 اطرم ه س ـ ۳ ص ۸ س - ۲ ص

- ۳) اطوم ۲۹-۷ س - 4-1Y
- ♥ اطسرم ۲+۲ ۵ م. 4-411
- (1) اطسره ۱۲ ۲۱ س + ه م 40+019+019
  - (@اطبوع ا<sup>۲</sup> + ۲۱ + ۲ 7+1-1+7
    - 🕤 اطسوم ۳ ل + ۵ م + ۷ صفر
- ۲ ۱ مسوم ۲ س۲ + ۵ س − ۲ ۲ -س۲ + ۵ س + ۲
  - A وا زیادة ۲ س + ا ب -1-Y-1
- ا ويادة س −٣ س −٢ ع 24-04+04
  - 🕞 وا زيادة ۽ س٧ ٥ س ٣ س ٢ + ٢ س
  - ا فيامة ٣ س١ ٥ س + ٢ عن الله عن ١٠٠٠
- 4 4 4 4 4
- 💯 🕮 وانقس ١٤ ٥ س ٧ هـ عن -AY-UY+17
- √ وا نقص س ۲ ـ ۵ س ـ ۱ 4- m ++ " m 4
- (1) ما نقس ۲ ب ۲ ب<sup>۲</sup> + ۲ 1-00+101
- 😥 وا تقور س ٢-٢ ص٢-٢ س ص عن ۲ سی ص - ص ۲
  - 🕥 من ١٤ + ه ب ٧ هـ أطوع ٢٢ ت ه هـ
  - (₩) من ۲ س ۲ س ۲ امار ه س ۲ ٤ س + ۵

# 

- القدار الذي يجب طرحه من القدار ٤-٢١٠ ليكون الناتج ٤ هو ......
- التدار الذي يجب إضافته للمقدار ٢ أ ٠ + ٥ ٠ ليكون الناتج أ ٠ هو ......
- ﴿ ناتـــج جعــع ٢١+٢٠ ) .....

## اغتر اإبابة السبيعة مما بين القوصين:

- () مجموع ا+۱ ، س+۱ ، هـ+۱ هو ······
- [ ا+ ب + ع + ١ ال ١٠ ١٠ ال عير مبكنة ]
  - (۱) اس بزید عصب به اس + یا ب
- ( ١٨ س ٤ أ ١٨ س + ٤ أي ٩ س ٤ أي ١٨ س ١٨ أ
- d =-11- d =+11- d 11 ]
  - الواحد الصحيح يزيد عن ١٠ + ١ بمقدار ......
- d 11 b 17 + 1 b -17 b
  - @المقدار ۲ | + ۳ ب يزيد عن ۳ ب ۲ | بمقدار ٠٠٠٠٠٠٠٠٠

[ الله اله اله اله خلاف ذلك ]

# مسائل المستوى الثاني أ

## أوجد مجموع كلاً من المقادير الاثية:

- V+ 0 1 1 (1) 4-w-+ "w+"
- 1+ m 0- " m 1 (P) 4-w++0-4 6 U-7-1-4+4 6
- ع+ س ع- اس + (ف) ، مس۲-۲-۲س U-7-10-+8- 6
  - 1+ m 1- m 1(9) ، ۲-۳ س - ۵ س 1-1-4 6
- m + 1 m = 1 m (1) "U--U-4-4" ( £+ 0-0+ 10- 4 6
- 4+14-414 B 4+ 11-111 6
- "tr-"10+7 6 15+1B " - 1" + " + " ( U) + " ( U) - " (

THE TA



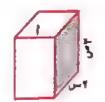
- ا اوجد زیادة مجموع المقدارین الجبریسین ۲۱۲ ۱ س + س ۲ ، ۲ + ۱ س + ۳ س الم
- 🕦 🥮 ما تقس ۲۱ ۸ ب ه عن مجموع ۲ ۳ ب + هـ ۱۲ ۶ ب ۸ م.

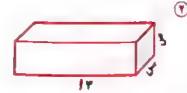
# سانل المتضوقين

11 اجمع المقادير الأثية:

- الآ ما المقدار السنى يجب طرحه من مجم وع المقداري...ن  $\Lambda^{+}$  ما المقدار السنى يجب طرحه من مجم وع المقدارية لباقي  $\Lambda^{+}$  من  $\Lambda^{+}$  من  $\Lambda^{-}$  من  $\Lambda^{+}$  من  $\Lambda^{-}$  من  $\Lambda^{-}$

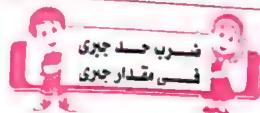
- المنافقية المنافقية المنافقية المنافقية المنافقية المنافقية ١٠ ١ ٢ من المناقسي ١٠ ١ ٠ ٦ من المناقسين ١٠ ١ ٠ ٢ من
- ﴿ مَا الْمِقْدَارِ الْسَلَارَمِ إِضَافَتَهِ إِلَى ٢ أَ + £ ب + 6 لَيكَسُونَ النَّاتَسِجِ صَفْرِسِراً
- المقدار الذي يجب طرحه من ٢ ب + هـ ٢ أ ليكون الناتج مساوياً ٣ أ + ك هـ
- ر المقدار الذي يجب طرحه من  $+ + 1^2 = 1$  ليكون الناتج  $+ 1 1 + 1^2 + 1$
- ا المعم ٢٠-٢ ع هـ ١٧ س ١ + ٢هـ ثم اطرم الناتج من ٧ س + ٢ أ ٢ هـ المرم الناتج من ٧ س + ٢ أ ٢ هـ
- ◄ ٢ س ٢ + ٩ س ٢ + ٩ س ٢ ٩ س ثم المرم الناتج من ٢ س ٢ ٥
- - 🛂 🔠 في الشكل التالي إحب الساحة الكلية للمجسمين مسماً :





- المعم انتقادیــــر ۲ ا ۲ س + ۷ هـ ، ۵ س ۲ ا ۲ هـ ، ۲ ا ۲ هـ ۲ واطرم الناتج من ۲ ا ۲ س + هـ
  - -0----





۲ س مكسون مسن جزايسسن ١ ، ٠ س (۱) **(u)** 

أنعياد المنتطيبل هي سي ، ص + ٢ س مساحة السنطيسان = الطيسول × المسيسرض = س × ( ص + ٢ س ) وإذا أردنا إبحاد مساحة كل جزء بمفرده وهو عبسارة عن مستطيل صغير تجد أن: مساحة الجزء (f) = س x ص = س ص ا مساحة الحزء (ب) = س ۲۶ س ۲۰ س

ن مماحية الجزأيين مصياء مناحية الستطيبيل = س س + ٢ س٠٠ من ذلك نستنتج أن س x ( m + 7 س ) = m ص m + 7 س ومنه نستنتج القاعبة التالية :

### ا شرب حد جبری فی مقبتان جبری

عند ضرب حد في مقدار جبري نضرب هذا الحد في كل حد من حدود المقدار الجبري

### 🚹 أمر عمليات الضرب التالية :

- (4+0-)43 🔻 س ( س – ۲ )
- (1-14)14 E
- 1 (۲ س + ۲) x ه س
- - ٦+ س ۲ = ۲ ×۲+ س ۲ = ۲ س + ۲ ×۲ ( حاصية الوزيد )
    - Y- Tun = wx Y- wx x w= (Y- w) €
- ١٥ + ٢ س ٢ + ١٥ × ٥ س = ٥ س × ٢ س + ٥ س × ٣ = ١٠ س ٢ + ١٥ س

## 🕈 اوجد ناتج ما یاتی :

(Tue-"-") - T() ("+"ult-"!)ult 3

وك العبل

- ≃ 1 س<sup>1</sup> س ا بين ۲
- 1017+70717-0717=

### ٣ اغتصر ما يأتي لأبسط صورة:

- ٣ ٢ ( ٢ س + ص ) + ٢ س
- (1+7c)-7(11+7c)

### المكر العال

### نضرب مباشرة

- (۱) المقدار = ۲ (۲ س + ص) +۲ س = ٢ س + ٢ ص + ٢ س
- = ( ۲ س + ۲ س ) + ۲ ص
  - = ٩ س + ٣ س

# (۱۲+۲۰) (۲+۲۰) (۲+۲۰) عند) المقدار = ف (۱۲+۲۰)

U7-16-U1+10=

=(の1-11)+(11-10)=

نضرب العند البذي قبل القوس باشارته فسي كسل حيد فأخسل القيسوس

الحقاله

Caller.

عندفت الأقسولين

علاحظة

يجب فك الأقولي أولا ثم تجميع الحدود

التشابهة بعدانك

الأقسواس بأخبري

-1.5

الأقسواس الخارجية





# أمثلة للتدريب

مدب حد جبری فی عقدار جبری

أكمل لإيجاد ناتج ما يأتي:

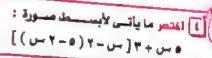
### تدریب (۲)

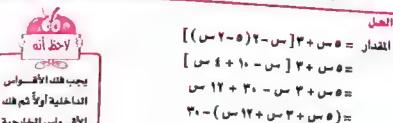
أكمل ما بأتي لاختصار المقدار الجيري إلى أبسط مسورة: ٣ ( س + ٢ ص ) - ٢ ( س - ٣ ص )

### يكا الحيل

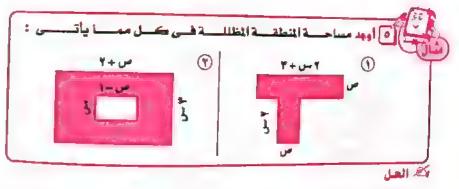
أكمل ما يأتى لاختصار المقدار الجبيري إلى أبسط صورة ، [(-++)+--+]+++

### يكا الحيل

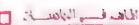




Yo - we Yo =



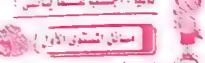
- 🕥 نقسهم الشكل إلىك مستطيلين و نوجهد مجمدوع مساحتيه  $m \times Y \times (Y + m + Y) + m \times Y + m$ =٢ س ص + ٢ ص + ٢ بين ص = ۽ س ص + ٣ ص
- 😗 مساحة الشكل = مساحدة المستطيس الكبير مساحدة المستطيس الصفير =٣ س (ص + ٢) - س (ص - ١) # ۲ س ص + ۲ س - س ص + س = ٢ س ص + ٧ س











### التمل با يأتو:

- 1,7( + + ) = ...... ...... = (1- \_ ) \_ = (1)
- 11- .....=( .... +) } ( ( ك ١ ص ( ص + ١٠٠٠ ) = ١٠٠٠ + ١١ ص
- ق ۴ س(۲ س-٤ ص)=......
  - ( اس ا ۱۰۰ + ۲ ص ا عدا س ا ص به ۱۰۰۰...
    - ( 1) 11 ( .... + .... ) = 11 + 11 J
    - wit+ "11= ( .... + 17 ) .... 3
  - الى المساورة على المساحدة على من الما
  - ·····+ \* 17- 19=( -17+ ···· ···· ) | 7 | 10
  - 1014+ ...... = ( .... + 11+ 101) 110

### [٢] اوجد ناتي ما ياتي:

- (511(11+7) (1,000)
- (1+1(1)(+1))
- (-1+1+1-1-13) ( a - w - 1 m ( ) w 1 ( )
- (ヤーピヤー'ピナ)ピヤーほう (40-417+17)173

# مسائل المستوى الثاني

### 🚺 امعد ناتح ما باتى:

- ال سرس (۱ س ۲ س من ۱۹ س) ۱۳ و ۱۳ سا (۱۲ به ۱۲ س در)
  - (" m = 1 m) ( p m) p m ou 7 m)
  - (パイャントループンを) 川幸 幽さ

# الأو المناورية

# على شوب حد جيري في مقدار جيري

إماري أدوا



# ال ( ۲ راهيل يا يأتو:

- ----------------===+[(1/-)-1/3
- $\mathfrak{F}\left(\frac{t}{H}\mathbf{s}\div\frac{\mathbf{q}}{t}\mathbf{f}\right)\times\left(-\frac{\mathbf{V}}{t}\mathbf{f}\right)=\cdots\cdots\cdots$
- .....= (""|11-)+""|171-P

### 1+18-119 me 1+10+119 me

ال استعم خاصية التوزيع الإيجاد فيمة :

 $4 \times \frac{H}{4A} + \frac{1}{4} \times \frac{H}{4A} - \frac{1}{4} \times \frac{H}{4A}$ 





- (1/8-4/4-13)1/4-110
- ( ۲ س من + س من ۲ س من + س من + س من ۲ س ۲ ا

## المتمر كلاً من المقادير الاتية لأبسط صورة :

- (1+1)+1 (1+1)+1 (1+1)+V
- ( w 1) Y w & + | Y ( ) w Y | + ( w Y + 1) Y ( )
- ٧٢(٢٠٠١)-١(س-ص) ٢٠(س+٤ص) ٢٨(س+٤ص) ٢٧(س+٤ص)
  - (m/-w-w)-(m-wy)7)
  - (U++1)++(1-U+1)++100
  - (Y+w-Y-w-Y)=(1-w+Y)+(1)
  - (1+4)+-(1-14)++(1-10)+1
- المود ذاتــج شــرب ۲ إ v في  $( ۲ )^T v T ) v^T )$  ثم أوجد القيمــة العنديــة للناتج عندما 1 = 1 ) v = T
- ٧ أوجد ياقسى طسرح ٢ س ( ص ٣ س ) مسن ٤ ص ( ٢ ص + ٣ س )

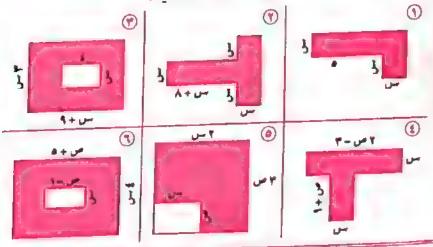
- ١٠= ١ ، ١= المنتصر الأبسط صورة كالاً مما يأتي ثم أوجد قيمة الناتج عندما ١= ١ ، ٠ = ١٠
- [1] (リーノン)++(レソーリンー(レナーリンー(レーナ)) は (1)
- [17] (1-17)10-(Y+1)1Y+(1-1E)1Y (M)
  - **₽**

### 11 فيم أنو الشكل المقابل



- مستطيل بعداد س ع ص + ۲ س مقسيم السبي جزايسين
- ( أوهد مجموع مساحتي الجزايين
- 🕥 أوجد حاصل ضرب بعدى المنتطيل
- 😙 قارن الإجابات في 🕥 و أنكر الخاصية الستخدمية التي يوضحها الشكل

## 👣 🖄 أوجد مساحة كل شكل من الأشكال المثللة الآتية :



# مسائل المتفسوقيين

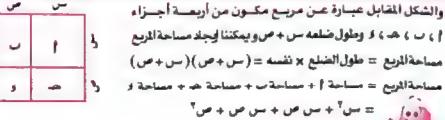
- السنتيم ترات على مساحة المروسع السنتيم السنتيم ترات
- 🕜 المساحة المستطيل المذي طولسه ٣ ص سم وعرضسه ( ١ س ٢٠ ص ) سم

### 🐿 اغتصر ما بيأتي :

- 1(1-4)-4)-41[11-74(1-14)]-14[71-(14-1)]
- [(14-01)1-(04-11)0]04-[(0-11)0+(0+14)1]14



# 🗖 🗖 مرب عثدار حدری علود عه حدید فی مثنار حدری آخر



# ضرب مقدار جبری مکون من حدین فسری مقدار جسبری اخسد

	۲ س	
ب	1	۳ س
\$	-2	*

النبيكل المقابسل عبسارة عسسن
مستطيبال مقسيسهم إلىسي
ارسية أجسزاه في سي هي و
وأبعاده هي (٢ س + ٥) (٢ س + ٢)

فياذا أردنيا معرف مساحة المنتطيس فيمكس فسرب العلبول x المسرض فيادا أردنيا معرف مساحية المتطيسان x ( x س x )

وايضاً يمكن معرفة الساحبة بجمنع مساحبات الأجبزاء الأربعنية ... مساحبة المنتطينات مساحة أ + مساحة ب + مساحة عب + مساحة و

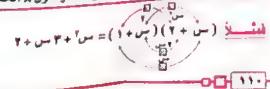
= ۲ س ۲ س + ۲ س بر ۵ + ۲ بس ۲ بر ۳ س + ۳ = ۲ س ا + ۱۹ س + ۲ س + ۱۰ = ۲ س ا + ۱۹ س + ۱۰



نائسع ضسرب المقداريسن (٢ س + ٥) ) (٢ س + ٢) هسو ٦ س ٢ + ١٩ س + ١٠ ويمكسن استنتساج هيذا النائسج مباشسرة بطريقسة تسمى الضسرب بمجسود النظر وينطل استخدام هذه الطريقة إذا كان حدى المقدار الأول يشابهان حدى المقدار الثاني وذلك كما يلسى:

### لغبرب مقدارين ذي حدين

- () نضيرب الحد الأول من المقيد ار الأول x الحدد الأول من المقيد ار الثاني
- (٣) تضــرب الحد الثاني من المقدار الأول × الحدد الثاني من المقدار الثاني
- (٣) لجمع حاصل ضرب الحد الأول من القدار الأولى بد الحد الثاني من المقدار الثاني + حساميسل ضرب الحد الثاني من المقدار الأولى بد الحد الأولى من المقدار الثاني



### مما سبق نستنتج أن :

 $(-1)^{\dagger} + (-1)^{\dagger} + (-1)^{\dagger}$ 

أى أن ناتج ضرب الحدين يعطى النتيجة السابقة ويمكن استنتاج هذا الناتج مباشرة بمجـــرد النظــر باتبــاع القاعـــدة التاليــة :

### مربع مقدار ذي حدين

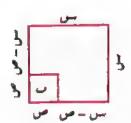
مربع مقدار ذي حديث = مربسع الحد الأول + Y ( الحد الأول X الحد الثاني ) + مربسع الحد الثاني

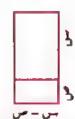
مع ملاحظية أن الحدان الأول والأخير موجبان دائماً بينها إشارة الحد الأوسطة تكون عبارة عن حاصل ضرب إشارتي حدى المقدار الأصلي

# $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ فع الشكل المقابل :

[ذا قطع المربع الصغير ب الذي مساحت مي أن مساحت مي أن مساحت مي أن مساحت مي أن مساحت المحت المحتون مساحت المحتود المتبقى = مي أن مساحت المحتود المحت

وإذا قطع الجنزء المتبقى الني جزأين وأعيد ترتيبهم ليكنونا مستطيل هان: مساحة المستطيل = (س + ص) (س - س) من س - س = (س + ص) (س - ص)









# الماهم في العافيات الماعيان مقدار جبرى علود عه حديه في عقدار جبرى آخر أوجد ناتج ضرب ( ۲ س + ۵ س ) ( ۲ س – ۲ س )

كه العل

بنفس الطريقة السابقة ٢ س + ٥ ص

٣ س - ٢ ص

مع مراعاة وضع الحدود ٦ س١ + ١٥ س ص

التشابهة أسفل بعضها - ۽ س ص - به ص

 $1_0 - 1_1 - 0 = 11 + 10 - 1 = 1 = 11 = 0$ 



طعل ضرب مجموع حدين x الفرق بينهما = مربع الحد الأول - مربع الحد الثاني

ويوجد أبضا طريقتان الضرب مقدار جبرى ذي حديسن في مقدار جبري أخر

وسوف نوضح الطريقتان في الأمثلية التوضيحية التاليية:

😗 الطريقة الراسية

(١ أوجد حاصل ضرب (١ + ت ) (٢ س + ٣ ص

الكا العل

( الطريقة الأفقية

أواً الطويقة الثققية ، نضسرب الحد الأول من المقدار الأول في المقدار الثاني كله ثم نضرب الحد الثاني من المقدار الأول 🗴 المقدار الثاني كله (الأول x القسوس كلسه + الثاني x القسوس كلسه) ( ۲ س ۲ ص ) = ا (۲ س ۲ ص ) + س (۲ س ۲ ص ) = ۲ اس + ۲ اص + ۲ ب س + ۲ ب ص

## ثانياً الطريقة الرأسية :

ومنه يمكن احتنتهاج القاعهارة التاليهة:

「ひー」(ひー)(ひー))

نضمسع المقداريسن m 4 + m 4 أحدهما أسفل الأخسر 4+1

نضرب ا × (۲ س ۲+ ص) فينتج --- ۲ اس + ۲ اص

تضرب ب x (٢ س ٣ ص) فينتج ---۲ ب بس + ۳ ب می

بالجمع ينتج ----- ٢٠ س ٢٠ س ٢٠ س ٢٠ س ٣٠ س ص

وهى نفس نتيجة الضرب بالطريقة الأقتية

أوجد ناتج عمليات الضرب الأتية بمجرد النظر:

(Y+u+)(Y+u+)1)

(U++1)(U-14)(P

(1+w+7)(Y-w+1)(Y ( س - ۲ ) (۲ س - a) (۱ س - a)

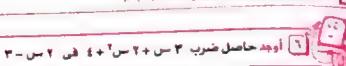
کے العبل

#+ 00 11+ 10 T= ( + 00 T) (T+ 00 T) (T)

1 (1+4 u) (1+4 u) = 11 + a + u - 4 u

( س ۲ - ۲ ) (۲ س - ۵ ) = ۲ س<sup>۲</sup> - ۹ س + ۱۰





### وكه الحيل

نلاحظ هذا أن المقدار الأحكير غير مرتب لذلك نرتب المقادير تنازلياً حسب أس س ونتبيع الخطيوات السابقية

نضرب ٢ س في الصف الأول فيكون التاتج ... ٤ س" + ٦ س" + ٨ س نضرب - ٣ في الصف الأول فيكون الناتج 17- m 4- "m 4-نجمع الحدود المتشابهة فيكون ناتج الضرب

ع س - ۲ س <u>۲ س</u>

# أمثلة للتدريب

## أكمل لإيجاد ناتج ما يأتي بمجرد النظر:

( س + ۲) ( س + ۱) = س<sup>۲</sup> + ..... + ۱)

٣ - ..... - ۲+ ) (س - ۲) = ..... - ۲+ س +۲ ) €

10 ( m - 1) = my ...... ... ... (1- m)

أكمل لإيجاد ناتج ما يأتي بمجرد النظر:

(1+v)(1-v)=1

1 - ····· = ( + + 1 ) ( + - 1 ) (

------=(T-|T)(T+|T)(T

£ ( ۴ س - ۲ ص ) ( ۴ س + ۲ ص ) = ۰۰۰۰۰۰۰۰۰

### ] أوجد ناتج ما يأتي بمجرد النظر: (۲ س - س) (۲ (1+1)(1)

(Y - w + w ) (Y - w - w) (Y+w-)(Y-w-)(P

الحد الأول  $\gamma$  الحد الأول  $\gamma$  نفسه  $\gamma$  (الحد الأول  $\gamma$  الحد الثاني  $\gamma$  الحد الثاني  $\gamma$ "u + u | Y + "| = u x u + ( u x | ) Y + | x | =

( Y - w - w ) = Y - w + Y + w + Y ( Y - w ) + ( - w ) + ( - w ) = غ س ا - غ س س + ص ا

( س ۲- س ۲+ س = ( ۲+ س ) ( س س ۲ س – ۲ س – ۲ س – ۲ س ( ۲ س )

لاخظ أن ، مجموع حدين x الفرق بينهما = الحد الأول x نفسه - الحد الثاني x نفسه

( ۲ س + س ) ( ۲ س - س ) = £ س - س ۲

🔑 أوجد حاصل شرب س" + س + ١ في س + ٣

أولأ الطريقة الأفلتية ر

الأله الذر عد الأول × الأول × الأول عد (1+w+1m+1+w+1)=w(-w+1+w+1)++(+w+1)+(+w+1)

ثانيا العاريقة الراسية ر

لتسهيل عملية الضرب نختار القدار السنى عدد حدوده أكبر وتضعه في الصف الأول

۳+ س

نضرب س في الصف الأول كله فيكون الناتج س" + س" + س

ثم نضرب ٣ في الصف الأول كله فيكون الثاتج T+ m + + 1 m ++

ولضع الحندود المتشابهة تحنت بعضها راسيا

نجمع الحدود المتشابهة فيكون ناتج الضرب "+ m + + 1 m + + "m -

_ان	ے الیاضیـ	اطاهم ف	
-----	-----------	---------	--

ه حدیده فی متدار

على ضرب مقدار جبرى مكون من حدين في آخر

() العدد أم ٢ معكوس ضريبي للمدد ......

تمارین (۱۱)

اولاً: راجع معنا و اختبر نفسك

1 (1) أكبل ما يأتني:

ادفائسج (س+۲) (س+س۲+۲)	اکبل ما یائی لإیج
V	گ المل
	نرتب الحدود
	تضرب في الصف الأول ك
	نضرب ٢ في الصف الأول ك
	نجميع الحيدود التشابه
	له فيكون الناتج

۱۲ 💎 ۱۲ س <sup>ه</sup> ص <sup>۱</sup> ÷ ۶ س ۳ ص 😑۱۲
العدد ١٩٦٥ في صورة نسبة مئوية هو
(ب) ( المحمو لأبسي على صورة ١١ ( ١ / ١ ) + ١١ ( ١ + ٢ )
*** ** ** ** ** ** *** *** ***
$\frac{77}{10} \times 7 - \frac{77}{10} \times \frac{10}{17} + \frac{77}{10} \times \frac{10}{17} \times \frac{10}{17} \times \frac{77}{17} \times \frac{77}{10} \times$
(م) () اوجد اربعــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
واطرم الناتــج من ٢٦ - ٤٠٠ + ٥ هـ
***************************************
٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
117 🗗









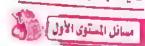
$$\dots = {}^{\intercal}(\boldsymbol{\omega} - \boldsymbol{\omega}) - {}^{\intercal}(\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{\omega}) \boldsymbol{\hat{\odot}}$$

حاصل ضرب 
$$(1+1)$$
 في  $(1^{1}+1^{1}-1)$  يكون مقدار من الدرجية ......

..... 
$$= (1 + 1) (m + 1) = \dots$$

$$= 1$$
 إذا كان (٢ س + ص) $= 2$  س  $+ 2$  س  $+ 2$  س  $+ 3$ 

### ثَانياً : أجهب عهما يأتَّى :



### ٢ اوجد حاصل ضرب كلاً مما يأتي :

(Y+0-)(Y+0-)(P)

$$(\omega^{+}-\omega^{+})(\omega^{+}-\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+}+\omega^{+})(\omega^{+}+\omega^{+$$

### 🔻 أوجد بمجرد النظر حاصل ضرب القادير الأتية :

$$(1-uv)(u-1)$$
 (10+1)(1+11) (100)

$$(7-m+10)(3m+0)$$
  $\otimes$   $(7+m+1)(7+m+1)$ 

### أوجد بمجرد النظر ناتج ما ياتي :

## مسائل المستوى الثاني أ

## أختر الإوابة السميمة مما بين القوسين:



### (٨) اغتصر لأبسط صورة :

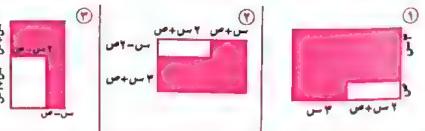
$$(1+t)(1^{4}-1+7)-(1^{7}+7)$$

-111

1 | 
$$\frac{1}{1}$$
 |  $\frac{1}{1}$  |

ثم أوجد القيمة العددية ثلثاتج عندما س = ١ ) ص = ٢ [مندر]

### 📆 📾 أكتب مقداراً جبرياً يعبر عن محيط ومساحة كل جـزء مظـلل من الأشكال الأتيــة



$$\cdots\cdots = (1-\omega_{\frac{1}{2}})(1+\omega_{\frac{1}{2}})$$

$$\cdots = \frac{1}{10} + \frac{1}{10}$$
 (i)  $T = \frac{1}{10} - \frac{1}{10} = \cdots$ 

### ٦ أوجد حاصل ضرب المقادير الأتية بمجرد النظر؛

$$(m+m)(m-m)$$

$$(0.1-10)(0.1-10)$$

$$(0.1-10)(0.1-10)$$

$$(0.1-10)(0.1-10)$$

(٣ - س + ١) ( س ٢ + ٢ ص + ٣ )

(۱+ س ۲- ۲س) (۳+ س) 🛍 😉

💎 (٤٩) على الصورة (٥٠ –١) آ





# المنا المنا أوجد ناتج كل مما ياتي :

(1) على الصورة (1) (1) أ

(1- ٢٠١ ) (1+ ٢٠١ على الصورة ( ١٠٠ + ١ ) ( ١٠٠ - ١ )

# مسائل المتفسوقسين

العادة من عم + ٣ فاكتب المقاديسر الجبريسة الأتيسة بدلالسة م ثم اغتصر القددار الجبري لأبسيط صيدورة :

- آ أوهد حاصل ضرب القادير الأتية بمجرد النظر:
- ("sar+u"tr)("sar+u"tr))
- ( m + m + ) ( m + m + ) ( )

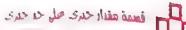
### (١٧) اغتصر لأبسط صورة :

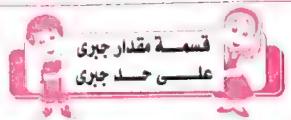
- (U++14)|1++(U++14)-(U++14)(U0-14)(D
- プリナー(ロートイ) リーブ(ロート) サー(ロサー) (ロナー) アデ
  - (١٨ اطوم ١ + ١ ٧ ٣ ه من حاصل جمع المقادير : 6 AY-14-04 6 AY+04-17

تم انتوب بالحسن الملسسن المسسن ٢٠ + ب

كم أوهد القيمية العدديية للناتج إذا كالبث السياسة العددية للناتج إذا كالبث 1244

م الناد منه المعدد متوازى مستطيلات بالسنتيمترات فيإذا كان العدد الأول من الناد منه المعدد الأول من الناد منه المعدد الأول مستطيلات بالسنتيمترات فيإذا كان العدد الأول و الثاني يزيد عن الأول بمقدار ؟ ص و الثالث يزيد عن حاصب ضيرب الأول هي الثاني بما بعالمان: هي الثاني بمربع الأول فأهجه حجم متوازي المستطيلات -DETTY





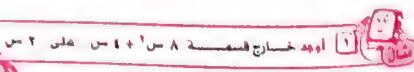
### قسمة مقدار چيري على حد چيري

عند قسمة مقدار جبري على حدد جبري فإنتا نقسم كل حيد من حيود المقدار الجبري على هذا الحد ( المقسوم عليه )

لاحيظ أنه عثم قسمية كل حب من حسود المقدار الجبرى على المقسوم عليه فإنتيا تتبييع الخطيوات التي درسناهما فيي درس ضرب الحدود الجبرية و فسمتها وسيتضبح ذلك من الأمثلة التوشيحية التالية :



والمنطرة ، جمهيع مسائسل القسمية التي تدرس تكون ممكنية والمقسوم علهيه لا يسباوي منسر



الحل الحل

7+ - 4= - 7+ ( - 4+ <sup>7</sup> - 1 )



- 114

1126 10

, with

المواميل الرمزيية

المنشارية تحدث إنا متعان لها تفسس الأس

وبجوارها رموز أحرى



أأنا احكة الوزارة

على قسمة مقدار جبرى على حد جبرى

١ (١) أكمل ما يأتو :

() ناتج جمع ۱۲ + ۵ س ، ۱۲ - ۲ س ، سه ۱۹ هو .....

.....  $\left(\frac{\Psi}{\theta} + \frac{\Psi}{V}\right)$ 

··· والمعكوس الضربي للعبد ( ٢ ) صنر هو ··· والمعكوس الضربي للعبد | صفر | هو ···

(س) (أوجد العدد النسبي الذي يقع في خمس السافة بين العدديين له ١٠٠

من جهمة العمدد الأدل

المتسر الأبسط صورة  $\frac{\Psi}{V} \times \frac{\Psi}{V} + \frac{\Phi}{V} \times \frac{\Psi}{V} + \frac{\Phi}{V}$  باستخدام خاصية التوزيع

الله على المال 14 ما الاستام المالية ا

14 + 14 + 14 + 14 = 1012-0,180,14 104-014+11=

• أنهد خارج السمة ٢ س ص ٣ + ٩ س ٣ ص ٩ – ٣ س ص ٢ على – ٣ س ص ٢

ملاحظة wite;

يمكن التأكدمن

- You was - You and - You and - You and -

= \frac{\gamma\_0^7 \ \phi\_0^7 \ \phi\_0^7 \ \phi\_0^7 \ \quad \qq \quad \quad \quad \quad \quad \quad \quad \q = - ۲ س اص - ۲ س اص ۲ + ۲



أكل ما باني لإيجاد خارج قسمة كل مما يأتي 1

۱۱ س۲- ۹س۲ + ۳س علی ۱۲ س

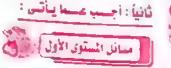
 $\frac{U-1}{U-1} + \frac{VU-1}{U-1} + \frac{VU-1}{U-1} + \frac{VU-1}{U-1} = \frac{U-1+VU-1-VU-1}{U-1-1}$ 

HITT

تلويب (۱۱







### ٢ أوجد خارج قسمة كل مما يأتي:

10 11 + N u ale Y

€ و الا سال - ۱۹ الا سال علی ۱۴ س

€ ۱۵ س7 س۲ س۲ س علی ۵ س ص

(ه) و س<sup>۲</sup> + ۱۲ س ص علی ۲ س

الا ٢ إلى " هـ \* + ؟ إلى ا هـ "على ٢ إلى " هـ "

11 - 11 + 11 = (7)

### 🔻 أكبل يا يأتو:

٣ (٦ س٢+٢س) ÷٢ س = ...... + .....

(ه ۱ + ۱) + ..... د مفر

 $T + \cdots + T + \cdots + T = 0$   $T + \cdots + T = 0$ 

(V) مستطيل طوله سرو مساحته س + س ص يكون عرضه ······

### أغتر الإواية المسيحة موا بين القوسين:

I to d 1+tr d th d tr ] ..... =0+(0+tro) 1

(۲) 🕍 اس + سن = ..... ) ÷ سن = ....

[ 1-" 1 1+" 0 m"+" 1 " ]

.....=  $(1 + 1) \div (1 + 1 + 1) \oplus (1 + 1) \oplus (1 + 1 + 1) \oplus (1 + 1) \oplus$ 

[ 14- 9 1+44 91+44-9 11- ]

# [ דיי ל דיי ל דיי מין ל בייניים ב (۱) إذا كانت س = - ١ فإن عسر - ٢ س على المسابق المساب

(ه) ( ۱۵ س ۲ س - .... ۲ س ص = ه س - ۲ ص ص

[ 1-te d te d 1-ty d fy ]

10 TITE - 10 TITE (T)

# مسائل المستوى الثاني

### 📵 🕮 أوجد خارج قسمة :

<u>۱۳ ۱۷س ۲ – ۹ سن</u>

TU 1/4- TU10 (\*)

<u>۱۳ ۲۵ سائه ۱۸ سائه ۱۸ سائه ۱۳ سائه ۱۳ سائه ۱۳ سائه ۱۸ سائه ۱۳ سازه ۱</u>

### 🐧 أوجد خارج قسمة كل مما بأتى:

() اس ۴ مل ۲۱ س ۲۱ مس علی ۳ س من ۳ مل ۳ س

ال ١٠ س ٢ ص + ١٥ س ٣ ـ ٥ س ٤ على ٥ س

۲۵ س ۲ س + ۲ س ص ۲ − ۲ س ص علی ۲ س ص

الله الله الله على - ١٢ إلى الله ص على - ١٢ إلى ص
 الله على - ١١ إلى ص
 الله على اله

@ ٨ س ٤ ص + ١٢ س ٢ ص ٢ - ١٦ س ٢ ص ٢ على ٤ س ٢ ص

(\$) ١٤٤٣ س هما - ١١١٧ س مر - ٧ ١٢ س ما على - ٧ ١٢ س م

( TJ + p t) + p t) + - r t 7 - r t) + - r t) 11 €

المن ومنه ولاد الله الله والراد الله

قسمسة مقدار جيسبري علسسى مقدار جبرى أخر

لإيهاد خارح قسمة مقدار حبري على مقدار حبري اخر نتمج التغمتوات الأبية :

- () فرتب حسود حملاً من الملت وم والمساور عليات فرنبيها ثمارك او تصاعب با همسيب أسيس أحيد در الرمسور المستحدمية (يماميد ال المترقديد و تتاوليد ١٠)
- القسم الحسم الأول مسن المسموم علس الحسم الأول مسن الله ... وم عليسمسه
- - 1 يُعترج حاصيل الصيوب مين المعيوم
- 🧖 تكييرز الخطيروات ۴ (۲ ) مشان ودين ج بنال بي المليزج مساويها المناه 📝 أي لا يوجب باقسس لخسارم القبيد ١)

و مسيد وقد دوضي مع دالساد مسن خي اللال الأمثال سية التاليب السيد :

الله أوجد خارع الدبولا س ٢٠٠ س ٣٠ على س ٣٠٠

وك العسار

- ۱۱ مدود معلاً من الذب وم (وهو س" ۲۰ س ۳۰) و القسوم عليه (وه و س ۲۰). مرذباً قنازلهاً أي لا يحتاح إلى ترتيب
  - الأسير من عالي من فيكسون النائسج من
  - الإ) يضوياس. في المستوم عليه فلحميل على
  - (١٤) تعلسوو س ٢٠٣س من س ٢٠٣س ١٣٠٠ تعميل على
  - 🎱 ذكارر الخاطوات ۴٬۴۳۴ حتى يصبح باقي الطسرح مساويا للمبشر
    - الم المسالح القسمية = س-١
  - للعطأن والحدود المتشابهة تكتب أسفال بعضيتها

المن ١٩٠٥ و ١ س - ٩ س ا ملي ٧ س المائيج على ٩ س - س ا و و

· الله المعادية المع

 السم باین مراد وین اس" علی اوین اصا له أوجه القيمسة العدويسة للتاليخ عنيمسية حل ٢٥٠ ) حل ١١٠٥

القرد و س ٢٠٠٠ و و و مسين هسسان فسوسيدة الدسيد ؟ س ا من ع - A س من ع ا و E سن من ا غ علي - ٢ سن من ع

والمن البائح على ١٠ س ثم أوهم فيمنه العددية إذا كانت من = - 1

🖭 السيريليسج منسوب ( ٢ س ٢ و ٢ س ) ( ٤ س ١ و س ) علي ٢ س أ المراوية البمينة تائيج القسمينيية إذا معانيت من = - ١ [---]

😬 اعد خسارح المنصلة القدار ٤ س ٢ س ٢٠ س ٢٠ س ٢٠ س ص ٢٠ - ٢ س ص على ٣٠٠ س ص (لبي المفيار ٢ س ص - سن ٦ ـ ٣ ص ٦

# استنز اللمبوليين

أوجد طوله إذا مخالف أ = 1 4 ص = 3

واحداث ا جام سال المسام سن الماس ما المسال الم - + - T = A علومد لمبعسة المسام عندمسا س =-٢

-111

4+0+ 4-0-4+" 

> 40 - April 10 T .F.

A Commence of the same of the

7 4 m - " m 7

الرا الرود مسارح فسمسة ٢ س ٢٠٠٠ س ١٥٠٠ عليسي س الرو

١٠٠٠ - ٢٠٠٠ - ١٥٠٠ - ١٥٠٠ - ١٥٠٠

.). مارح القسمة × 1 س - 1

# الله المحد هسارج فسمسه ا" - ١٢ - ١" و ٨ عليسي ا " - ١٠ و ١

Just Pla

A+ 14- 4-7 1-18-1 31 600 the tracti 901 A+ 15- 411 فيبارلها هيؤراه وأم

spen inglighten معلا من المحاود Amala parametra

I wealth and the

# $^{1}$ lega خارج قسمهٔ حن ۲۰ ۸ می $^{1}$ ۵۰ می $^{1}$ علی $^{2}$ – بین ۲۰ می $^{3}$

وسر الخسل

4+ m+ "m++ "m++

7+ Jun - "Jun 7+

4 + 0 - + 1 0 - A +

الأحسارح القسمية ١٠٠٠ س" و س ١٠٠

۲ س ۲ س ۲ ۲

عبد البرقيب لا يوجد خند يحددوي على سن " لدلك يسير ال له مكان خالي لان هدا المدسيطهر هي الخطوف البلاء

أوجد فيمسه ٢ الشي تحميل المستدار ٢ س" - ٥ س" - ١٤ س و م وهيل الفسمة على ٢ س ~ ٣ يدون بناق

وم العسل

1 m - 11 - " m - " m " Y - 4 - Y Low you Y to Juny

ا<del>نا س ' ۱۰ س'</del>

11 m 11 - " m 11

ا ا س د اوا س

1 + w- h-

14 - 6

18 - 61, James 18 - 61.

194 15 30 3000

To I - double place

- HOH seed

	0	4	1	
	-		Y .	
	Ž.	Ę		
alas ak	 P.,	٠,		

# نمادید، (۱۳) علی قسمة مقدار جبری علی مقدار جبری آخر

-			V
		a . Il miet a fina tota ! Yai 💎	Ž.
🥌 😁 ساعة امتحان ومراجية		المراجع المراجع المراجع المراجعة	K
The second contract of the second	FAXE:	1,0	

### ۱ (۱) اکبل با یاتی ،

(الم المان ( س - 1) ( س + 1) = س م المان ك = .....

····· + ٤) (٢ ص -١ ) (٠٠ ص -١٠)

...... ۲ س + ۲ س ) = ا سن ۲ س ۲ س

عسن مجمسوع المقداريسين	+ 4 س	س ۲ – 1	سدار ۳	اما زيسادة الم	① (~)
				۲ س ا – یا س	

(هـ) ( أوجد خارج السدة القدارة ١٠ س مس على ٣ - ١٨ س مس على ٣ س س

حيث س ج ٣٠٠	أكبل ما ياتي لإيجاد خارجة قسمة :		
میت س ج ۱۰۰۰	اه علی می ۲۰		
		وأنخد العسال	
	س + ۲ (تقتم)	س' - ۲ س - ۱۰	
	س ـ (نصب	****************	
	(نطيخ)	-ه س -۱۰	
	(ئلے)	541054014801480144000	

٣ س " - ٥ س " + ٩ س + ١٠ فأكيل ما ياتي لإيجساد العامسل الأخر

		يكائه المسل
(نئسم )	0+ m Y-1m Y	11+ m 4+ "m 4-"m 4
(نصرب)	¥ + ·····	٢ س ٢ - ١١١١١٠ + ١١١١١١٠
(نطرح)		+ Ou 1
		/ 10 + m

ن خارج القسمة = .........

\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*





# معائل المستوى الثاني

### أوجد خارج قسمة حكل مما يأتى (حيث المقسوم عليه خصفر)

- 7+ m ste Y+ " m + + m + + " (1)
- ٣+س٢-٢٣س-١٥-٥س<sup>٢</sup> على ٢س٢۴ (٣)
- £+ س۲- س على س٢- ٢ س على س٢- ٢ س
- (۵ ﷺ ۲۱۳ ۱۱۹ کا ۱۲ ملی ۲۱۳ ۲۱۳ علی ۲۱۳ ۲۱۳

### أوجد خارج قسمة كل مما يأتى (حيث المقسوم عليه خ صفر)

- 7+ m 4 = 7 + m 7 m (1)
- ٣ 💯 ٣ س ۲ − ٤ س + ١ على س -١
- 🕆 💯 ۳ س ۲ + س ۲ س ۳ علی س ۲ ۳
- € ۵ س + س " + ۳ س " + ۲ علی س "+ ۲+۲س
- ∀- ۲۰ س + ۲ س ۲۰ على ۲ س + س ۲۰ على ۲ س + س ۱۰ و اس + س ۲ س + س (۵)

  √ س ۲ س + س (۵)

  √ س (۵)

  ✓ س (۵)

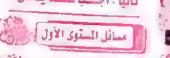
  ✓
- T+ ۲- ۲س على س٢ + ۲ س على س٢ ٣ + ٢ س
  - (۷) 🔯 س ۲+ ۲ س ۲+ علی س ۱+ ۱

  - € ۲۷ س ا ٤ ٩ س ا على ١٣ س ا + ٩ بهس
    - 🕦 🕮 س " + ۱ على س + ۱

### ٧ أوجد خارج قسمة كل مما يأتي (حيث القسوم عليه ≠صفر)

- ١٣٠٠ + ١٣٠ س ص + ٢ ص على ٢ س + ٢ ص
- T اس ۲ مس ص ۲۱ ص على ۲ س ٤ ص
- ائد ۱۱ د ۱ + ۹ با على ال+۱۱ ۳ س
- € 1 اس ۲ س ۲ من علی ۲ س ۲ ص

## ثانياً: أجلب عبا يأتي:



### ا عُدُر الْإِمَائِيةَ السعيعة مِن بِينَ الْأَقُواسِ :

..... +  $\gamma$  س +  $\gamma$  يقبل القسمة على س +  $\gamma$  فإن  $\gamma$  = ........ 2 0 2 0 7 0 1 7

﴿ إِذَا كَانَ الْمُقدَارِ سَ \* + ٧ سَ + ﴾ يقبل القصمة على سَ + ٢ فإن ﴾ = .....

r A d r d r d 1. ]

 إذا كان المقدار س \* + ٨ س + ٢ يقبل القسمة على س + ٥ فإن ٢ = ......... 1 10- d 10 d 1A- d 1A

اذا حكان خارج قسمة س ٢ + س - ١٦ على س + ك هو س - ٣ فإن ك = ......

4- d t- d t d y ]

### أوجد خارج قسمة كل مما يأتى (حيث المقسوم عليه ≠ صفر ):

- (۱) س ۲ + ۲ س + ۲ علی س +۱
- 😙 🔯 س 🕇 على س + ۲
- (F) س + ۲۰ على س + ۴ س (F)
- (على س 14 على س 4 على س 4 على س (على س 4 على س 4 س (على س (a) س (على س (a) س
- (a) س ۲ ۸ س + ۱۲ علی س ۳

### أوجد خارج قسمة كل مما يأتى (حيث القسوم عليه خ صفر) .

- ۲ س ۲ ۱۱ س + ۱۵ علی س ۲ س
- (۲ کا س + ۵+ س + ۱۳ ملی س + ۵
- € بس ا ۱۱ س ۱۰ علی ۲ س ۵
- € ۲ س ۲ ۵ س ۲ علی ۲ س ۳
- @ ٤ س + ٤ س + على ٢ س + a

التعليد ...ا بإفسراج العامسل الشتسرك الأعلسي

الملا باحران العام العيراه العال

تنكب رخامب ة توزيسي الضياب على الجمادي نشلا: 1 ( ا + ب ) = 1 ا + 1 ب

وإذا أجريشا العمليسة بصسبورة عكسيسة فبسبان ١١٠٤ ت ١٤ ( ١٠٠ ت ) فتسمى هناه العملية العكسية بالتحليل بإخراج العامل الشترك الأعلى لامقدار الجبرى لتحليسل المقدار الجسبرى بإخسراج العامل المشترك الأعلى نتبسع الخطسوات الاتيسة \_\_\_

- ١ نوجد العامل المشترك الأعلى ( ع ٠ م ١٠ ) بسين حدود المقدار الجبرى (بأن نوجد المامل المشترك الأعلى للعوامل العادية مع أخبذ كل رميز متكرر في جميسع الحسدود بأصغبر أس لسه)
- (٣: نضيه العامييل الشيبترك الأعليبي خيسارج قوسيبين 🦈 توجد خارج السمة كل حد من حدود المقدار الجبرى على العامل الشترك الأعلى و نكتب خيوارج القسمة داخيل القوسين

🚹 علل بإخراج العامل المشترك الأعلى:

العل العل

- P Y w + Y on Y (1) ٣ ٣ س ٢ س - ١٢ س ص
- Tp το το γο το το το το το το Υ(Υ)
  - Y 3 7 1 ac Y .. المقدار = ٢ ( س + ص - ع ) ...
  - 🕥 ع٠٠٠ هو٣ س ص ∴القدار = ۲ س س ( س - ٤).
- (سام ۲ م ۱ هو ۲ س ص ع المناز = ۲ س ص ع (ص ۲+۲ س ص ٤ س ع)

- ٠ إذا عِنْمَانَ ٢ أَ \* ١٠ ٣ أحد عاد أي المشار ٢ أ \* ١١ أ \* ١١ أ ١١ أ ١١ أ فأوجد المامل الأخر ١٠ ) أ إذا كان س ٢ و ٢ س + ٢ أحد عاملي المقدار س ٢ م س ٢ - ٩ س - ١٧
- الدران المالود البية ك الدروم مسل الدريدار ٢ س" س" ه س + ك يقبل القسمة على ٢ س ٣٠ ودون باق (٢) اوجد انبيعة ٨- التسين لجعيد الله بستار ٢ص" - ١٢ من + هـ يقبل القسمة على ٢ - ن - ٥ يدون باقى [64]
- (١) أوجد لابينة ٢ التــ ي تجه . ال الله ... عار ٢ س ٢ ٥ س ٢ + ٢ س + ٢ رِدِيلِ القسمة على ٢ - ١٠ - ١٠ - ١٠ ع. بدون باق حيث المناوم عليه عد مسفر
- $(4)^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ يقبل القسمة على • ن ٢ ٠ ن ٠ ٠ بدون بنق حيث المقسوم عايه ﴿ مَحْدُرُ
- (٥) التا اوجد اليمة م الشي تجهد إلى الله عبار من " ٣ من " ٢٠ من الم يقبل القسمة على سن \* + £ - بي ١ " ( ورون باق حيث اللاب وم عليه ١٠ صدة ر

# معائل المتنسوقيين

فأوود العامل الأخر

- أوجد عرضة لأم أحسب فحيداة إذا وعائت من : ٣ س [ 177]
- (1) د.. تعليل وه. احقر علجه ( المرا الله روع ) في الما و عان عرضيه ( ۲ م ۲ ۲ ) ا کفاوید ماونه با الاد ب انج ا<mark>سب</mark> و حبیداه ادا و کادت و ۲ می
- [17] لوجد الديد الدين إذا النبي ذيل على الله عار ٢٧ ٢٧ لا دسيد ح الشاقيج ort first base will fire

184





## النتم لأيسط صورة:

$$(1 \approx 0.04 \text{ m})^{\frac{1}{2}}$$
 (4  $\approx 0.04 \text{ m}$  )

### يريم النصل

$$w + w = \frac{(w + w)w(w + w)}{ww} = \frac{w + w}{w}$$

$$H = \frac{7\lambda}{7} = \frac{(1-a+\lambda\times7)\lambda}{17} = \frac{\lambda-\lambda\times a+7(\lambda)7}{17}$$

# أمثنة لنتدريب

أكمل لتحليسل كسلاً مسما يأتي بإخسراج العامل المشسترك الأعلس:

## 🛂 عقل وإخواج العامل المشتوك الأعلى :

### يريج العبل

### أوجد فاتح ما يلى بإخراج العامل المشترك الأعلى :



(A-U)-=(U-A)

( - + d) = ( d + - )

### يكاد العلل

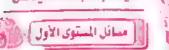
$$17 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 1 = 7 \times 10$$

$$17 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 1 = 7 \times 10$$

$$17 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 1 = 7 \times 10$$

4	4			
	17	,		
ľ	-		,	
	f	4	1	

	_					2 4.4	
:	تىي	يا	عبيا	÷	اجد	بانيا	



•	والشترك الأعلى	ن بإخراج العامل	مما ياتر	طل مكلاً
-	0-1-	C	_	-

- 7+10+10 E+0-11
- m + 1 ص € عس + ۸ ص
- ٣ + ١٠ ١٥ (١٥ س٢ + ٣ س٠)
- ₩ ١٠ اس + ٤ س ص + ٢ اس ص من + ٦ س ص

### \Upsilon أفكول ما يأتو :

- € ﴿ ﴿ ﴿ أَ لَلْحَدِينَ الْجِيرِينَ ٢ سَ ۖ ﴿ ٤ سَ ۖ هُو .....
- - (.....+/)...... U & t + U / Y (r)
  - ( ۲+ ..... ) ..... = با اله + الم اله على اله
  - - ( ....... + 1 | u = 1 | u | T | u + ...... (1)

## مسائل المستوى الثانى كا

### ا فتر الإماية السميمة مما بين القوسين ا

- العامل الشترك الأعلى للمقسدار a س $^{\gamma}$  ص $^{\gamma}+aa$  س $^{\gamma}$  ص $^{\gamma}$  هو  $^{\gamma}$
- [ مس ا) مساس ا) معسس اله عساس ]
  - (Y-v-)..... = Y , Y Y (P)
- [ Your d out d Tony d out ]

111	La Miller WAs a service	The state of the s
4	على التعليل بإخراج العامل المشترك الأعلى	2000
	المسترا المستران في من المستران المسترا	(MI) On
		Lean Olli

_	باعة النعان ومراجعة 	1,	و اولا: راجع منا و اختبر نفيك

- ( ) اکبل با باتو: ( ) اللادار ۲ س ۲ + ۲ – ۵ س یزید عن ۲ س ۲ – ۱ س + ۱ بمقدار .............
  - (۱) العددان .... و العدان بسين (١٠٠٠ ١٠٠١)
  - 🍘 عدد عوامل العدد ۲ س ً يمساوي .....
  - $= \left(\frac{\tau}{\tau} \times \frac{M}{\tau}\right) + \left(\frac{\tau}{\tau} \frac{1}{\tau} + \frac{\tau}{\tau}\right)$

### (ب) أوجد في أيسط سورة ؛

- () コピュ (1-7 い) (1+7 い) +7 (1+ い)
- $\xi = 0$  . The  $\xi = 0$  and  $\xi$
- (۵) (۱ اوجد خسارج قسه سنة س۲+۳ س ۲+ علسی س ۱+۰
- (۲) أوجد باستخدام خاصية التوزيع ناتيج  $\frac{9}{6} \times VI \frac{9}{6} \times A \sim \frac{9}{6} \times 3$







علل كلاً مما يأتى بإخراج العامل المشترك الأعلى:

استغدم التحليل في تسهيل إيجاد قيمة كل من المقادير الأتية:

## (- بسط صورة (حيث ١) ب ع م س م ص ≠ ٠)

- 127 --

# اذا کان 1-T v=-Y فأوجد باستخدام التحلیل بإخراج العامل المشترك الأعلى T القیمة العددیة للمقدار: T = T = T = T

### 

### علل كلاً مما ياتي بإخراج العامل المشترك الأعلى :



- ملل كلاً مما يأتي بإخراج العامل الشترك الأعلى :
- ( 00 4 + 00 4 ) 3 1 0 ( 4 0 + 4 0 )
- ( ع من ١٤ ص ١٤ ص ) ١٥ ١٦ س ( ع سي ١٤ ص ) ٢ من ا
- (Y-U-) a+(Y-U-) +(Y-U-) t- +(X-U-)
- ( + m + m) Y-( + m + m) Y ( + m + m) Y ( + m + m)



# الماهسسر في الرياضيات للمرطة الإبتدائية

يعتوي على شرح كامل بالتفسيل يساعد ولى الامر على القهم ويساعد العلم على الشرح ونساعد الطالب على الدّدريب

موقه الماهسر في الرياضيات

www.elmalier.org

و بدنوى على امتعانات اضافية من السنوات

السابقة مع كثير من الموضوعات



### ۲) (۱) أوجد ناتج :

نبوذج (١)

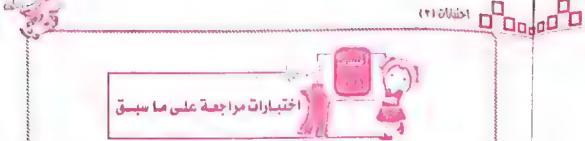
 $\left|\frac{1}{T}-\left|-\left(\frac{1}{T}+Y\right)\times\frac{Y}{T}\right.\right\rangle = \left(-\frac{1}{T}+Y\right)\left(Y+y-Y\right)\left(\frac{1}{T}+\frac{1}{T}\right)$ 

(ب) أوجد خارج قسمة ٣٧ س ٢ - ٤ - ٩ س ٤ على ٣ س ٢ - ٩ + ٥ س

- غ ( ) ) اجمع ۲ س۲ ۳ س + ه ، غ س ۳ س<sup>۲</sup> غ
- ( ) ما زمادة س " ه س ( من ٢ س + ٢ س ٣ س
- (م) اغتصر التهدار الأتهي لأبسط مسورة : Y1(21-1)+Y1(1+Y)-01(Y1-1)



### OP VIII-



اختبار مراجعة على ما سبق

🕥 أغتر الإماية السحيمة مما بين القوسين :

- d te d 'te d ty ] .....= !+! r ()
- [ " 10 10 d " 10 d " 10 d " 10 of " ) of " ) + of " )
  - ٠٠٠٠٠ = ( ٣ + س ٣ ) ( ص + ٣ )

[ 7- " ou 4 + " ou 4 - " ou 4 + " ou 1

- - ان العدد النسبى  $\frac{y}{v_1 v_2} = \cot \theta$  إذا كان العدد النسبى  $\frac{y}{v_2 v_3} = 0$
- [ '- d ' d '- d ' ]

110 10

الماهد في الناسيان [ 10 ]

اختبار مراجعة على ما سبق

نبوذج (۱۱)

1 أكبل يا يأتو:

إذا كان المقدار ٢ س² - س² - ه س + ك يقبل القسمـــة علـــى ٢ س ــ

﴿ الأعداد ..... و .... و من م الأعداد الم

 $= \left( * \frac{1}{7} - \right) + A \frac{\gamma}{\gamma}$ 

مسن جهلة العسيد الأصغسر سيست

😙 أغتر الروابة السبيعة مها بين القوسين :

1 " - 17 6 "

[ "- TA d - 11 d "- 11 d - TA ] ...... + 1 + - Y (T)

[ "17- d "17- d "17 d "17 ] "17 = ----+ "114- (T)

[ - اس أي - مس أي ١ - ١ - ١

۲ (۱) من ۲ س۲ + ۷ س − ۸ اطوم ۲ س۲ − ۵ س + ٤ ص

( - ) استندم خاصية توزيع الضرب على الجمع لتسهيل إيجاد ناتج:

\$ + 10 x \$ + 11 x \$ 4

(هـ) أوجد حاصيل جمسع المقداريسين الاتيسين:

ه س<sup>۲</sup> ـ ۳ س<sup>۲</sup> ـ ۵ س ۲ <u>۱ ۲ س ۳ + ۷ سس</u>۲ ـ ۵ سس ـ ۵

الوحدة الثالثة





الوسط الدسابي

فَبِــثُلاَّ إِذَا كَانَ أَحِمِدِ بِأَحْدُ مِصْرِوفِهِ مِنْ وَالْدِهِ فِي ◘ أَيَّامٍ كَالْأَتِي ؛

٥٤ ٢ ، ٧ ، ٤ ه من الجنيهات وأراد أحمد أن يأخذ مصروف ثابت يومياً وكان شرط والده أن يحافظ على جملة ما كان يأخذه فما هو مصروفه اليومي في هذه الحالة ؟ في هذه الحالة يمكن إيجاد مصروفه اليومي باستخدام الوسط الحسابي كما يلي ، مجموع ما ياخذه أحمد = ٢ + ٤ + ٧ + ٥ = ٢٥

عدد أيام ذهابه للمدرسة = 0 أيام . . . المصروف اليومي =  $\frac{70}{8}$  = 0 جنيهات أي أن مصروف أحمد الثابت الذي يمكن أخذه يومياً هو ٥ جنيهات هذه القيمة (٥ جنيهات) تعرف بأنها المتوسط (الوسط) الحسابي للقيم ، PETEVETER

وتلاحظ أن الوسط الحسابي هو القيمة التي لو أخذها أحمد في جميع الأيام تتحقق العلاقة، Y0=0+7+V+£+7=0+0+0+0+0



أوجد المتوسط الحسابي للقيم ٧ ، ٥ ، ٤ ، ٨

کے العیل

 $7 = \frac{Yf}{\xi} = \frac{A+\xi+\theta+V}{\xi} = \frac{A+\xi+\theta+V}{\xi} = \frac{A+\xi+\theta+V}{\xi} = \frac{A+\xi+\theta+V}{\xi}$ 

إذا كان درجات ٥ طــلاب في امتحــان شهــرينايــر لمــادة الرياضيـات هي ٧ ، ١٠ ، ٣ ، ١٠ ، ٩ فأوجد الوسط الحسابي لهذه الدرجات

`` الوسط الحسابى = <u>مجموع القيم</u> `` الوسط الحسابى =

ن الوسط الحسابي =  $\frac{V + V + V + V}{a} = \frac{V + V}{a} = \frac{V + V}{a} = V$  درجات



بالنظر إلى بعض القيم (أو ألَّ عناد) التي تعبر عن بعض الظواهر فالاحظ أن اغلبها لقترب من بمضها وتفترب من قيمة معينة

نَمِيْرًا أَطُوالَ طَلَابِ فَصَلَكَ تَقْتُرِبُ مِنْ قَيْمَةً مَعِينَةً وَلَتَكُنْ ١٥٠ ۗ وَلَلاحِظُ أَنْ القيمة تزيد عنها أو تنقص عنها ولكن غالبيتها تتراكم وتقترب من هذه القيمة أي لا نجد مثلاً اطوال ٢٠ م أو ٥٠ م أو ٢٠٠ م ويمكن أن نجد ٠

١٠١ ﴾ أو ١٧٠ ﴾ أو ١٧٠ ﴾ لكن بأعداد قليلة من الطلبة أما معظم القيم فقريبة من افا مند القيمة تسمى مركز القيم

واغلب القيم يكون لها نزعة إحصالية نحو المركز (أى تَفترب هذه المركز)

ويكون الطلاب النين ثهم أطوال بميدة عن المركز أعدادهم فليلنة ولدراسنة ومعرفة هذه الظواهر يمكن فياسها بمقاييس تسمى "<mark>مقاييس النُرْعة الركرْيـة</mark>" ومن مقاييس التُرْعة الركزية المتوسط (الوسط) الحسابي والوسيط والمنوال

### التوسط (الوسط) الحسابي

هـــو أبـــسط المتوسطات جميعـــا وأكثرهــا تــداولا وهسو القيمسة التسن لسو أعطيست لكسل مفسردة مسن مفسردات المجموعسة لكنان مجمنوع هناه القنيم الجديسدة هنو نفسس مجمنوع القنيم الأصبلية ويمكن حسابه بجمع قيم الفردات كلمها ثمم تُقسم على عدد المضردات

أى أن الوسط الحسابي لمجموعة من القيم = مجموع هذه القيم عدد القيم



القيم التالية توضح ساعات التدريب لبطلل رياضي خلال هسنا العام AA CAT CAT CAECAA CEV CVY CEA CTO CED CTT C TO العسب الوسيط الحسابسي لساعيات تدريسي هسينة البطيال

> مك الحل مجموع القيم الوسط الحسابي لمجموعة من القيم عصد القيم

 $\frac{\Delta V + V V + 4$ 

... الوسط الحسابي لساعات التدريب = 31 ساعة

المعد قيمة س إذا كان الوسط الحسابي للقيم الأثية ،

### وكر العبل

- " الوسط الحسابي الجموعة من القيم = عدد القيم
- .. مجموع القيم = الوسط الحسابي لهذه القيم x عددها
  - 1 x 7 = 0 + V + J-+ A ...
    - 45 = ye + 40 ...
    - 4. 46 = J- ...
      - £= -..

## O D I lead Hearly





أوجد الوسط الحسابي لمجموعة القيم ٢٥٥٦

يكار الحيل

الوسط الحسابي = \_\_\_\_\_



إذا كان الوسط الحسابي للقيم ٢ ، ك ، ٤ ، ٥ هو ٥ فأوجد قيمة ك

يك العبل

الوسط الحسابى = عسدها

مجموع القيم = .....× عددها

....× .... = .... + .... + T

····· = ···· + & :. ····· = ····· = ····· = ざた

اطلب الماهسر في الرياضيات

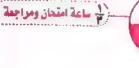
للصف الأول والثاني والثالث الإعدادي أمثله وأهم الأسئلة المتوقعة للامتحان الامتحانات الكاملة مع نماذج امتحانات

الماهم ف العاضيات المام الدسام

تمارین (۱۵))

والمنابخ استلة الوزارة

## ولا: راجع معنا و اختبر نفسك



🚺 ( † ) أكبل ما ياتي ١

χ..... = <del>Υ</del> (1)

TU 114 -----+ 117 (7)

الأعداد .... و .... و .... و .... و الأعداد .... و .... و .... و الأعداد .... و .... و .... و الأعداد .... و ...

 $Y \times \frac{4}{4} + 4 \times \frac{4}{4} + Y \times \frac{4}{4}$  (ب) استخدم خاصية التوزيع لإيجاد ثاتيج

(٢) والمقدر ٢ س + ٢ ص - ٧ عن ٢ س - ٥ ص + ٢ ٩

(م) (اذا كان ٢١+ ب= ٢ فأوجد النمية ١٤ (١٧ + س) + س (١٧ + ب)

ا أوبد خسارج قسمسة ٣ س + بس - س - ٣ علي س ١٠٠٠ علي اس ١٠٠٠ علي

 5 a W	L
 TOF	•
	ı.

ثانياً : أجسب عسما يباتي :

مسائل المستوى الأول 🏥

۲) أكول ما بيأتي :

🕦 الوسط الحسابي لجموعة من القيم = .....

👻 الوسط الحسابي للقيم ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٨ هو .....

اختر الإوابة المعيمة من بين الأقواس:

() الوسط الحسابي للقيم ٨ ، ٧ ، ٤ ، ٥ هو ......

d ± d ¬ d • ]

الوسط الحسابي للقيم ۲ ، ۳ ، ۲ ، ۵ ، ۸ هو .......

😙 الوسط الحسابي للقيم ٢ ، ١٤ ٪ ٢ ، ١٠ ٪ ٨ ، ١٠ هو ١٠٠٠٠٠٠

[ 1. 4 A 4 4 4 7 ]

🗈 الوسط الحسابي للقيم س ۽ س ـ ص ۽ ص ـ س ۾ و ......

[ wo & on \$ 6 on \$ on ]

⑥ (ذا دكان الوسدك الحسابي لمجموعة القيم ١٧ ) ١٥ ) ص هو ١٥ هإن ص = ......

[ 17 0 17 0 14 0 15 ]

🕥 إذا كان الوسط، الحسابي للقيم ص – ٢ ع ص ٤ ٢ هـ ٣ غور ٣ فإن ص = ٠٠٠٠٠٠٠٠

[ 4 4 4 4 4 4 1 ]

♦ إذا حكان الوسعاء الحسابي الأعمار حوسة أطفال هو السنوات هان مجموع اعدارهم = .....ستة [ ه ك ٨ ل ٢٠ ك ١٠



١ الجدول الأتى يبين درجات جهاد في امتحان الرياضيات في ٦ أشهر دراسية

	2 3 3 4	_				Tr.	
1	أديا	مارس	فبراير	ديسمير	نوفتېر	اهوير	الشهر
ŀ	ACT.	4.4	44.0	44	40	Y.	اللرجة
ŀ	9.	11	17	41	, -		a salara val

أوهدالوسط الحسابي للدرجات

[ 4. ]

🕦 🥮 أحسب الوسط الحسابي لمجموعات الأعداد الأتية .

106 ...... CTCYC1(1)

116 ..... (T 6 Y 6 1 (T)

1116 ----- 646461(4)

1.16 ..... (TCTC1)

WEACTCECTC+(3)

446 ......... (067613)

مسائل المتفسوقين

١١]إذا كان الوسط الحسابي للقيم ٧ ، ٢ ، س +٤ ، ٨ هو ٦

فأوجد قيمة س

[7]

🚺 😂 إذا كان متوسط درجات كريم في 🛭 اختبارات هو 🗚 وكان متوسط درجاته

في الاختبارات الثلاثة الأولى هو ٨٠ فها متوسط درجاته في أخر اختبارين [4.]

📆 إذا كان الوسط الحسابي للقيم ا + ٢٤٢ - ٢٢٢ ٧ - ٢٢١ هـ ٨

فأوجد قيمة ا [3]

 إذا كان الوسط الحسابي لنرجتي أحمد و محمد في امتحان الرياضيات ٨ درجات و كانت درجة أحمد ٢ درجات فإن درجة محمد ١٠٠٠٠٠٠٠٠ درجات dadvdrl

😫 🕦 أي من الأعداد التالية هو المتوسط الحسابي للأعداد الأخرى ...... TV & T. & TA & TA & TT ]

أكمل ما يأتي:

🔯 🕥 إذا كان المتوسط الحسابي للأعداد ٣ ، ٥ ، س هو ؛ فإن س = .......

😥 🎅 إذا كان مجموع خمسة أعداد يساوى ٣٠ فإن المتوسط الحسابي لهذه الأعداد

💿 🔯 أوجد التوسط الحسابي لكل مجموعة من القيم الأتية :

مساوى \*\*\*\*\*\*

£67 (F) PETT

368(1)

TCECY (T)

7 + 6 1 (D)

1063 (1)

3067.60.670(1) OCECTCYCIA) SCTCT(Y)

📑 🕍 إذا كانت درجات شريف في ٣ شهور متتالية في مادة الرياضيات كالأتي : ٨٩ ، ١٩ ، ٩١ أحصر متوسط الدرجات شهريا لهذا الطالب [AY]

> 💟 🕮 إذا كانت درجات الحرارة الأسبوع كامل من شهر ديسمبر في إحدى "NA C "TY C

> > أعصب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات

🔥 🖼 إدا كانت ساعات المناكرة لإحدى الطائبات خلال ٦ أيام متتالية كالأتي :

الثنيس	الأربعاء	الأولاق	الأثني	الإحد	العبت	Mag N
٧	ŧ	٣	4 4	*	4 4	المناكرة

أعصب متوسط عبد ساعات المناضرة يوميا

[+1

[ 376 ]



## ويمكن تلفيص ما سبق فيما يش:

## الإيجياد الوسيط لجنوعية من القيسم.

( او تنازلياً ) نرتب القيم تصاعدياً ( أو تنازلياً )

(ع) إذا حكان عدد القيم قردياً فإن الوسيط = القيمة التي ترتيبه الله  $\frac{U+V}{V}$  حيث U عدد القيم أى القيمة التي تقسع في الوسيط شاه أن أذا حكان عند القيم زوجياً فإن الوسيط = نصف مجموع القيمتيان اللتين ترتيبهما  $\frac{U}{V} + \frac{U}{V}$  أي = نصف مجموع القيمتين اللتين تقعان في الوسيط



أوجد الوسيط لكل من مجموعات القيم الأتية:

THE WEST CHEST OF

464606YETO

كة العبل

(  $\frac{1+0}{7} = \frac{1+0}{7} = \frac{1+0}{7} = \frac{1+0}{7}$ 

درتب القيم فيكسون الوسيط هو القيمة الثالثة في الترتيب

١٥٥١ ] ١ ١ ١ ١ ١٠ الوسوط = ١ (١١ الدوسة التي تقسع في الوسط المامة)

 $(1, \frac{1}{2}) = \frac{1}{2} (1 + \frac{1}{2}) (1 + \frac{1}{2}) (1 + \frac{1}{2}) (\frac{1}{2}) = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ 

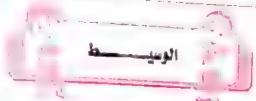
الدالوسيط هو متوسطة الفرماسين اللدك ساوالراء الذبه لد قرنيا والانسان

١٤ ١٤ ١ ١٥ ١ ١١٠ ( نصف مج دين البندين الدر المعان في الوست )

ن الوسيد على علام المالي عالم



بعدقة عامة قيمة الوسرط لا تساوي ترتب الوسات الاخترا



يُعرف الوسيط لجموعة من البيانات بانه القيمة التي تقع في وسط الجموعة تماماً إنا ما رتبت هذه الجموعة تصاعدياً أو تنازلياً

أى أنه القيمة التي تقسم مجموعة من البيانات إلى قسمين بحيث يكون عدد القيم الأدغير منه يساوى عند القيم الأصغر منه

### الزميسة

هو القيمية التي تقسيم بناسي القيسم إلى شطريسن متساويسين بحسبيث بكرون مسند منا فيلسها مساويساً لهسند مسا بعدهسا مسين القيسسم

نَمْرُ لِإِيجِنَدَ الوسيعَدُ لَجِمُوعَةَ مِنَ القَيْمِ عَنَدُهَا قَرِدَى مِثْلُ ٢ ، ١ ، ١ ، ١ ، ١ ، ١ ، ١ فينا نرتب هذه القيم تصاعبياً (أو تنازلياً) كما يالي :

١ ، ٣ ، ٢ ، ١ ، ١ ، ١ فيكون العدد الذي في الثناميف مو الوسيط وهو العدد ١

حبث بوج مد قبله عندين وبعده عندين أى أن عند ما قبله يساوى عند ما بعده لا حداد أننا الأول عند ما قبله وليس «جموع ما قبله أى أنه إذا وجد ٣ قيم قبله ذاته برجد ٣ فيم بعده

أما إذا منان عند القيم زوجياً فإننا نوجد العندين الذين في المتصف ثم نوجه.

 $11 \in \P \in \left[A \in \P\right] \in \P \in \P \text{ the constant of } P \in \P \cap \P$ 

ناز منك أنه يوجد عندين في المنتصف فيكون الوسيط هو متو .. مل المددين أى الراح ال المددين أى الراح المددين أى ال

		Landellin, de
- 12 Add	على العبياد	(19) (400)
1 me [2]	- / 0	
£53		

## إ أولاً: راجع بعنا و اختبر نفست والمراجعة الشعان ومراجعة



(١) أكمل ما يأتي:

(۱) (٤ س ۱) (٢ س ۲) = .....

( ...... + x) ..... = "= " + w 1" + = " 1" ( i)

(٣) المتدار س أ - 8 س - ا يزيد عن المقدار ٢ س أ + ٢ س - ٢ بمقدار ......

المدد الذي يقع في منتصف السافة بين أو ع منتصف السافة بين أو المدد الذي يقع في المنتصف المدد الذي يقع في المنتصف المدد الذي يقع في المدد الذي المدد الذي يقع في المدد الذي الدي المدد الذي المدد المدد الذي المدد المدد الذي المدد الذي المدد الذي المدد الذي المدد الذي المدد المدد الذي المدد الذي المدد الذي المدد الذي المدد ال

(ب) ﴿ المُتَعَرِ المُقَدَّارِ الاتَّى لأَيْسِطُ فِيورَةَ ( أ + ب ) ۚ − ( أ − ب ) أ + ( ٢ أ − ب ) ثم أوجد القيمة العنديدة للناتيج عندمنا ١ = ١٠ ) ب ٢٠

المسلل المتسيداد الاستنار الاستان الم الماسية الماسية الماسية الاستنار الاستنار الاستنار المستنار المس

I - 1
Appearance in contrast of

(هـ) () أوجد مجموء ٢ س -٤ س ( ٢ + ) س + س -8 ٢ + ٢ س - ٤ س - ٤ س

ا اوجد خيارج قسوية س + ۲ س ا + ۲ على س + ۱ على

*	ì
Lea.	ı
_	

يوضح الجدول التالى عند ساعات المناكرة اليومية لطالبين خلال هذا الأسبوع



(١) أكتب بالترتيب ساعات المناهورة لكل من الطاليين

(٢) بعد ساعيات الوسيحك لمناصدة كل منهيما

ء - الحل

10	٨	٧	٦	a	£	Ť	
4	٨	1	à	í	٣	Y	-

الوسيعا، هو العدد الذي يقع في المنتصف

ن ساعات الوسيط للطالب أحمد = ٢ ساعات

رُ ساعات الوسيما، للطالب سعيد × فساعات



أكيل ما يأتي لإيجاد الوسيط والوسط الحسابي لمجموعة القيم الأتية:

TIVESCRIACOLS(S)

TTENVENCTALECTT (T)

		_
1	-0.11	- F
		PE 4

ث ألوسط الحماني ≈ ........ : المساني عالية المسانية المسانية المسانية عالم .....

المحال المحد	200	الراهيان	الماهرقي
--------------	-----	----------	----------

4	- the
-	
	1000
	200

نَانَهُا: أجب عبما يأتين :
The state of the s
Callet aday atrent they

	1
أكبل يا بأتو :	

			 	***	***********	هو	أ الوسيط
٨٤٨مو	6	<b>£</b> 6	6	٧	وعة القيم	u-L	۲) الوسيط

الوسيط اجموعة القيم ٢٥ ، ١٥ ، ١٥ هو ٢٥ هو ١٤ الوسيط الجموعة القيم ٢٥ ، ١٥ ، ١٣ هو ١٣٠٠ هو ١٣٠٠ الوسيدك المجموعة القيم ٢٥ ، ١٤ ، ١٣٠٩ هو ١٣٠٠ هو ١٨٠٠ هو ١٣٠٠ هو ١٣٠ هو ١٣٠٠ هو ١٣٠٠ هو ١٣٠ هو ١

(۵) الوسيداد لجموعة القيم ٢٥١٥٧٤٦ هو ······



## 🕑 🚰 أوهد الوسيط، لكل مجموعة من مجموعات القيم الأتية ،

1. CACHETTOCT (T)

ACHETTERETT

۵ (۱۲ - ۲ ) منفر ۲ - (۱۲ ) ۵ (۲ - (۱)

16 1 6 2 69

## 🚹 🖆 الجِيول الأدِّي بِبِينَ درجات جِهاد في امتحان الرياضيات في ٦ أشهر دراسية

أبريل	مارس	فبراير	-	توقهج	اكتوبر	
٤٨	££	۳۷	£Y	To	-61	النرجة

أوجد 🕥 الوسيدة للدرجات السابقة

😙 المتوسعات الحسابي للدرجات السابقة

🕡 اغتر الإوابية السبيعة من ببين الأقواس:

() الوسيعاء للقيم ٢ 6 0 6 7 هو ......

l r d r d 1. d 10 1

🖄 🦅 الوسيحاد للاتيم ١٩٨٤ و ٧٥٥ و ٧٥٥ .....

V d o d t d T

[67.4]

[47]

\_\_\_\_\_BD[11:

🕏 الوسيط للقيم ٧ ، ٥ ، ٤ ، ٦ ، ٩ ، ٨ هو ......

ا ۱۳ ا ۵ مر۲ ا ۲ م ۱۳ آ ۱۳ ا ۱۳ مو ....... (۱۳ ا ۱۳ مو .......

T d 1s d to d 1V ]

@ الوسيط للقيم ١١ ، ٧ ، ١٥ ، ٢٤ هو ......

[ IV d IF d IVE d TY ]

🕲 المدد .... هو الوسيط للأعداد ١٧ ، ٩ ، ١٥ ، ١٩ ، ٧

ray d a d n d n l

🖄 📎 إذا كان ترتيب الوسيط لجموعة قيم هو الرابع فإن عند القيم يساوى .......

[ a d v d o d r ]

۸ ترتیب الوسیط للقیم ۲،۱،٦،۴٤۲ هو .........

radod £ 4 × 1

· ﴿ إِذَا كَانَ تَرْتِيبِ الْوَسِيطُ لِمِمُوعَةً قَيْمٌ هُو الرَّابِعِ وَالْخَامِسِ فَإِنْ عِنْدُ هَا الْقَيْمِ

يساوى ...... [ ٤ ك ٥ ك ٨ ك ٩ ]

£ (ذا كان الوسيط للقيم 1 + 7 : 1 + 1 : 7 + 3 حيث 1 € س- . هو ٨

فإن أ = ····· = أ فإن أ = ····· = أ

إذا كانت مجموعة أعمار ٧ طلاب في أحد المدارس بالسنوات هي كما يلي
 (١١ ١٨ ٧ ، ١٩ ، ١٩ ، ٦ ) فها العمر الوسيط الهماد المجموعات و

[4]

اذا كانت درجات ثمانية طلاب في أحد اختبارات مادة الرياضيات هي كما يلي اذا كانت درجات ثمانية طلاب في أحد اختبارات مادة الرياضيات هي كما يلي ٢٦ (٣٥ (٣٧ (٣٠ (٣٥) ٤٣) ١٤) أوجد الدرجة الوسيطية الهذه المجموعة [٨٦]

- 171

[HAA]





الأستوال

هو القيمة الأكثر شيوعياً أو القيمة التي تتكرر أكثر مين غيرها

فَشِلاً إذا كَانَ لَدينَا مجموعة من القيسم مثل ٢ ، ٥ ، ٧ ، ٥ ، ٢ ، ٥ في المثلاً إذا كان المنسوال هنسة هسو القيمسة الأكسترية عسراراً و هسسى ٥

و في حالمة التوزيم التكراري البسيط يكون النوال هو القيمة التي تقابل أكبر تكرار في القيمة التي تقابل أكبر تكرار في التالمي :



4	٨	٧	*	٥	العيداد
۲	٥	7	4	۳	التكبيران

تلاحسط أن القيمة ٧ هـى القيمة الأكــــثر تكــراراً لانسها مكـروه ٦ مــرات لانك فإن المنوال = ٧ ( القيمة الأكـــثر تكــراراً )

## والمناسخة المراطسة

- لاحسند أنسه إذا وجسست مجموعسة مسن القيسم ليس لها قيم مكبررة فيقسال أن هسنده المجموعة خاليه مسن المتوال فمثلاً مجموعة القيم ٣ ، ٥ / ٢ ، ٢ ديس لها منوال
- " يوجد بعض المجموعات من القيم لها أكثر من منوال فمثلاً مجموعة القيم ٢، ٢، ٢، ٢، ٢، ٥ وتسمى فمثلاً مجموعة ذات منوالين وسوف نكتفى في دراستنا بالبيانات وحيدة المنوال

العيمياء الجسول التالى درجات طالبيسن فسى مسواد الرياضيات والكيمياء والغيمياء والنبزياء والتاريخ والإحياء

سريخ	اجيساة	فيزيه	- Charles	ونون	
11	٨	۲	4	10	
٧	1.	4	17	14	

اكتب الدرجة الوسيط لكل طالب



## 1 اکبل ما یاتی ا

- () إذا كانت القيم \$ : س ؛ ١٠٤٧ مرتبة تصاعدياً وكان الوسيط لهذه القيم ......
- - (٣) إذا كان الوسيط للقيم ك ، ك + ٥ ، ك + ٣ هو ٩ فإن ك = .....
    - 📢 😭 أحسر الوسيط لجموعات الأعداد الأتية ،
      - 11646A ...... 6767611
      - 1161064 ...... (\* 6 Y 6 Y 6 1 (\*)
      - - 1116 ...... ( \* 6 \* 6 1 6 1 1 1 1
          - MCALTCECTE . (B)

اطلب الماهسر للمرحلة الابتدائية

يحتوى على شرح كامل بالتفصيل يساعد ولى الامر على القهم ويساعد المعلم على الشرح ويساعد الطالب على التدريب

-0-111

-117-00



4	Y		
	O CO	2	

170

اسلة الوناية	على المنـــوال	تماریان (۱۷)
براجة المناس	نفسك المتحان وه	اولاً: راجع معنا و اختبر ( ) أكمل ما بياتي:
	ن" ص" من الدرجة	() الحد الجبري ٣ س
	من ٢ س هو	🕎 باقی طرح - ۽ س
يد القيم =	وسيط ثعدد من اتقيم هو السادس فإن عا	😙 إذا كان ترتيب الر
- 4 	للقيم ٢٥ ٩٥٤٥٥١ هو	
	لاصورة (٢ س ٣ ) (٢ س +٤) +٤	(ت) ﴿ المُتَعَرِ لِأَبِسِهِ
1-=	يمسة العنديسة للناتسج عندما س	ثم أوهـــدائة
***************************************	(presphotosoff;presservicionessisoff;presser	
***************************************	اد نسبية تقع بين 😽 ، 🙀	﴿ أوبِدِ ثلاثة أعد
		***************************************
، ص + ۲ ص <sup>۲</sup>	+ ص <sup>۲</sup> – ۳ س ص + ۳ من ۲ س <sup>۲</sup> – ۲ س	(هـ) ﴿ أطرم ٥ س ٢
\$1.010101720HFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFFF	***************************************	######################################
***************************************	اصية التوزيع أوجه ناتج ، $\frac{7}{17} \times \frac{70}{V} \times \frac{70}{17} \times \frac{70}{V}$	
	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	.544354354344544555555555555555555

اشا_ت	100
توضيعيسة	3-4-3

ا أوجد المنسوال للقيم الأتيسة: ٢) ٧) هر ٧ ، ٣ ، ٧

لأنها القيمة الأكثر تكرارا المنسسوال = ٧

ما يلسي التوزيسم التكرسراري للرجسات ٢٠ طائ

الموهـــوم	10	4	٨	Y	7	الورسالم
4.	۳	۲	٧	٣	٥	سياليا

أوجد التسوال تهسنا التوزيسع

بك العل

لأنها القيمة التي لها أكبر تكرار

A = Method

الا كان المنوال للقيم ٣ ، س ، ٥ ، ٦ هو ٢ فأوهد قيمة س

ويم العبل

النوال هو القيمة الأكثر تكراراً

١٠٠ هو القيمة التي تتكرر أحسر من مرة

.: س = ٦



### تدریب (۱۱)

أوجد المنوال لمجموعة القيم الأثية ،

16767686767: Taganali

167606461 Report

المنوال = .... المنوال = ....

Ulaibl Dan	الماهر في العاميات الماميات
المنوال لجموعة	
🕄 إذا كان المتوال	النان : اجب عدا يأتى :
📎 إذا كأن المتوال	مسافل الستوى الأول
🔛 🕭 المتوال الجموعة	ا عدر الإوابة المحيمة من بين الأقواس:
🕍 🐧 المتوال للأثوان ،	(۱) المتوال للقيم ۷ ، ۱۲ ، ۲ ، ۱۱ هو
هو اثلون	[ ۱۱ م
🗟 🛈 إذا كان المتوال	المتوال للقيم ٥ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ هو
ا عسيه الوسط الحساد	[ ه 4 ۲ Å ۷ له غیرذلك]
( \$ ( \$ ( \$ ( \$ ( \$ ( \$ ( \$ )	التوال القيم ٢٥٧٥٩٥٩٥٩٥٩٥٩ هو و الله الله الله الله الله الله الله ال
الله المحانث تقدير 🕮 إذا كانت تقدير	(النوال القيم ٤ ) ٥ ) ٧ ) ٥ ) ٣ هو وال القيم ٤ ) ٥ ) ٧ ]
أوجد المتوال تهذه المج	<ul> <li>المنسوال ثلقيم ۱۳ ، ۲ ، ۲ ، ۱۳ ، ۱۳ ، ۱۲ ، ۱ هو ۱۳۰۰۰۰۰۰</li> </ul>
	[ • 4
البيانات الأتية ذ 🕥 🕮 البيانات الأتية ذ	🕮 🕥 المتـــوال للقيم ٢ ، ٣ ، ٧ ، ٣ ، ٧ ، ٣ ، ٣ ، ٣ ، ٣ ، ٣ ، ٣
۳	[ v d r d r d r ]
أوجد المتوال لهذه الأد	﴿ ﴿ إِذَا كَانَ الْمُتَوَالُ مُجْمُوعَةَ الْقَيْمَ ﴿ ﴾ ﴾ ﴾ ﴾ ﴿ ﴿ ﴿ ﴾ ﴾ ﴿ ﴿ ﴿ وَاللَّهُ فَإِنْ ص =
البيانات الأتية ته	
الرياضيات حييا	
	المسائل المستوى الثاني أي المستوى المستوى الثاني أي المستوى الثاني أي المستوى المستو
أوجد الدرجة المتوال	النوال اجموعة من القيم هو
<u> اسافر رجل أعمال</u>	النوال لجموعة القيم ٢٠٧٥٧٥٣٥ هو
	المتوال للأعسسداد ١٢ ، ١١ ، ٧ ، ١١ ، ٨ هو
عليد سفرياته خلاز	time at the second second state (1)

القيم ٥ ، ٧ ، ٩ ، ٢ هو ..... للقيم € ) س > ٦ € \$ هو \$ فإن س = ..... للقيم ١٠٢٥٩ + ١٠٦٥٩ هو ٦ فإن أ = ..... أحمر ؟ أصفر ؟ أحمر ؟ أبيض ؟ أسود ؟ أحمر ؟ أبيض للقيم ١٩٤١٥ س + ١٥٤١٥ هو ٩ فإن س = ..... بي - الوسيط - المنوال للقيم الأتبة : DETCECY [4:4,0:0,1] إن مجموعة من الطلاب في أحد الاختبارات هي . seteucacucacucacteu بموعة [-] تمثل أعمار مجموعة من الأشخاص . \*\* C T T C T D C T T C EA C T T C T D C T \* C T \* C T [77] شل الدرجات التي حصل عليها ٢٠ تلميذاً في معادة ث كانت النهاية العظمين لدرجة الامتحان ١٠ درجات [٨] عدة مرات في الشهر لإجراء صفقات بالدول المختلفة فإذا علم أن ل العام السابق هي ٢٠١ ، ٢٠١٥ ، ٢٠١٤ ، ٢٠١٥ ، ٢٠١٤ ، ٢٠١٤ [teter] فأوجد المتوال والوسيط والوسط الحسابى لعند السفريات -117

-0-111





المن القيدم الأتيدة: ٢ ، ٥ ، ٢ ، ٢ ، ٥ ، ٢ ، ١ ، ١ ، ١ وجد:

(١) المناطال

عدد القيمة الأقل من المنوال

(٣) عدد القيمة الأكبر من المنوال

[Vca]

[4]

[لا يوجد]

اختبار مراجعة على ما سبق

أختبارات مراجعة على ما سبق

نبوذج (١)

١ أكمل ما يبأتي:

٢ - ٢ س ص + ٠٠٠٠٠ ( ٢ س ص - ص + ٠٠٠٠٠ )

 $\cdots$   $x_{m,n} = x_{m,n} + x_{m,n} +$ 

 $= \left| \frac{1}{\sqrt{Y}} \right| + \left[ \left( \frac{1}{Y} + \frac{1}{Y} - \right) \div \hat{\epsilon} + \frac{1}{Y} - \right]$ 

 $\cdots = \left(\frac{1}{Y} - \frac{14}{1A}\right) \div \left(\frac{Y}{Y} + \frac{4}{4}\right) \odot$ 

۲) أطوع ٥ س٢ + ص٢ - ٣ س ص من س٢ - ٢ س ص + ٢ ص٢

(ب) أوجد ناتد :

( m - 7 m) ( m + 7 m) + ( m + 2 m) ثم أوجد القيمة العدديمة للناتسج عندمسما س=١-

(1) أوجد قيمة ك اثنى تجعل المقدار س -7 س -7 س + ك

يقبل القسمة على س أ + £ س + ٢

(ت) من مجموعة القيم الأتية ٢٠ (٣٠) ١٥ (١٠) ١٤ أوجد:

🛈 الوسيط لجموع ــــة القيحم

😗 الوسط الحسابي لجموعة القيم

اطلب الماهـر للمرحلة الابتدائية

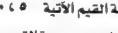
يجتري على شرح كامل بالتقصيل يساعد ولي الأمر على الفهم ويساعد المعلم على الشرح ويساعد الطالب على التدريب

اطلب الماهسر في الرياضيات

الراجعة النعائية

للصف الأول والثانى والثالث الإعدادي أمثله وأهم الأسئلة المتوقعة للامتحان الامتحانات الكاملة مع نماذج امتحانات





27

ي ماد

الماهم في الماتيان 100





## اختبار مراجعة على ما سبق

نبرنج (۲)

## 1 أغتر الإجابة السبيعة معا بين القوسين :

العدد النسبى الذي يقع في منتصف المسافلة بين العددين ﴿ ٤ ٨ هو ......

[ A d + d m d + ]

 $\frac{\psi_{-1}}{|\psi|} = \frac{\psi_{-1}}{|\psi|} = \frac{\psi_$ 

[ 1 4 4 4 4 4 ]

العكوس الجمعى للعدد بين هو .....

## (١) أغتمر لأبسط صورة ،

(١) ما نقص القدار ٢٧ - ٨ - م عن مجموع القدارين ٢٣ - ٢ - + ٥ - ٥ -A--14

## 📆 (١) استطيل مساحة سطحه (٢ س ٢ + ٧ س - ١٥) سمَّ فإذا كان طوله 📆

( س + a ) م فأوهد عرضه ثم المعب محيطه إذا كانت س = ٢ س

(س) الجسدول التالي يبين أوزان الطلاب في فصل يتكون من ٥٠ تلميذ

1	17	to	ii	17	£T	٤١	alle .
	٥	10	10	- No	Y	Т	المالطين

وشع الوزن المنوال لتلاميذ هذا الفصل







هو قطعة مستقيمة ممتدة من جهتيها بسلا حسدود و بذلت فهسو ليسس له نقطسة بدأيسة وليسس له نقطسة نهايسة ولا يتحسدد لسه طسسول

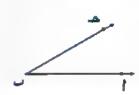
وينفس الطريقة السابقة إذا أمتدت القطعة المنقيمة أت

من جهتيها فإنها تسمى خط مستقيم ويرمز له بالرمز أن أو ن أ والسهمان يشيران إلى أن الخط المستقيم ممتد من جهتيه بلا حدود

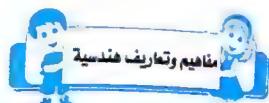
ملاطقان

- الخيط المستقيسم يرمسز لسه بأي نقطتسين عليسه أو بحسرف هجائسسي
  - 다그의 ( 다그의 ( 인그의 :
- القطعة المستقيمة لنها طول يمكن قياسه فإذا كنا نذكر القطعة المستقيمة فنكتب أن فنكتب أن أما إذا كنا نذكر طبول القطعة المستقيمة فنكتب أن فياذا كنان لدينا قطعة مستقيمة طرفاها أن ن وطولها ٢٠ فإننا نكتب طبول أن ٢٠ او أن ١٠ ١٠ و أو الد ٢٠ ٠٠ و أننا نكتب طبول أن ٢٠ ١٠ او الد ٢٠ ٠٠ و المنا نكتب طبول أن ٢٠ ١٠ او الد ٢٠ ٠٠ و المنا نكتب طبول أن ٢٠ ١٠ او الد ١٠ ٠٠ و المنا نكتب طبول أن ١٠ ١٠ او المنا نكتب المنا نكتب طبول أن ١٠ ١٠ او المنا نكتب المنا نكتب طبول أن ١٠ ١٠ او المنا نكتب المنا نكتب طبول أن ١٠ ١٠ المنا نكتب المنا نكتب المنا نكتب المنا نكتب المنا نكتب المنا نكتب طبول أن المنا نكتب المنا نكت

### الزاويسة



- برمـــزللزاويـــة ا ب عبائرمـــز د ا ب عب أكا د عب ا أكا د ب
- الزاوية تجزئ الستوى إلى ثلاث مجموعات من النقط هي مجموعة نقط الزاوية )
   مجموعة نقسط داخسل الزاويسة ) مجموعسة نقسط خسارج الزاويسسة
- قيساس الزاويسة هو العدد الدال على الانفراج بين ضلعى الزاويسة و يرمز لقيساس
   ١٤ هـ بالرمز ٥ (١٤ هـ)



تهبيد عندما ننظر إلى سطح الأرض أثناء سيرنا في أى شارع تجد أن هناك بعض الأجرزاء مرتفعة و بعض الأجرزاء منخفضة لذلك تقول أن هدنا الشارع سطحه غير مستوى أما إذا نظرنا إلى سطح زجاج على مكتب أو منضدة سفرة تجد أن هذا السطح مستوى وإذا امتد هنا السطح في جميع الجهات بسلا حدود تسميسه بالمستوى وسوف ندرس بعض الأشكال الهندسيسة التي يمكن تكوينها على المستوى

القطعة الستقيعة

أودية الرابعة

هي مجموعية مكونية من نقطت بن مختلفتين وجمييع النقيط الواقعية بينهاما

فإذا وضعنا نقطتين أ ، ك على ورقة بيضاء تمشل الستوى و وصلنا النقطتين باستخدام القنم والمسطرة فإنشا نحصل على قطعة مستقيمة ، تسمى النقطتين أ ، ك طرفيين القطعين المستقيمة المستقيمة والقطعة المستقيمة نرمز لها بالرمز أ ك أو ك أ

النقط الواقعة بسين أن من تعريف القطعة المستقيمة تعنى أنه إذا سارت نقطة (أمشالاً) في التجاء النقطة الأخرى (تمشالاً) فإنها تمسر بمجموعة نقسط وفي النقسط التي بينهسما وأي نقسط خساج هسنا المسسار لا تعتسير بينهسما

الشعساع

مو قطمة مستقيمة ممتدة مسن إحدى جهتيسها بسلا حدود و بداسك هو له نقطمة بنايدة ولا يتمين له نقطمة نهايسة ولا يتحدد له طول

فإذا وضعنا المسطرة على آب ومنطا خطأ من جهة ب
عما بالشكل فإن مجموعة نقط آب والنقط التي أمتنت أ
(والسهم يعنى أنها شند ببلا حدود) تسمى بالشعساع و يرمسز لسها بالرمسز أ

- 177 ---





و إيزاه بنان المتناطان: هما زاويتان مجموع فياسيهما ١٨٠°

نشرُ : الزاويتين اللتين الياسيهما ٧٠° ، ٢٠° متتامتان \*4.= "V++ "Y+ 2'Y

والزاويتان اللتان قياسيهما ١٧٥° ، ٥٥° متكاملتان "1A = "00 + "170 AY

- الزاويتان المتجاورتان الحادثتان من تقاطع مستقيم وشعاع نقطة بدايته تقع على هذا الستقيم متكاملتان
- إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متكاملتين فإن الضلمين المتطرفين لهما على استقامة وأحدة هيكون سام ، على استقامة واحدة ويكون أهم خط مستقيسم
  - ٩ إناكنت ع الله ورسم ع مراع والى جهة واحدة من أ ب فإن ١٥ (١١٥ - ١٥ (١٥ - ١٥ (١٥ ) + ١٥ (١٥ ) - ١٥٠١ أ وإذا علم قباسى زاويتين يمكن معرفة قباس الزاوية الثائثة

### أألو ويشال فللقاصفان بالراس

إفا تقاطع مستقيمان فإن كل ولويتين متقابلتين بالرأس تكونسان متساويتك في القياس

الناخان آل ۱ الله الدواد

4 فإن  $0 ( 4 | \gamma = 0 ) ( 4 | \gamma = 0 ) بالتقاب ل بالسرأس$ ال ( د عر س ) = ق ( ۱ م م ) بالنقابسل بالسواس عد

الوحدة الشائعة في تقدير قياس الزاوية هي الدرجة وتستخدم المتقلة في تعيين قيساس الزاوية و توجد وحدات أصغر من الدرجة هي الدقيقة والثانيسة حيث الدرجة = ١٠ دقيقة ونرمز لذلك ١° = ٢٠ ) الدقيقة = ٢٠ ثانية ويرمز لها ١ عـ ٩٠ س

### تعنيف الزوايب حسب قياديها وذلك عليني النمينو التاليني : الزاوية العادة الزاوية القانية الزابية المفرية

هي الزاوية التي قياسها اکبر من صفر وأقل من ٩٠°



هي الزاوية التي قياسها عن الزاوية التي قياسها أحكير من ١٨٠° وأقل من ٢٦٠° "W-

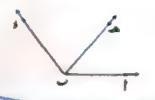
# هن الزاوية التبي قياسها

هن الزاوية التي قياسها سفر وينطبق ضلعاهما

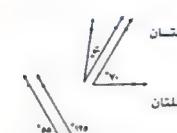
## الروية تسترجة

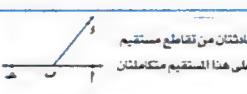
هي الزاوية التي فياسها لنتير من ۴٠ ولال من ۱۹۰

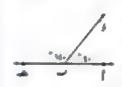
يقسال لزاويشسين إنهسما متجاورتسان إذا اشتركتسسا فسي رأس وضاسخ وهفان الصنعان الأخسوان فسي جهتسين مختلفت بين مسن الضليسع المتسسترك

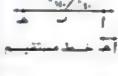


لمثلا: ١٤ ب هـ ١٤ هـ ب ١ منجاورتسمان ( لأن الضلع المشتوك بالله في الوسط ) بينما ١١ م ١ ١ ١ ا ١ عسير متجاورتسان















## الزوايا التجمعة حول نقطة

إذا تقاطعت عبيدة أشعبة في نقطية وإحبدة فيان مجمنوع قياسيات الزوايا المتجاورة المتجمعة حرول هدنه النقطة يسروي ٣٦٠°

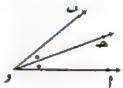
## فَمِثَلاً: فِي الشَكُلِ المِقَائِلِ:

الزواي الالمام د مام د مام د م لاحدم و و لاوم التسمسي زوايسا متجمعسة حـول نقطـة م و مجمـوع قياساتـها = ٣٦٠°



منصف الزاويسة هدو الشعساع السذى بقسهم قبساس الزاويسة إلى تصفين

فَمُثَلِّ : الشعاء وهم ينصف لا أو بوفي هند الحالة نقول أن ひ(とうて)=ひ(とみてい)=10(とうてい) والعلامة " " الموجودة داخل الزاوية تعني أن قياس الزاويتسين اللتسين داخلهما العلامسة متساويتسان





### أرًا فر الشكل البقابل:

إذا كان ل مستقيم فضع رمزاً مناسباً من الرموز ≠ d = d ⊅ d ⊃ d ∌ d ∋ مكان النقط مع ذكر السبب:

- U ...... 1 (3) A1 .....
- I ...... J @ 10 ......
- 10 10 510

- 1 ×10 4 (T) Zagu
  - 5 7 4 1
- (6) قائمـــــة

- ( لا تنتمى إلى مجموعة نقط ب م ) ( التنتمي إلى مجموعة نقط ب م )
- ﴿ وَ وَ الْمِ الْأَنْ لِنَصْلَة تَقْعِبِينَ النَّقَطَتِينَ } هـ ( تُنتمي إلى مجموعة نقط أهـ )
- ﴿ اَن را مُ لأن مجم وعد نقط الله محتسواه في الم
- (1) أن = بأ الأن كل منهما يحتوى على نفس مجموعة النقط
- (a) الله عند المنهما ليس له نفس نقطة البداية وليس له نفس الاتجام
   (b) الله عند الله فقس الاتجام
   الله عند الله عن
- ا أن ⊂ ن م الأن مجموع في القصواد في ن م

## ٧ أفكر أنواع الزوايا التالية والتي قياس كل منها :

"170 T. 3

944 (T)

- 914. (£)
  - °4. (P)
- °14. (A)

"MT (V)

### كا العل

- (١) حسادة (٢) منفرجة

10 62°

"YE. (0)

- 📵 متعكسة (٦) منفرجة
- (V) متعكسة ( مستقیمة

المسة 🕈

## ٣ فو الشكل المقامل:

°4.=(>)0(21c2)=10°

- أكمل ما بيأتين:
- ..... = \$70 T O
- ٣ و هم لا و ب = ....
- € ۷ او هاتتمم ۷ ...... € داو هاتکیل د .....
- الا لا او بزاویسة ......

### العدل

- 🕝 ڪرت
- (٦) مستقيمة
- 1 V V H 🗀 🗗

وتيم العبل



## را قو المحل اليقابل -

### وأنج الحل

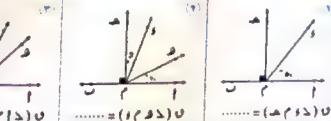
### فرضُل بن الأعطال الأثبية ،

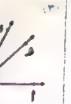
"fo="do-"fo=(+(1)0)

" a a = ( " to + " Y. ) - " t. = (3/ 2 \ ) U \*

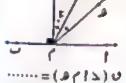
\*41=("t7+"T)-"4=(3(12)0 "

إذا خدان عمد 1 أب عاصمل فياس الزاوية الملتوية أسفل كل شكل :









## أن الم السحل البقابل ،

ج أ تو فال من الأسطال المبية

"171="71-" M1=(~ (~ ) ( ) ()

({a}= 3 = 1 )

U(2121)=17" 1 \* (a=(- a) 1 ) U

(Last) (Later)

U(Z|CA)= 77 + 0) = 14"

ن في الضغيل اليقامل و

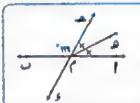
\* A.=("7.+"t.)-"1A.=(~ ( 52) U )

اعتنب فيساس الزاويسة التسبي عليسها العلامسة "٢" إذا كان م € أن

الله الماري على الماري على الماري الماري بالرأس الماري بالرأس

ع الله عند على الم الم الله عند على = ١١٦ °

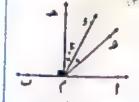
(a (12) 0; (3 (12) 0; (a (12) 0 a)



## U(∠1) ←) = 111° = 11°

$$v(\Delta \uparrow \gamma) = v(\Delta \Delta \gamma) = 111^{\circ}$$
 بالتقابل بالرأس

$$v(\angle 1) = \frac{1}{Y} v(\angle 1) = \frac{3Y^0}{Y} = YY^0$$







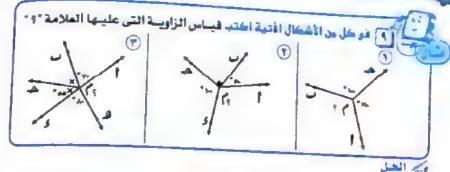
وم العل

121 20

وأحر الممل







- () U(2174)=177°-(111°+111°)=181°
- °100 = (° V0 + °00 + °00 + ° A0 ) ° T30 = (2 (1 \) & (



-							. Period of	التحول ا
°1A1	*A4	صفر"	***	*14.	*\$¥4	*4.	*71	0(21)
								40.4

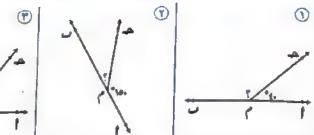
## تىرىپ (۱)

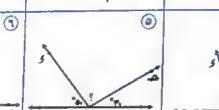
### أكمل الجدول التالي:

°¶.	°Ze	°£a	° <b>7</b> 4	***	٥٩,	0(21)
						توعيـــــا
						قيساس متمسة ١٤
						قيساس مكملسة خاز
						قيساس لا إالنعكسبة

### تىرىبة(٢) غو كل من الأشكال الأنبية :

إذا كان م ∈ أن فأوجد قياس الزاوية التي عليها العلامة (؟)





2		
	1	
-		5
Ħ	م ب	- 1



في الشكل المقابل:

{∪}= #7n #

سنق ينصف لاز ساد،

ن (در ب د) = ۱۵°

اكمل لإيجد ن ( 2 قدر ) ، ن ( 2 اسم)

مكر العبل

٥ ( ح فر در و ال ١٠٠٠ = ( ١٠٠٠ - ١٠٠٠ ) ع ال

 $\upsilon$  (  $\Delta$  )  $\omega$  (  $\Delta$  )  $\omega$  (  $\Delta$  )  $\omega$  = (  $\Delta$  )  $\omega$  (  $\Delta$  )  $\omega$ 

والمساورات

عنى مفاهيم و تعاريف هندسية

(3) (4) 140

## ولاد واجع معاو اختج تقسط

### عزيري الطالب

### في هذا المكان من كل شعرين ستجد .

اسلامة لمراجعة مناسبيق في صدورة اختبار تراكمي على مناسبيق دراستمه تجيبه في نفس الورقية قبل أن تدخل في الدرس الجديد وهنا يجملك تتذكر ما درست باستمرار ولا تنساه و يجعلك في مراجعة مستمرة تدروسك السابقية مما يجعلك في تنواصل مع منا درست و أيضناً يعبودك على الأختيسارات و يزيل رهبتها في نفسك وهنده الميزة يقدمها لنك كتاب المناهر فقيط

## النباد اجسب عسما ياتي:



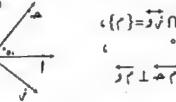
### 🚺 أكبل ما بناتي : 🦳

- 🕔 قياس الزاويــة المنفرجــة أكبر من .....وأقل من .....
- 🕥 الزاوية التي قياسها ٧٥° تتمم زاوية قياسها ...... وتكمل زاو<mark>ية قياسها</mark> .....
- آلا الزاوية التي قياسها ٦٣° يكون قياس متممتها ...... وقياس مكملتها ....... والمنمكسة لها تكون قياسها ........
- (£) الزاوية التي قياسها ٥٦° تتممها زاوية قياسها ...... وتكملها زاوية قياسها ٢٠٠٠٠٠
- 🤨 قباس الزاوية المستقيمة = .....بينما قياس الزاوية القائمـة = ....
- النعك و ( ١ ) = ٩٠ فيان و ( ١ ) النعك ي على النعك ا
- : ١٠ : الزاويـــــة الحــــادة تتممــها زاويــــة ......وتكملــــها زاويـــــة ....
- ﴾ إذا حكانت ع س تتعم ع ص ع ق ( 2 س) = ق ( 2 س) فإن ق ( 2 س) = ·······
- (۱) اذا كانت لا الكمل لاب على لا ( ا ) = ل ( لاب) فإن له ( ا ) = .......

- (i) إذا كان  $(2 1)^{-3}$   $(2 1)^{-3}$   $(2 1)^{-3}$   $(2 1)^{-3}$  في الزاويتين  $(2 1)^{-3}$  في الزاويتين  $(2 1)^{-3}$
- (۱) إذا كان في يتصف ح أد هي و (ح أدو) = ۳۰ فإن و (ح إد هـ) = ......

### (١) أكول ما يبأتنو ١

- () الزاويتان المتقابلةان بالرأس همما زاويتان مشتركتان .....
- 🕥 الزاويتـــان المتقابلتـــان بالـــراس .......... فـــــى القيـــــاس
- 🐨 إذا تقاطعت عددة أشعة في نقطة واحدة فإن مجموع .....
  - (ب) في الشكل البقابل:



 $|\vec{v}| = |\vec{v}| = |$ 

- () ٥ (٧٤٦ ت ) = .....
- € ن ( الم م و ) = .......
- °..... ( ; ( † ) ) U ( )

- 🕥 کاو م س ۽ کاب م اُو زاويتان ......

## 🔭 اغتر الإجابة السبيعة مما بين القوسين:

- [ مستوى ]) قطعة مستقيمة أ) شعاع أ) خط مستقيم ]
- 🎔 إذا مدت القطعة الستقيمة من جهتيها بنلا حسود ينتج .....
- [ مستوى أ) قطعة مستقيمة أ) شعاع أ) خطامستقيم ]

3 A 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	وي الناوية إن التجاورة إن الداورة
ان من تقاطع شعاع ومستقيم ومتساويتان	233510-33510-33510
	في الفياس يحون فياس حكل منها
[ "YT. of "N. of "4. of "1	
الم	(V   に 色い ひ ( Z   ) = Y ひ ( Z u )
[ °40 d °4. d °4. d	°Y4 ]
اورة ين ومتكاملت ين	۵ النصف ان لااوت بن مت
اوروسیان ومنگامات بین	- 1
دان ألا متوازيان ألا منطبقان ألا غير ذلك ]	
ال زاوية م فإن لا س علم السياس	(م) إذا كانت 2 ا تكمل 2 س ، 2 ا تك
تان ألا متجاورتان ألا متساويتان في القياس	[متتامتان أ) متكامل
س) ، ف (دس) = ۲۰ ° فسإن الزاوية النا	$(Z \cup Z) = \frac{1}{2} \cup (Z \cup Z)$
المستوان الم	۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰
	·
ان أك منفرجتان أل متساويتان في القياس	ا منظمتان ۱۱ منظمان
ورة المتجمعة حول نقطة =	
[ "rr" d "1A. d "r." d	°•• ]
تين مثقابلتين بالرأس تكونان	📆 إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويا
ان ﴾ منتامتان ﴾ متساويتان في القياس ]	
بلها بالرأس زاويسة قياسها =	
[ °4. 4 °4. 4 °14. 4	
[ 4. 6] 2. 6) 11. 6]	1 1
ل	اً فوالشكل المقابل
4	أجر عسما يأتسي :
(٢) هل س أ = س هـ ١٠ ولهاذا	المل أن = أهم ؟ ولماذا
	→ + + + + + + + + + + + + + + + + + + +
اً على أب = ب أ الم ولمانا	المل أن = ن مر و ولهاذا
المستقيم ل	اكتب أربعة أسماء مختلفة
مستقيــــم ل ۶	🕥 ما معنى أن النقط_ة ب تنتمي لا
	الفرق بين أب الدري با

استقامــة واحــدة ؟ الم علــي استقامــة واحــدة ؟

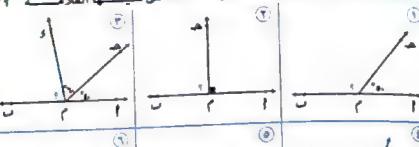
الله الله الله الله الله وليس له العدالة وليس الله الله الله الله الله الله الله الل								
الناهية أو القطعة المستقيمة الواسطيع الوالمحد المستقيم								
() يمكن أقياس طيول								
(ق) يمكن في المستقيمة الم شعاع الم خط مستقيم ] [ مستقيمان منطبقان الم قطعة مستقيمة الم شعاع الم								
the continue of the continue o								
والدا م الله ما م الله الله الله الله الله ا								
الزاوية التي فياسها ٥٠ تكمل زاوية قياسها								
[ °4. 6 °17. 6 °6. 1								
﴿ الزاوية التي قياسها ١٠ تتمم زاوية قياسها								
[ °ه، ط °ند، ط °ند، ط °ند، ]								
_								
(۱۰۸ الزاویــــــــــــــــــــــــــــــــــــ								
[ قائمة أ) مستقيمة أ) منفرجة ]								
أفياس الزاوياة المستقيمة =								
[ "4. d "1A. d "1.A d "71. ]								
🕦 الزاويتان المتنامتان مجمـوع قياسيهـما =								
[ "11. d "T1. d "4. d "1.1 ]								
(١٠٠١) المتجاورتان الحادثتان من تقاطع شعاع مع مستقيم تكونان ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠								
[ متنامتان ﴾ متكاملتان ﴾ متساويتان ﴾ غير ذلك ]								
<ul> <li>اذا كانت إحدى الزاويتان المتعاملتان منفرجة فإن الزاوية الأخرى تكون</li></ul>								
[ مستقيمة أن حادة أن قائمة أن منفرجة ]								
🐨 رأس الزاويسة ينتمي إلى مجموعية نقيط								
[ الزاوية ألا خارج الزاوية ألا داخل الزاوية ألا غير ذلك ]								
الله المانت الزاويتان المتتامتان متجاورتين وإحداهما حادة فإن الأخرى تكون """								
[ مستقیمه ۵ حاده ک قائمه ۵ منفرجه ]								
(ه) اذا كانت احدى التال بين الله عليه الله عليه الله الله الله الله الله الله الله ا								
(الله المانت إحدى الزاويتان المتجاورتان المتكاملتان قائمة فإن الزاوية الأخرى تكون وسنا								
[مستقیمة کی حادة کی قائمة کی منفرجة]								

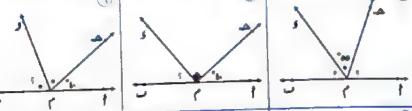


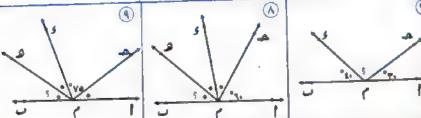


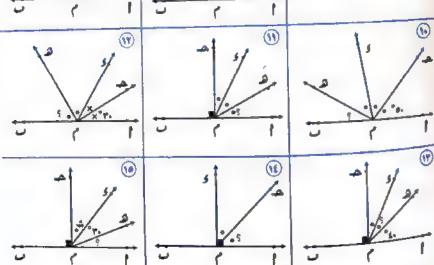
## 1 فو حل من الأشكال الاتية: إنا كانت م ∈ أن

فأوجد على الرسيح قياسيات الزواييا الت









- 144

## ا الفي كل من الأشكال الاتية وهدما إنا كانت الزاويتان المكتوبتان متجاورتان أم لا و (4) 1/2 (T) No. (1) 24 (1) 🍱 Liverzees 1942(4012 4012(3012

( ب ) هــــ على ( 1 ) أكتب ستــــة أزواج مــن الزوايـــا المتجـــاورة

## 1 اذكر أنواع الزوايا التالية والتي فياس كل منها:

- \*A4 'T. (F) \*17. (\*)
  - "M111
  - ® ميفر°

"Ma (1)

°14. (A)

\*1.A (1)

- . kd. (4)
- 14. (1)



### اكمل الجدول الاتى:

\*4.(i)

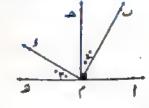
\* ( )\*

9. (1)

				<b>"</b> å1	94.	قبيساس 12
°4,			o <sub>nt</sub> e			المياس بشبيه 14
		°1V4				قيام بعطة 1
	°44.					لمامر 4 المنسلمة

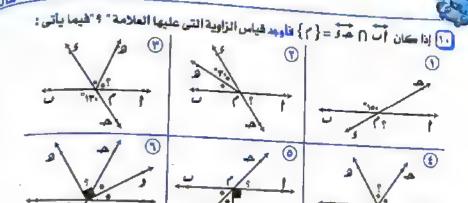
- استخدام الشكل المقابل أفطر ،
- (١) زوجاً من أزواج الزوايا المتجاورة
- (١) زوجاً من أزواج الزوايا المتنامة
- التكاملة ﴿ وَوَامِ الزُّوانِ المتكاملة

-01 141

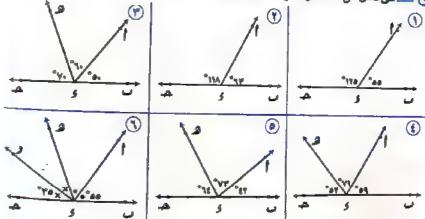


## الماهم في العاضيات الماص مفاحيم و تعارف هلسية

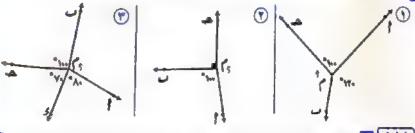


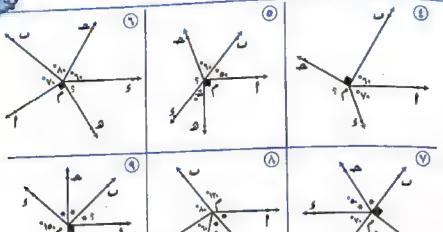


## الله على استقامة واحدة أم لا ؟ و هـ على استقامة واحدة أم لا ؟ الله على استقامة واحدة أم لا ؟



## 📆 في كل من الأشكال الأتية انكر قياس الزاوية المشار إليها بالعلامة ( \* )





## الفكل البقابل:

({r}= = = n 57 6 (2172) = 12° 3 04.=( U / 2 \ ) U اومد ٥ (١٤ م م)



["18%]

## 😢 🕮 في الشكل المقابل:

إذا كان أن ١ مد و = {١} الم لم في الم منصف ١٥١٥ فأوجد قياسات الزوايا التالية: حدروع حدروع حارم عارو

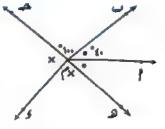






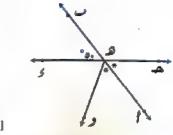


## نم المُكل المقابل:



[4]

## 🕦 🕮 نو الشكل المقابل:



['A-1



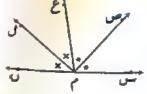
## (١٧) فو الشكل المقامل أ

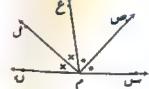
س ره مستقيــــــم ۽

م ص پنصف ۱ سم ع ،

ال ينصف ١ ع ١ س

انكرن (دسم ل)





## (١٨) فم الشكل المقابل:

إذا كانت 12 تتمم 27 4 / 1 تتمم 7 وكان ٥ (٢٤) = ٥٠٠ ؛ و و س م أذكر له (۲۱)





### تطابح قطعتين مستقيمتين

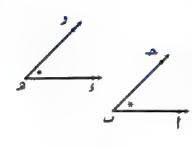
تتطابق القطعتان المستقيمتان إذا كانتا متساويتين فسي الطول

فَيْثُلُّ : إذا كان طيول أب = طيول هوو فإن أب تطابق حدة وتكتب أب = حدة والعكس صحيح إذا كانت أن ع مرو المسان طيول أن = طيول هري

## تطابع زاويتين

تتطابــــــق الزاويةــــــــــــان إذا كانتـــــــا متساوية ـــــــين فــــــــ القيـــــــاس

<u>نَمُنُوْ</u> : إذا حكان ق ( ١٤ أ ل هـ ) = ق ( ١٥ هـ و ) فسسإن ۱۲ س هـ تطابـــــق ۲۵ ه و والعكيسيس صحيسيح أي انسه إذا كان م = دوهو فسان ق ( ١١ س م ) = ق ( ١٥ ه و )





## تمابق مضعيس

يتطابسق المضلعسان إذا وجسد تناظسر بسبين رؤوس المضلعسين بحيد كل ضليع و كل رأس في المضليع نظييره في المضليع الأخيير

> فيثلاً: إذا كان المضاحية إلى هاد ف يطابسسق المضلسسسع وترطءه

هـــان اب=وني، ب حد=ني طي

مروط ورا إهدرها قرو ضلع مشترك

0(21)=0(21)0(20)=0(21)0(24)=0(24) 

والاندام يجب كتابة المضلعين المتطابقين بنفس ترتيب رؤوسهما المتناظرة



### الشكل المتنابل:

المضلع إن قر يطابق المضلع عدب قرو

أكول وا يأتو:

- ۴ و ه = ....
- .....() \(\omega(Z)\) ()
- 1 0 ( المروب ) = .... ....= (≥0/1)UV

### کے العل

J & (1)

POR LAW

- 548
- 2 5 P

(30(24)

(V254 U) (32)00 (244€)



## على التطابسق

## أولاً: راجع معنا و اختبر نفسك 🚽 ساعة امتحان ومراجعة

## (١) أغتر الإوابة العميمة مما بين القوسين:

- () الزاوية التي قياسها ١٠٠° تكمل زاوية قياسها .........
- "A. d "to 😗 الزاويسة التسي قياسسها ٩٠٥° تكسين .......
- [ قائمة أن مستقيمة أن منعكسة أن منفرجة ] 😙 وحسدة قيمساس الزاويسية هي ........
- [ الدرجة أَا السنتيمتر أَا الكحم أَا غير ذلك ]
- er. d er. d

المالة الوالة

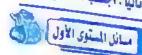
### ( س) أكمل وا بيأتي :

- () الزاويــــة التـــــي قياســـها ١٨٠° هــي زاويـــة ........
- 🕥 الزاويتان المتتامتان مجموع قياسيها = ......
- 🎔 الزاويتان المتجاورتان الحادثتان من تقاطع شعاع مع مستقيم تكونان .......

- (م) في كل من الأشكال الأتية اذكر قياس الزاوية التي عليها العلامة ( ٢)

- 197 --

## ثانياً: أجسب عسما يأتس :



## ٧ أكمل ما يأتى :

- ﴿ تَتَطَابِ فَي الْقَطَعَةِ ﴿ إِنَّ الْسَنْقِيمَةِ ﴿ إِنَّا كَانَتِ إِنَّا كَانَتِ إِنَّا كَانَتِ إِنَّا كَانَت انتطابق الزاويت ان إذا كانت المسان المسان
- 🕏 يتطابـــــق المضلعان إذا وجد تقابل بين رؤوسيهما يحيث يطابق كل ......... وكان المسام في المضلم الأول نظم يره في المسام
  - ا إذا كان أن = عدد فإن أن = ....
- (دا كان ١١ = ١ دو كان ٤٠ = (١١) = ع فيان ٤٠ ( ١١ د) = ......... °
- آلانا كانست م منتصف أب فيان أهم سيس بم
- ﴿إِذَا كَانَ الْمُعْلِيعِ أَلْ هِ وَ الْمُعْلِيعِ مِنْ صَ عِ لَ هَانَ أَلْ = ...... U(ZUAt)=U(Z ......)
- الا كان ١٤ تتمسم دد، ١٤ ≡ دد فإن ال (١١) = ........
- ﴿إِذَا كَانَ اللَّهِ سَاسَ فِي إِنْ أَنْ يَا سَانِ أَلَ عَلَيْ اللَّهِ السَّالِينَ اللَّهِ عَلَى السَّالِينَ ا

## مسائل الستوى الثاني



المضلسع إل هـ و هيطابسق المضلسع و في ط و ه أكمل ما يأتي:



- ﴿ كِ مِي ﴿ مِي السَّاسِينِ ﴿ وَالسَّاسِينِ اللَّهِ عَلَى السَّاسِينِ اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَّمِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَلَى اللَّهِ عَل
- .....= 126 (..... Z) v=(\(\alpha\)) v((\(\alpha\)) v=(\(\alpha\)) v(\(\alpha\)
- (····· \) \(\pi = ( \alpha \alpha \alpha \) \(\pi \) \(\p

## 🚹 🎬 ني الشكل المقابل :



- (٢) النصلع ك ع ص س ل يطابق النصلم .....

  - ( ······· ) v ≈ (1 × ) v (€)
  - ⑥ بس ص = .....
- ( العراد على عن ( العرب عن العرب على العرب عن العرب على الع

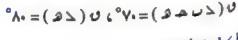
## ه أنه الشكل المقابل:

إذا كان المضلعــــان متطابقــــان ( † ) فأكمل ما يأتى :

- (١) المضلع إ ب هـ و يطابق المضلع .....
- 😗 الضلع المشترك بينهـــما هو ......
- ( الماذا تكون الجمل الأتياة صواباً ؟
  - أهى نقطة منتصف و ص
- T م ا ا تطابق م و ا ا ۳ سا ۱ وس
- المضلع أن حاوتطابق أن في المضلع أن س س

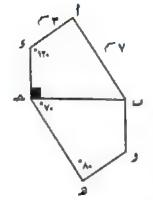
## 🚺 فو الشكل المقابل :

المضلع أ ص حـ ويطابـق المضلـع هـ حـ ص و °17.=(4512)0 ( 4014)



## أكمل ما يأتى:

- ٠ .... = -( ) a ( )
- ® ت ( کر ) = ..... ع (غ) ق ( ع ا) = ......°
  - @ ن ( کار ر ) = ..... °







يتطابسق المناشبان إنا وجب تناطسر بسجن رؤوس الثلثسين بحيست يطابسق كسل عنصر من العناصر المشية لأحنصها العنصر المناظر من المثلث الأخرر

> ونحسن نعلسم أن لأي مثلث ثلاث أضبلاع وثلاث زوايا وهي تعسيرف بالعناصيين المشية للمثليب فسإدا كسان إلى هو ، س ص ع مثلثسين فيهسما :



((ひと)ひ=(レン)ひ((しし)ひ=( ! な)ひ 🔻

(22)0=(22)0 فَوْنَ ﴾ } ب هديطابق ﴿ س ص عُ وتعتب  $\Delta$  ا ب ها  $\equiv$   $\Delta$  س مى غ

والمكس سعيق

إنا تطابق منتثين فإن أضلاعهما التناظرة متساوية في الطبول و زواياههما التناظرة متساوية في القياس

ای اند اینا کسان کا اس مع علم س مس ع فسان :

ان عسرس، نصع سع ، ماع عس

- عند كتابة الثلثين التطابقين بجب أن يكون لهما نفس الترتيب في كتابة رؤوسهما التناظرة



## ب حيالات تعابيق مشيسان

∆اد د ≡ ۵ س ص ع

∆داد≡∆صسخ

لإثبات تطابيق مثلثيين فإنه ليس من الصروري إثبات تطابق العناصر الستة في أحدهما مع نظائرها في الثلث الأخبر ولكن يوجب حالات بكتفس فيها بإلباد تطابق ثلاثة عناصر في أحبهما مع نظائرها في الثلث الأخر على أن يكون أحدهما ضنع على الأقل وبالرغم من استخدام الأدوات الهنسية تستطيع أن ترسم وتقيس الأشكال باستخسام برامح الكمبيوتر لتساهدك على أكتشاف حسالات تطابق المثلثيان والتسى سنعرضها فبسما يلي:

∆ حال ± ∆ع س س ک ۵ حدا = ∆ع س س

۵ کاهد≡∆سعص

۵ ∆دھا≡∆صعس

يتطابصق المثلث حان إذا قطابصق ضلمصان والزاويصة المحصصورة مجنمصما فس أحسب المثلث بين مسع نظائرها فس المثلبة الأخسر

> الى ك إ د هـ ، ك س ص ع إذا كان ، 2×=~1,200=~1,200=4 وشيعاني

<u>دا عدس ، دت عدس ، اب عس س</u>

- يجسب أن تكسون الزاويسة محصسورة بسين الضلمسين
- إذا ساوى قياسا زاويتين من مثلث قياسا زاويتين من مثلث أخر شإن قياس الزاويسة الثالثية من الثلث الأول يمساوى قياس الزاويسة الثالثة من الثلث الأخسر

الراس و تاكسر الراس س

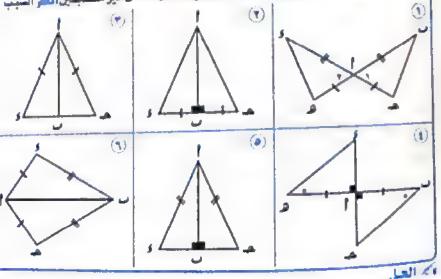
الرأس ب تنظيم الرأس ص الرأس عي تكفيسن الرأس ع

## List

و لإثبات تطابق مثلثين يكفى أثبات تطابق ثلاثه عناصر في أحدهما مع تطائرها في الثلث الأخر أحدهما مع تطائرها في المثلث الأخل وبالثائي تكون المناصر الثلاثة الأخرى في أحدهما مطابقة لنطائرها في المثلث الأخر

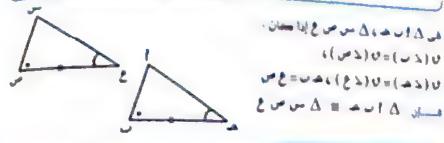
# اشت است

العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر البيئة عليها هذه العلامات في الأشكال التالية فعل المثلثان متطابقان الواد كان المثلثان متطابقان المدب تطابق المثلثين وبهن حالة التطابق وإدا كان المثلثان غير متطابقين انكر السبب



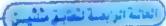
- $(\mathfrak{D} \triangle 1)$  د هد ها کا و هد (ضلعان و زاوید محصورة) (  $\mathfrak{D}(\mathsf{L} \mathsf{L}) = \mathfrak{D}(\mathsf{L} \mathsf{L})$  بالتدابل بالرأس)
- ا  $\Delta$  ا  $\Delta$  ا  $\Delta$  ا  $\Delta$  ا  $\Delta$  ( ضلعان و زاویة محصورة الاحظان ا ضلع مشترك فی انتائین )
- المتكثين غير متطابقين لأن إهداء) إس ضلع مشترك ولا بوجد عنصر ثالث لتطابق المتلئين
  - ا م ع ا م ا م ا م ا م ا م ا م ا م ا ا دراویتین واتضلع المرسوم بین راسیهما)
  - الماد عاما و الماد القالم) المثلث القالم) المثلث القالم)
  - الاسم≡ کارد (دلاستانسلاع) کارد

بنطاندق الثائث عن إذا تطبقت راويدسان والغظيم المر مسوم بنيس وأسيميا فين أمست الثائث عين مسبح تطالر هستا فين المثلب عن الأغربير

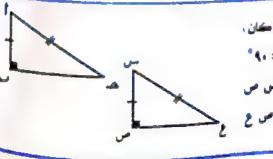


## العالية الثالثية تنعدين مشيسن

يتعابسن المنتسان إدا تطابس عل علم في أحسد المنتشين مع تعشيره في المثلث الأخر



يتطابق الثلثسان القائسما الزاويسة إذا تطابسق ونسر وأهد هاهم القائمة هم أحمد الثلثسمين مسم نظائرهمما فسي المثلممين الأخمسس



 $4\Delta$  ان هـ ه  $\Delta$  سن من ع إذا كان،

٥ ( ١ س ) = ٥ ( ١ ص ) = ١٠٠

اند≃ س خ ، اب≃ س ص

اسبان ۱۵ استد ۵ مس من ع

-01-114

-111

الماهم في العاضيات ما مول المثلثان

 إلى الأشكال الأتية العلامات المتشابهة قدل على تطابق العناصر البيئة التي عليها هندالعلامات ، انكر الثلثات التطابقة مع نكر السبب؟ ثم انكر ناتج التطابق (1) 1 (P)

- ١٤ ك إ د ب ع ك إ د هـ الأن ا ب = اهـ ، ب د = هـ و ، أو ضلع مشترك وينتج من التطابق أن ٧ س = ٧ هـ ١ ٧ س ا و = ٧ هـ ا و ١ ٢ عـ ا و هـ
- لا يتطابق المثلثان لأن لا يمكن التطابيق بالزوايسيا القيطاء
- الا يتطابق المثلثان لأن الزاوية العطاة غير محصورة بين الضلعان
- 🕸 لا يتطاب ق المثلثان لتطابق ضلع وزاوية فقط وهنه العلومات غير كافية للتطابق



△ ام عد المحمد و (تطابق ضلعان و الزاويدة المحمدوره) يان ع = د م ، م ع ع د م ، ق ( ۱ ع م ) = ت ( ۱ د م ع ) بالتقاب بالسراس

أتحر الحبل

الإلا أن الشكل البقابل:

{ r } = 540 N UT

(5= ( + ( cu= c)

مل ۵۱۶معک۵۰۶ والا و

وكميز العبل

﴿ إِنَّ فِي الشَّكُلِ الْمِقَائِلِ :

41=41

ب و = هـ و

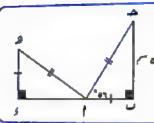
تعقق من أن أ و بنصف ذا



هيكون ك (١١٥) = ك (١٥٠) (من نتائج التطابق) ای آن آفینصف ۱۸



أمرس حالسبية التطاب ثم استنتون (۱۹ ه د) باطول از



### كك العبل

150 A = Aul A ( تطابعة وتسرو ضلع في مثلثين قائما الزاوية ) الا الا عن الا مراس) = ٥٥ (مسن نتائسج التطابسة) ma= u = 51

كا أدوس معطيات المثلثين إ ب عدى و هرى إذا كانت المطيات كافية للتحقق من تطابق المثلثين اكتب " تطابق المثلثين" وبين حالة التطابق وإذا كانت المعطيات غير كافية للتحقق من تطابق الثلثين انكر السبب

- 17三17 ( 35=41 1 ا ب = و ه
- プロログ ( コリコロド 🕥 ب ج=ور ،

الكر العبل

ولا رامع معنا واحتج بنست

والا رامع معنا و اختبر بمست

ومراحمة

1 ) أغتر الإواية السبيعة من يين الأقواس .

١ مجموع فياسات الزوايا المتجاورة التجمعية مول نقطية = .....

عش تعذيق المسلسات

"ra. d "raa d "th. d "t. ]

'1. d 'YA. d 'A. d '1.. ]

💎 فيسساس الزاويسة المنتنيمسة = .....

[ صيفر " كه ۹۰ " كه ۱۸۰ " كه ۲۲۰

المنطق على الألم المناسم ) = ٩٠ فإن ال ( لا أ ب هـ ) المنطقية = .........

"rt. d "tv. d "th. d "4. ]

1

- Y - T HORO

- in 18

( ب) أفقيل ما بياتو :

(١) الزاويسة المنفرجية هي الزاويسة التين فياسيها .....

(٣) الزاوية النامية التكاملة الزاوية الزاوية الناسية

🏋 الزاوية الحادة لتممها زاوية .....و تكملها زاوية ....

( ٤٠٠ ) إذا كانت م ( أ و فاذكر قياس الزاوية التي عليها العلامة ( ١ ) :



الرسم مثلث بن ونصبع عليها العطياب من الرسم ينصح أن: من الرسم ينصح أن: من الرسم ينصح أن: من الرسم ينصح أن: من الرسم الرس

(صلعيس والزاويسة المصبيبورة)

درسم مثلثين ونضع عليهما العمليات المثلثين لا يتطابقيان لتطابقي صلعبين في أحدها مع تطافرهما في الاخبر ولكسن الزاويتسين المتطابقيسين المعابقية ورة





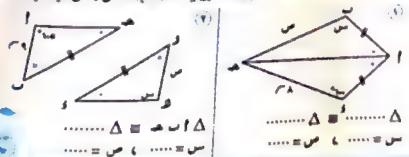
تعربيد(۱) مع الضحل البغابل،

∆ا ب هاید∆ه هار آخیل با باندر،

"# <u>^1</u> ( ......7# 17 /

- (Y) WILL

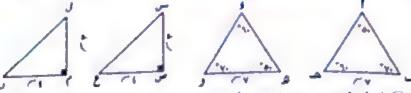
ادرمر الأشكال الاتية واضنه تطابق المثلثين وأخلب فيمة س ، ص فيما يأتس :



-00 111

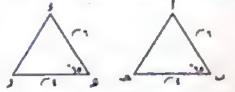


### إين الإيابة السيامة منا بين الأقواس بم ذهر السيار.



- (متطابقان غير متطابقان) الأن ......... Jasi aul DAD
- (ع) ∆ ∆ سى ص ع ، ل ع ∪ (متطابقان غير متطابقان) كأن ..........

## اكبل ما باتي مستميناً بالأشكال الاتبة:





 $\cdots = \not$   $v \in (\cdots \land \bot) \cup ( \not \lor) \cup ( \not \land \bot) \cup ( \not \lor) \cup ( \not \lor)$ 

## سأنل الستوز الثاني

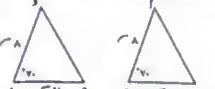
- المالت العلامات المتشابهة قدل على تطابق المناصر البيئة عليها همناه العلامات فأغتر الإوابة السميمة من ببين الأقبواس
  - .....∆ = ≥ J ∆ ①
- وحدث له حدوا له إدرو] ( as!
- [ lau d ast d ats d tas ]

## مسابل المبتون الأول

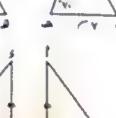
..... A = - + 1 A ... 111 At ...... A ..

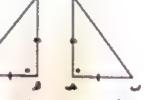
..... AE AIUA 1 ..... A = - 1 + A ! ..... AE 1214 1 1 - ) في مشل من الأشقال الأثبة إذا كان

- ا أ الله عصل من الأسكال الأليسة إذا عصان الثلث
- فاخبل با بأدم بحبيث تكون قسراءة الثنثيين بعبسورة صد ..... A= + - 1 A 1









- ..... A = 1 A (1)
- ..... A = 1 = 0 A(3)

- 🔻 باستانسدام التسبيكل المتابسيل أغتر الإرابة المصيمة بن يسين الأقسواس د

التلتان متطابقان فأضل ما يأتو:

..... A= - - 1 A(3)

..... A = - - 1 A (\*)

...... A = 112 A .T.

..... AE 233 A.

بحببت تكسون فببسراءة المتلشيين

- ...... A= JE(A 1'
- △ ۵ ک می سی ۵ 🖒 .......
- .....ムヨとかいるこ
- بمسورة صحيحية 🗘 🛆 سن م صن 🛦 🐧 ...... ....... A = 2 ( J A (\*\*) 🗥 🛆 ص سن م 🛋 🗘 ......
- ( 3) t b t/3 b t/2 )
- [ سرم ص أي سي ص م أي ص م سي أ
- [ Sty b Lay b yts ]
- [ س ص م ال م ص س ال م س ص ا
- 1 200 d par d ser ]
- 361 p 631 p 136







(سردامد)= دورد (سرد) ما ده اه دام اه دام ا

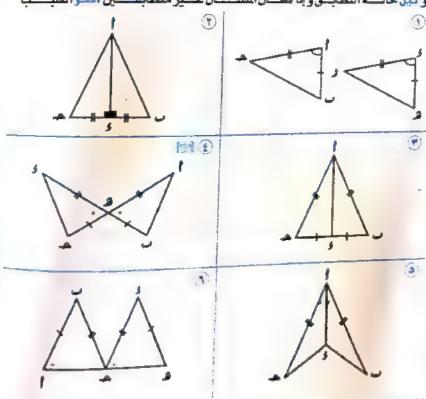
[ sul duas dusa dusa  $\Delta \equiv sul \Delta$ 

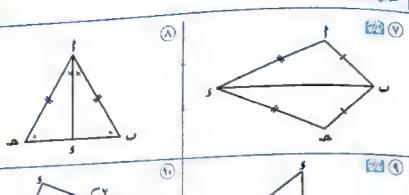
(اسم المدد) عدد المدد المدد) عدد المدد المدد المدد المدد المدد المدد المدد المدد المددد المدد المددد المدد المددد المددد المددد المددد المددد المددد المددد المددد المدد المددد المدد المددد ا

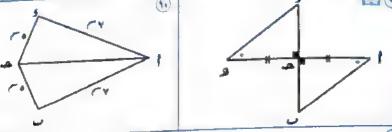
.....Z=251Z3

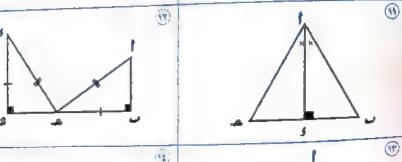
[ مدد ال الم ال مدد ال مدد]

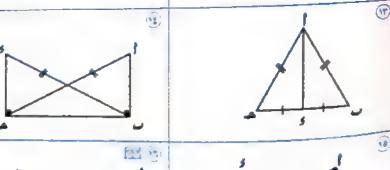
الملامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبيئة عليها هذه العلامات في الأشكال التالية فعل المثلثان متطابقان ؟ وإذا كان المثلثان متطابقان أكتب تطابق المثلثين و بين حالسة التطابق وإذا كان المثلث سان غسير متطابق بين أذكر السبسب















1 4 = ع س

 $Z \cup \Xi Z$ 

الماهم في الماهيان 100000 المرس معطيسات المثلث إلى ها عاس ص ع إذا كانت المعطيسات كافيسة

التحقيق من تطابق المثلث من المثلث " تطابق المثلث من تطابق المتطابق وإذا كانت المطبان غسير كافية للتحقيق من تطابق المثلثين اذكر السبب:

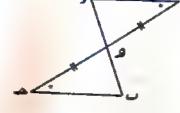
## 10 في الشكل المقابل :

الدام، أم يتصف لالدام ل (۱۲ م ب) = ۱۲۰ ° تحقق من أن : "m=(444) 0(44/=4/



## 🕦 نو الشكل الوقابل:

 $d \triangle b \in \Delta \subseteq \Delta$ 



## 😗 فو الشكل الوقابل:

°41=(~5|12)0(1+=5|

"1=(U5-1)U

17 فو الشكل البقابل:

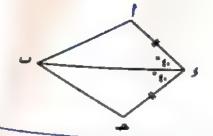
ط ۵اوس≡۵ هـ وساولها و

U==01 ( 3==31

~ Y= U | ( " Y = ( U | 1 ) U

أمرس حالية التعلابيسيق

يم استنتم ل (١١٤هـ) ، طول سه



## ١٧) فو الشكل المقابل:



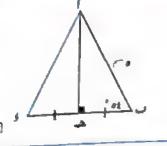
وَنَ يِنصِ ١٤١٤ هِ



## الماية المثلثات

## (١) في الشكل البقابل:

مدمنتصف ناؤ ، أهد ل سود ~ at=(~ \( \) 0 ( \( \cap = \) امرس حالــــة التطابــــــق ثم احتنتم ٥ (٤٤) ، طول أ و



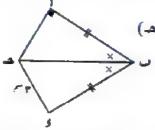
## 🗓 فو الشكل الوقابل :

(としょし)ひ(とうし)といくとした

~ Y = 45 ( " 4 = (1 \) U

تحقق مسن أن ك ( لا ٤ ) = ٩٠ °

ثمم استنتم طهول أح



AU L AS ( AU L U)

on=(1 1) 0 ( 4)=10

تعقق مسن أن ق ( \ ع ) = ٥٩ °



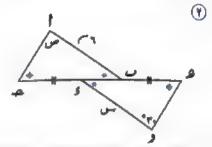


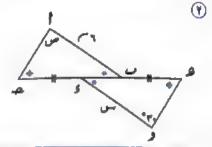


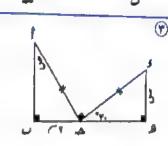




11 امرس الأشكال الآتيسة وأوجد قيمسسة س ، ص فسي كل مم









إذا قطع مستقيم أي مستقيمين فإننا نحصل على ٨ زوايا من الرقمة من أ إلى أ على الرسم المقابل و ينتج عدة أزواج من الزوايا تسمى بمسميات مختلفة حسب أماكنها وهي :

() أزواج الزوايا المتجاورة مثل:

1154 47 2672 & 42682 & EZ612 & 42612

أزواج الزوايا المتناظرة و هي :

4717 8 47167 8 47147 8 07117

🕆 أزواج الزوايا المتبادئية و هي :

( و هر زوایا جلنصفة بالفاطع في )

23) 27 B 27) 20

أزواج الزوايا الداخلة و في جهة واحدة من القاطع و في :

42120 B 24128

@ أزواج الزوايا المتقابلة بالرأس مثل:

11324 8 4212 8 6214 8 42117

وإذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإنه ينتج بعض العلاقات كما يلى:

## العلاقية بيين أزواج الزواييا الناتجية من قطع مستقيم لستقيميين متوازييين

## إنا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فهان:

🕥 كل زاويتين متناظرتين متساويتان هي القياس

🕏 كل زاويتين متبادلتين متساويتان هي القياس

(٣) كل زاويتين داخلتين وهي جهة واحدة من القاطع متكاملتان

أى أنه إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإننا نستنتيج العلافيات السابقسة مجتمعه و لكننها نستخدم مها نريهده منسها اطلب الماهسسر في الرياضيات

للصف الأول والثانى والثالث الإعدادي أمثله وأهم الأسئلة المتوقعة للامتحان الامتحانات الكاملة مع نماذج امتحانات

ن لاا سألب المست عل ليتسواري مستقيمان يشرم وجسود كل هسده الملاقسان و بالطسمع لا ) لذلك يجب أن تصرف:

يتنوازي مستقيمان إنا فطعهما مستقيم كالست وحدثست إحبدى الحالان الاليسدي

- الراويتان متنادلت المتساق متساويت ال فحس الفيد الساس
- راويتان متناظرتسمان منساويتسمان فسي القيسماس
- راويتان داخلتان وفي جهة واحدة من الشاطع متكاملتان

## ري و يعلن سنبذخ بعض الناسخ القاليسسة

الستقيام المسودى علس أحسد مستقيميس متوازييسان طى المبتسوى بكون عموديا على الأخر و المكس صحيح

وإدا كان من مستليمين عمودي على مستقيم ثالث في المستوى كان المنتقيمان متوازيان

المنظرة إدا رسم أن المدة مستقيمان متوازيسان ورسم قرو عمودي على أحدهما فإنه يكسون عمودياً على الأخر و العكس إذا رسما الستقيمسان أُنَّ ، هُوَ عمودياً على قُرْدُ فإنهما يكونان متوازيان

إنا وازى مستقهمان مستقهماً ثالثها حكسان هسنان المستقيمان متوازيسان

فشر: إذا رسم أل ، هو

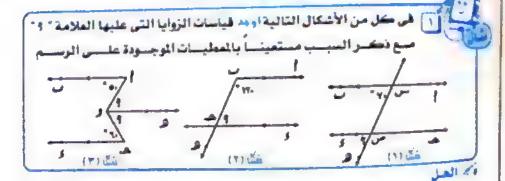
وستل منهما بوازی و و

江川河 山山

OD THE

إرا فطهم مستقيم عسة مستقيمهات متواريسة وحناست أجهزاه القاطهم المصدورة بسبن هسده المستقيمسات التواريسة متساويسة فسى الطبول فإن الأجزاء المصورة بينسها لأى فاطبع أخسر تكسون متساويسة فى العلسول أيصاً

نين : إذا كانت ل، // لرء // لرء // لري وقطعها الستقيمان مء عمر ويتعانينك أأأب عاب ها عاها و هيكــــون ه و = و نر = نر ع



ل غلط الله على على على على الله على ال فيكون  $v(A \otimes v) = v(A \otimes v)$  بالننسساطر في فلسك (٢) : ك ( ك ب حدو ) = ٢٠ ولأن أب // حدو، هيكون ك (١٤ ب هـ) + ى ( ١ ب هـ و) = ١٨٠ كانهــما زاويتــان داخلتان وفي جهية واحسدة مسن القاطسيع سم فيفسك (٣): ل ( لا إ و ه ) = ٥٠ و بان أل / ( ه )

هيكون ك ( ك م و ه ) = ك ( ك م) = ه ° بالتيــــــــــادل الاهرو) = ١٠٠٠ الأن رقد // عدد ا فيكون ك ( لاهم و ه ) = ك (لاهم) عدا " بالتبادل

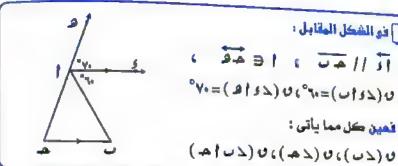
- YIO HOE

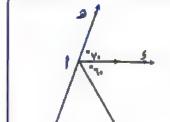
## ملاحظة

١ في الشكل المقابل:

فمين كل مما يأتي :

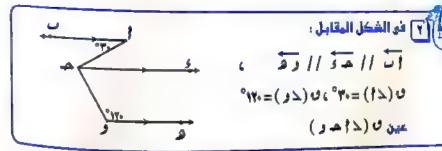
كلمة بالتبادل نضعها بدل جملة " لأنهما زاويت ان متبادلتان متساويتان ناتجتان من توازى المستقيمان الندى قطعهما القاطع "





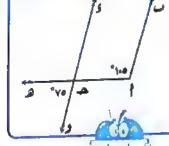
## ككر الحيل

 $v(Z_0) = v(Z_1) = v^0$  لأنهما زاويتان متبادلتان  $v(Z_0) = v^0$  $\upsilon (Z \triangle) = \upsilon (Z \delta \uparrow \delta) = v^\circ$  الأنهما زاويتان متناظرتان ، أَوَ //  $\upsilon \triangle$ ن ( المراجي) = ١٨٠٠ - (١٧٠ + ١٦٠٠) = ١٥٠٠ الأن المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع



## الحل

## الشكل المقابل:



### کے المل

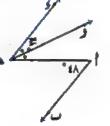
أهم شيء ترجمية العطيات ومعرفة ما تعنيه كل فقرة وما أوجه الأستفادة منبها فشلاً ا ق ∩ د ر= {م} معناها وجود زاويتان متقابلتان

بالرأس متساويتان في القياس

## الألا في الشكل المقابل:

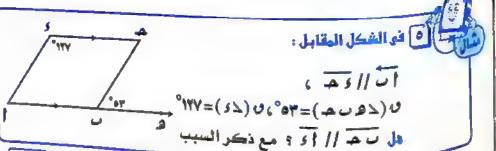
مرنيست دامر، مرينست دامر، ( C < 4 = () - 5 \) 0 (21)= A3°

ول أن / مرة و ولاذا ؟



### العلل العلل

٥ (١ ع م و) = ٥ (١ م و ع ع ٢٠ ° الأن هو ينصب ف ١ م و فيكون أب // هـ و الأن ل ( ١ ١ ) = ل ( ١ ١ هـ و هـ ما متبادلتان



- 414

لأن أل / ا و هم ، ن هم قاطيع

مها متناظرتــــ



مراء العبل

يان أن // وهم ١١/١١ و واخلتان و في جهية واحدة من القاطيع أو وحيث ان ٥ (١٤) = ٥ (١ه ٠ ٥) = ٥٣ ° وهــــما متناظرتــان فيكسون سمة // [ 5

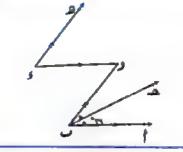


い(としゅ)=パア

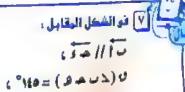
ن ها بنصف ≥ ا ت و ا

فالانت مداردة

(32)0 34



ك (كارب هـ) = ك (كارب هـ) = ۲۲° يأن ب هـ ينصب ليكون ك(2 ر)=ك(2 إ س ر)=٣١ °+٣١ °=١٥ ° المنهما متبادلتان ، س أ // و ر ويكون ك ( لا ز) = ك ( لا و) = Y = ° لأنهما متبادئت ان ع ت [ / ا و ق



U(2146) = 011°

مين ٥ (١٥)

في حكل من الأشكال الأتية إن / مر و ) س ص قاطع لهما

الكر العبل

مر العل

نو اشكل المقابل:

فديون 11 11 س ق

أي في الشكل المقابل ،

فأوجد طيول باق

901151 1

٥ ( کر ب م ) = ٥ ( ک م ) = ١٧٤ ° : ひ(とくいを)= 371° - 00°= 17°

أد النس الفس النه

ا س=س ص = ص هد ، ا ب = ١٢ سم

أو القس القص النها اس=س م 

أشلة للتدريب

وحدان ال ( المراب ه ) = ال ( ١١) = ٩٩ °

9145 = ( A Z ) U ( A 5 // UT

0(2604)=60°00(21)= PP°

أوجد على الرسم قياسات الزوايا التي عليسها العلامسة (؟)

ن ( در عرس) = ۲۲۰ - ( ۱۱۵ ° + ۱۱۵ ° ) = ۱۰۰ ° ( زوایا متجمعة حول نقطة ) شيع ــــون ل ( لا ب ) = ۱۸۰ - ۱۸۰ عبر عبر الم

يان سا المحريد مر زاويتان داخلتان وهي جهة واحدة من القاطع نه

## OCH TIM-

وكم العل

# 6°V=(AZ)0(5A//10

اكمل الأتي لإيجاد ن (١١ س ه )

كالر العل

٥ (١١ م -) ٥ (١٠٠٠٠٠ ) = ١٠٠٠٠٠ 

تلريب (۲)

فو الشكل المقابل:

فو الشكل المقابل :

۵ ا ا ا ا ا ° to = ( / \) U ( ° Vo = ( 2 - 5 \) U

اكل التالي لإيجاد ك ( ١٠ ) ع ( ١ هـ مـ ١)

العلل العلل

ى(∠ى)+ى(∠اھو)+ى(∠اھ س)=.....°

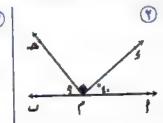
ى (كان) = ى (كاسس) = ....... مالتناطير

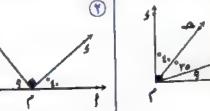
٠٠٠٠٠٠ = ١٠٠٠٠٠ = ( ٠٠٠٠٠٠٠ ع. ١٠٠٠٠٠ ع. ١٠٠٠٠٠ ع. ١٠٠٠٠٠

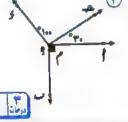


على التـــوازي

## : اوجد قياس الزوايا المجهولة في كل مما ياتي المجهولة في الما ياتي المجهولة في الما ياتي (-1)







٣ ساعة استعان ومراجعة

اسلة الوناق

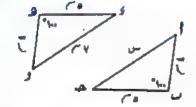
## (هـ) ﴿ فِي الْفَكُلُ الْمُقَابِلُ :

تماريان (٤)

أولاً: راجع معنا و اختبر تفسك

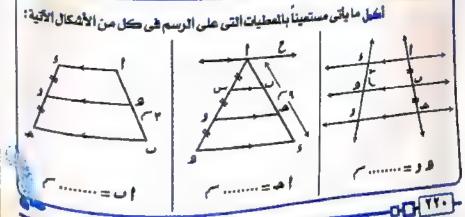


فيان س = ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠



الدوس معطيبات المثلثين أب هراس سع للتحقيق من تطابقهما ومين حالة التطابق إذا كان أب عس س ، إهـ عس ع ، ١ ا عدس







﴿ إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين هبان كل زاويتين داخلتان و هي جهمة واحبدة مسن القاطسع .....

[ متساویتان فی القیاس ﴾ متکاملتان ﴾ متتامتان ﴾ متجاورتان ] ﴿ إِذَا قَطْعِ مُسْتَقِيمٍ مُسْتَقِيمٍ مِنْ وَ كَانْتَ الزَّاوِيتَانَ الْمُتَاظِرِتَانَ غَيْرِ مُسَاوِيتَانَ في القياس كان المستقيمان ....

[ متوازیان آگ متقاطعان آگ منطبقان آگ متعامدان ] (١) إذا قطع مستقيم مستقيمين وكانت زاويتان داخلتان و في جهة واحدة من القاطع متكاملتان هان ..... [ الستقيمان متوازيان ] الزاويتان متجاورتان متكاملتان أ) ليس من الضروري أيا مما سبق أ) غير ذلك ]

#### غوالشكل المقابل:

إذا ك ال حد ١٥ متساوى الأضلاع محيطه ١٨ سم AU 11 18 11 35



[ A d r d e d r ]

### فأغتر الإمامة الصحيحة من مِين الأقواس :

~..... [ rdrd ad M ] [ 4 4 4 4 4 4 7 ]

.... = s1 T

min = 19

آ اه = .....اس

[ A d \ d t d \ ] @1\vec{v} = .... [ aud at d st d ut ]

() و <u>ا</u> = ب

.....<u>1</u> = ≥1♥

1 ان کنم ک ام ک دم ]

مسائل المستوى الأول

🚼 اکول وا یاتو :

🕥 🔯 إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن : ٢٠٠٠٠٠٠٠ ي ٢٠٠٠٠٠٠٠ ي ٢٠٠٠٠٠٠٠ ي 🕥 🚉 إذا قطع مستقيم أحد مستقيمين متوازيدين فإنه يقطع .....

🕝 🚰 إذا وازى مستقيمان مستقيماً ثالثاً كان هذان المستقيمان .....

(١) 🖽 الستقيم العمودي على أحد مستقيمين متوازيين يكون ...... على الأخر

# اختر الإوابة السميمة معا بدين القوسين:

() إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن كل زاويتين متبادلتين ..... [ متنامتان أ) متجاورتان أ) متساويتان في القياس أ) متكاملتان ]

🕥 المستقيد مان الموازيد ان الثاليث .....

[ متعامدان أك متوازيان أكا متقاطعان أكا منطبقان ] العلوم من نقطة خارج مستقيم معلوم يمكن رسم ..... يوازى المستقيم المعلوم [مستقيم واحد فقط أ) مستقيمان أ) عد لا نهائي من المستقيمات أ) ثلاثة مستقيمات]

الستقیم ان المتعامیدان علی مستقیر مالیث المتعامیدان

[منطبقان أل متقاطعان أل متوازيان أل متساويان في الطول ]

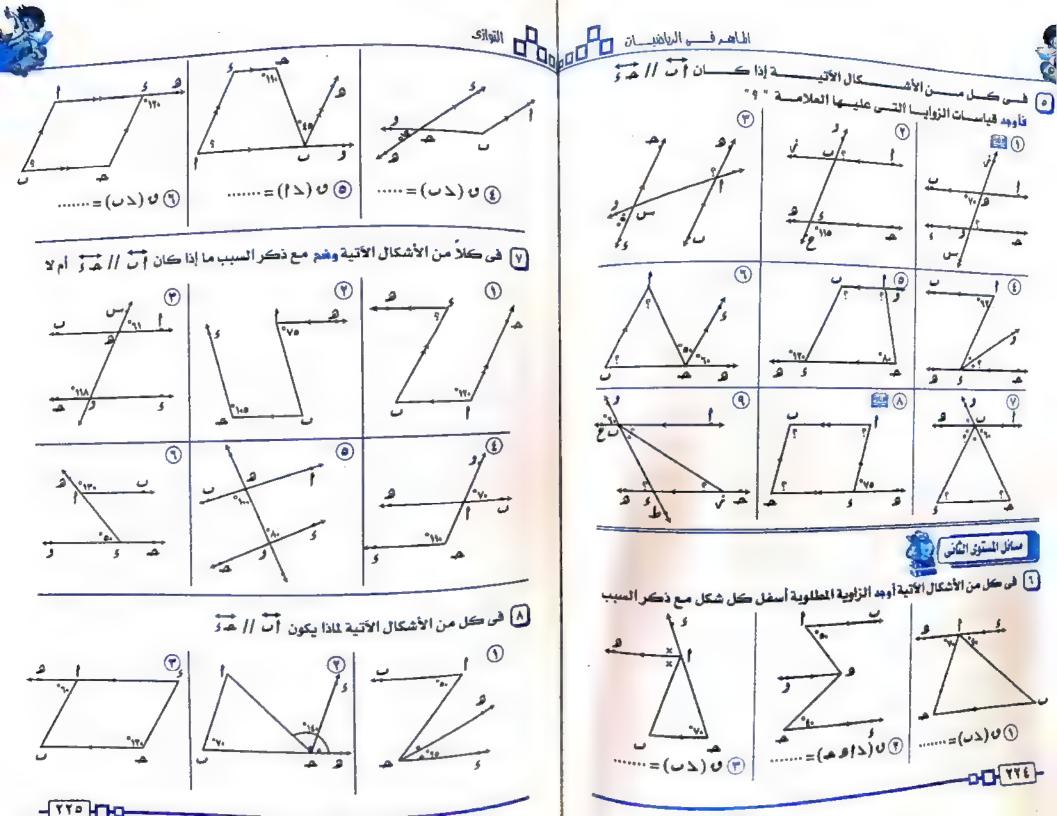
(الم كان حار على متبادلتان ، ق (عام) = ٢٠ فإن ق (ع س) = ....

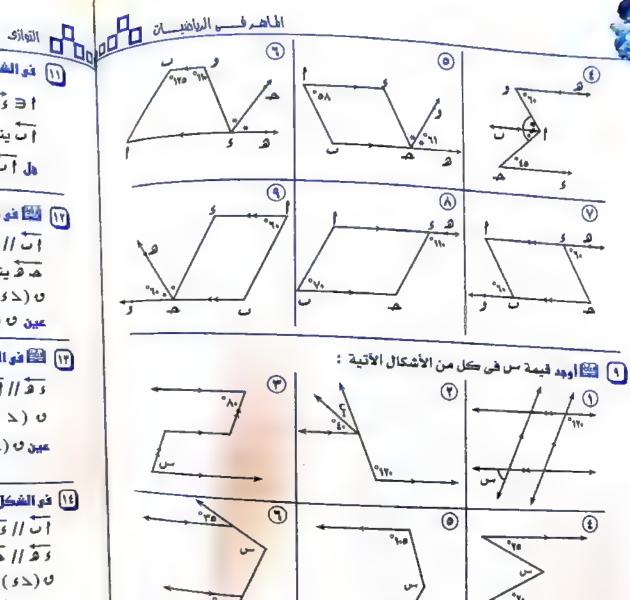
[ ۳۰۰ ا ۲۰ ا ۲۰۰ ا ۱۲۰ ا ۲۰ یمکن معرفته بدون توازی ]

أذا كان أ ﴿ للمستقيم ل فإن عدد المستقيمات التي تمر بالنقطة أ وتوازى الستقيم ل=...... ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ عدد لا تهالي ]

 
 \(
 \text{id ads aurity a surity of the little of the l كان الستقيمان ....

[ متعامدان ] متقاطعان أي متوازيان أي منطبقان



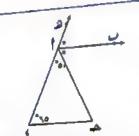


# 🕦 فو الشكل البقابل: ( °14.= ( 47) 0 ( 54 // 58



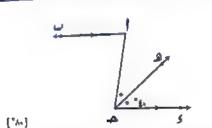


# ال نو الشكل المقابل:



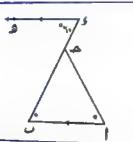
# 😗 💯 في الشكل المقابل:

541101 ه فر ينصف ۱۸ هـ د ، ن ( الم الم عن عن عن الم ع (A + U 1) U jus



### 😗 🕮 في الشكل المقابل:

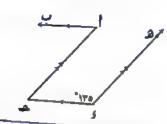
6 11=(52)06 -1/1 25 ( u \ ) v = ( | \ \ ) v (1×) U Jus



[\*\-]

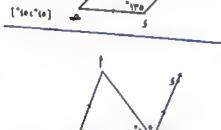
### 16 في الشكل المقابل:

6 AS 11 UT 14/125 0 (ZE) = 671°



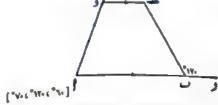
### عين ن (١٤) ن (١٤) (١٥) في الشكل المقابل:

ن ( کا ب م ) = ره ° ، ب وينصف كاب ه فسادا كان س و ١١١ م (セア)の((17)の びた



("with) -TYV-D

1 فو الفكل البقابل:



# ٧٧ نو الشكل المقابل:

(2110)

$$\frac{1}{|u|} | \frac{1}{(a)}, \frac{1}{(a)} | \frac{1}{(a)} |$$

$$\frac{1}{|u|} | \frac{1}{(a)}, \frac{1}{(a)} | \frac{1}{(a)} |$$

$$\frac{1}{|u|} | \frac{1}{(a)} | \frac{1}{(a)} |$$

$$\frac{1}{|u|} | \frac{1}{(a)} | \frac{1}{(a)} |$$

$$\frac{1}{|u|} |$$

عين ل ( لا هـ د ف )

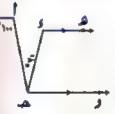


["#Y]

#### 🚻 😫 فو الشكل المقابل :

( )4// 1 ( )4// 1 0(21)=110 1 0(2141)=170

المعب ك ( الدر مر ) ي ك ( الموور )



["" 1 " 1 " ]

#### (١٠) فه الشكل المقابل:

المالمة عدالمل و وینصف ۱۱۵ ه مان (۱۲) = ۱۱۴ °

احب ٥ (١١٥ (١٥ هـ )

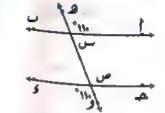




# ["ay("ay] -A

# 📆 🗟 نو الشكل البقابل:

و الله المرة او الدام



# ن فو الفكل البقابل:

- ن ( الم ) = ٥٥° عن ( الم ا عدا ) عدا ، ا و مرا ال ينصف دراو مل ال / مد دو علدا و

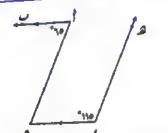
### 📆 🚉 فو الشكل البقابل:

6 54 // UT

U(Z1)=0103

0 ( Z 2 ) = 011°

على وقد // مرا و ويسادا و



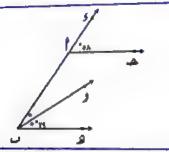
#### (١٢) فو الشكل المقابل:

ب و بنصف ۱۷ ب ه ،

( C 2 1 4 5 2) U

0(2201)=PT°

مل عدد // أحد ويسادا ؟



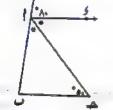
### 🔀 월 في الشكل المقابل :

41 6 ° A = ( 51 2 2 ) U

ينصيف ١٥١ ا ب

30 316 °01=(0412)0

على أو // ب م ووا اذا ؟



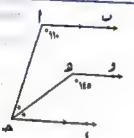
### (٢٥) فو الشكل المقابل:

1°11=(12)015-1101

ه و ينصف ١٩٥٥

°110=(22)0

عل هر ا/ حدة و والساداة



### DE YYA

🗥 مو الشمل اليقابل:

6.11.311.3 ( a= a) ( a = = + ! 1 2 January



1001

🕥 فو الفحل البقابل :

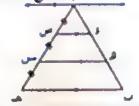
हि। जिला ह س ص = ص ع ١ الله = ١ ا عين طيبول آت



(71)

(١٨) فو الشكل اليقابل:

اع ١١ ص ١١ عد ١١ مد - 10 = - 1 ( - w = m - m - m - m - m سيسر شيسول دول ) والآ

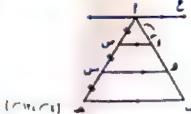


( co. co) -

(١٤) فو الشكل البقابل:

اع الصوالسد العدد أ ص = ص س = س هـ ١ أ و = ١ سم اسب طسول مشال من قال ، إن





و أن الفيض اليقابل ا

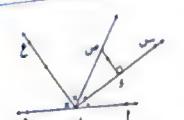
( 11 11 24 ( 20 11 31 \*hA=(12)U(\*177=(12)U اوبد ٥ (١٥ ١٠ ١٠)



# موقع الماهسر في الرياضيات

www.elmaher.org 9 بحلوى على امتحانات إضافية من السنوات السابقة مع كثير من الموضوعات





و الشحل البقابل:

(リタン)ひ=(ムン)ひ=(レン)ひ

ن من بتصنیحت ۱ از ان می

ن ع بنصلیف د من بر م

من و الدع ، صور و دس

مل ب أ ، ب هم على استقامة واحدة

تملق من أن:

أوبنسف لاقراها

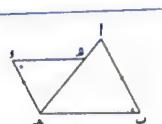


📆 فو الشكل المقامل :

34//10

(32)0=(22)0

1 1512 99 AU /1 25 Ja



-TTI-DO





#### ا ب عد زاویه معلومه المعطيب

رسم منصف لزاوية أحد باستخدام الفرجار والسطرة المطأ حوب غطوات العمل

ويفتحه مناسبة نرسم قوساً يقطع ب أفي ي

- \Upsilon تركز بسن الفرجار عند كل من و ي ه وينفس الفتحة أو فتحة مناسبة نرسم قوسين يتقاطعان في ر كسما فسي الشكل (٣)

### تنسيف قطبة مستقيمة

تنصيـــف أب

المعطيبات الطلبوب

خطوات المهل

() نركز بسن الفرجار عند نقطة أو نفتح الفرجار فتحه مناسبة أكبر من نصف طول آب ثم نرسم قوسين ال جهتين مختلفتين من أب كما يا شكل (١)

5X انركز بسن الفرجار عند نقطة () وبنفس الفتحة السابقة نرسم قوسين Xe أخرين يتقاطعان مع القوسين السابقين ع النقطتين و ، ه كما ع شكل (٢)

ا نرسم و و فيقطع ال في نقطة م فتكون ه هي منتصف آل ڪما ياشكل (٣) و

المعطيحات العظاــــوب

غطوات المهل

رسم عمدود على أب من نقطية 4 🕥 نركز بسن الفرجار عنيد نقطة 🌣 وبفتحة مناسبة نرسم قوسين في جهتين مختلفتين من ه يقطعان أل يود ا ه كما الشكل (١)

 ۲ تركز بسن الفرجار عند كل من ۱۵ شر وبفتحة مناسبة أكبر من طول هو نرسم قوسين يتقاطعان في نقطه ٢ كما في شكل (٢)

€ نرسم مم فيكسون م 1 أن كما في شكل (٣)

معسور تباثسل القطعسة المستقيمية : هـ القطعية الستقيمية من منتصفها

🕥 نركز بسن الفرجار عند رأس الزاوية ب ب عبد في هر كسما فسي الشسكل (٢)

🈙 ترسم 🕡 و فيكون هو منصف 🖈 ا ب عد

كما في الشكل (٤)

إنشاء عمود على مستقيم مار بنقطة

ال مستقيم معلوم ع مد ∈ ال

(t) 🚜 cX

(Y) 🛵

(中) 成品 - 777

الماهدف العاميات 000



# انشاء عمود من تعطة لا تنتمي إلى مستقيم معلسوم

ا مستقيم معلموم ع مد ﴿ أَنْ رسم مستقيم يعرينقطة هـ عمودياً على أ ن ﴿ ويفتحه مناسبة غطوات الموأن نرسم قوساً يقطع أن في نقطتين ٤ ) ه ا تركز بسن الفرجار عند كل من 6 6 6 ويفتحة مناسبة (تساوى طول و ﴿ أَوْ أَحَارِ مِنْ

نصف طوثها) نرسم قوسين يتقاطعان في و

ď.

ا نرسم هو و فيكون هو الستقيم

الماربنقطية ها عمودينا على أن المنارسم ١٥ م وطلب رسم ارتضاع المثلث الذي رأسه نقطمة ١ فإننا نرسم عمود على القاعدة به. من نقطة أبنفس الطريقة

# انشاء زاوية مطابقة لزاوية معلومة

ا ا ب هـ زاويــــة معلومـــــة

المطا وب رسم 26 ه ر تطابق 2 إ ب هـ

غطوات العول

نرسم شعاعاً بدايته ه ليمثل أحد ضلعي الزاوية المراد رسمها كما في شكل (١)

🕏 تركز بسن الفرجار عند رأس الزاوية ألعلومة ب وبفتحية مناسبية نرسم قوسياً يقطيسع س أ ) سه عنسيد س ) ص

على الترتيب كمسا في شيكل (٢)

🕏 تركز بسن الفرجار في ه و بنفس الفتحة السابقة نرسم قوساً يقطع الشعاع الذي بدايته ﴿ فِي وَ حَكُما فِي شَكُلُ (٣)

 نركزبسن الفرجارعند وبفتحة تساوى طول س ص نرسم قوساً آخر يقطع القوس السابق في ل كما في شكل (٤)

نرسم فرز فتكون ٤٥ ه و مى الزاوية

المطلوبة كما في شكل (٥)

# رسم مستقيم من نقطة معلومة موازى استقيم معلوم

Junia diable aimie

الوطلسوب

غطوات العمل

أَنْ مستقيم معلموم ) هـ ﴿ أَنْ رسم مستقيم من نقطة هـ يـوازي أن

 نرسم المستقيم أحص يمر بالنقطة هـ ويقطع أل في صحما في الشكل (١)

😙 نركسز بسسن القرجسار عنسد ص وترسم قوسا يقطع ص إيدى ويقطع ص م في ه كما إلاالشكل(٢)

😙 نركز بسن الفرجار عند نقطة 🗢 وبنفس فتحه الفرجار السابقة ترسم قوس مشل السابق بحيث يقطع ص 4 في و كما إلاالشكل (٣)

 ثركز بسن الفرجار عند و بفتحة تساوى طول 6 ه نرسم قوسا يقطع القوس السابق في س ثم نرسم س م فيكون سُ هِ اللهِ اللهُ اللهُ الشكل (١)

(T) da

(r) <u>1</u>

(1)



THYY!

آ ارسم ۱۵ التي فيه التار ۱۵ مه ۱۵ م باستخدام المسطرة غير المرجة والفرجار المعفر سعد في و ثم أوجد بالقياس طبول أو

() در الم الم الموالد المام ال

(ا) نفته الفرجسار فتحسه طولسها ه وتركيز بين الفرجار عندب وترسيم قوسيا ثم تركرنسن الفرجار عند ها وترسم قوساً يقط حع القصوس السابسيق فيسس أ

🐨 نرسم 🕡 ، 🌬 فتحصيل على 🛆 ا ت 🌣

🕦 بنفس فتحة الفرجار تركز عند 🎔 ﴾ ها و ترسم قوسين متقاطعـــين بنفس الطريقة السابقة في الجهة الأخرى من علم و تتكنن تقطية التقاطع هي في

نصل قرآ فنقطع به فرنقط ولتكن و فتكون وهي منتصف به

🛂 ارسم 🔟 التبين طولسها ۳ 🦳 ثم ارسم محسور تماثسل لسها باستخصيدام الأدوات الهندسيسية (لا تصبح الأقصواس)

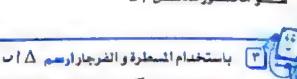
فطوات العمل: (ملاحظة: غمير مطلوب كتابه خطوات العمال عند الحال)

- () نرسم القطعة المستقيمة أب طولها ٣ س بالمسطوة 0 ----
- 😙 نفتح الفرجار فتحة مناسبة أكبر من نصف طول أب ونركسر بسسن الفرجسار عنسد النقطية أ ونرسم قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من أب

· بنف متحة الفرجار نوكز بمن الفرجار عند النقطة ب

ونرسم قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من أل وقطعان القوسين ألسابقسين في النقطتين هروو

() نرسيم مُدَّدُ فيقطيسع آبَ فيس م فتكيون م مسى منتصصف أل و يكسون هـ ز هــو محبور شائسل آت

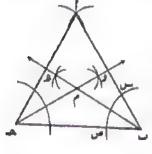


🍸 باستخدام المسطرة و الضرجار ارسم 🛕 ا 🗸 هـ المتساوي الأضلاع الذي طول ضلعه ٦ ٢٠٠١ نصب كل من زاويتي أ ١٠٠٠ ١ إ ١٠٠٠ بحيدث يتقاط ع المنصف النصف على م الله على على م عام ١٥٠ ثم أوود بالقيـــاس ٥ (١٠٠) ( لا تمنح الأقسسواس)

خطوات العمل: ( غيير مطلبوب كتابية خطيبوات العميبيل عتب الحييل)

① نوسم القطعة الستقيمة به طولها ٢٦

😙 نفتح الفرجار فتحه = ٦ ״ وتركز بسن الفرجار عند نقطة ب وترسم قوساً ثم تركز عند 4 و بنفس الفتحة نرسم قوساً أخر يقطع الأول إلا نقطسة هي لقطة أشم تصبل أب ، أهم بذلك ذك ون رسمنا



△ ا ب هـ المتساوى الأضالع

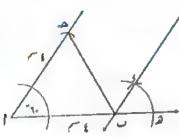
المن الضرجار عنسد ب ودرسم قوساً يقطع أن ، به على المناس على الترتيب ثم دركز بسن الفرجار عند س ودرسم قوساً ثم دركز بسن الفرجار عند ص بنفس الفتحة السابقة ونرسم قوساً يقطع القوس السابق في نقط قا ولتكن ها نرسم ب ق فيكون هو منصف ١١١٠ د

- YTY HILD

اسم ۱۵ سم ۱۵ سمالني فيه اسه ۱۵ س ۱۵ (۱۵) من « باستخدام السمارة والفرجار ارسم و س ۱ م آثم أوجد بالقيلس ٤ ( ۱۵ سم ) "لا تمح الأقواس"

يخ العل

نرسم أل طولها = 1 من ثم نركز بمركز المنقلة عند أونرسم لا ب أ هـ قياسها ٢٠٣٠ نركز بسن الفرجار عند أويفتحة تساوي أب نرسم قوساً يقطع ضلع الزاوية الأخرية هـ ثم نصيل على أن اب هـ ثم نصيل على أن م

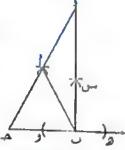


و لرسم كُنْ // هَا فإننا نرسم من نقطه الشعاع أن ونرسم من س مستقيم معوازي أهم بنفس العلريقة التي درست قبل الأمثلة نقيمس خاد س هر بالمنقله عنه فنجهد أن الا ( الا د س هـ ) = 30

ارسم 10 م م المتساوي الأضلاع الدي طول ضلعه ٣ و واستخدام المسطرة والشرجسار ارسم الله على المسلم المس

الكائر الحال

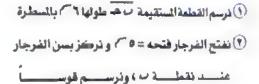
نرسيم ١٥ و من جهة ب فتصبح من نرمعز بسن الفرجار عند نقطة ب وارسم قوسين في جهتين مختلفتين من بحيث يقطعان من في و ها و



ثم نركز بسن الفرجار عند نقطه هو نرسم قوساً ومن نقطه و و بنفس فتحة الفرجار نرسم قوساً يقطع القوس السابق في س ثم نرسم منس يقطع حاً في و نقيس بالمسطورة طوول حاة فنجد أن حود ٢٥٠ نكرر الخطوة رقم ( ( الله عند النقطة ها و ترسم منصف لزاوية ا هال و ليكن هر و المعلم عند المعلم المعل

باستخدام المسطرة و الفرجسار ارسم المثلث أن ها الذي فيه الدي فيه الدي المستخدام المسطرة و الفرجسار ارسم أذ لم سح ألا لم سح الأقسواس) المحديات طلب المستح الأقسواس)

فطوات العمل: ( «الاظة · غـــير مطلــوب كتابسة الخطـوات عنــد الحــل )



بنفس فتحـــه الفرجار نرضز عند نقطة هـ،
 ونرسم فوساً يقطع القــوس الأول إلا نقطة أ



﴿ نركز عند نقطة أ بسن الفرجار ونرسم قوساً يقطع به في النقطتين ولتكن هـ ؛ و ( يمكن أن درسم الفسوس يقطع به في ب ي هـ الأن أب = إهـ )

النوخز عند نقطة " " بسن الفرجمار و نرسم قوساً بنفس فتحة الفرجاد (أو فتحة مناسبة) ثم نركز عند نقطة " و" بسن الفرجار وبنفس فتحة الفرجاد نرسم قوساً يقطم القموس السابق في نقطه ولتكريب ن الم

Vنسسل أم فيقطع به على انقطسة هي و

€ فرجد طول أو بالسطسرة نجسد أن إو = ع س







# على إنشاءات هندسية

### تعاریدی (۵)

# إولاً: راجع معنا و اختبر نفسك

ب ساعة استحان ومراجعة

### (١) اختر الإجابة العميمة من بين القوسين:

( الزاوية التي قياسها ٦٠ ٩٩° تكون ...... [ مستقيمة أ) حادة أ) منفرجة أ) قائمة ]

🕥 إذا كانت الزاويتان المتتامتان متجاورتين واحداهما حادة فإن الأخرى .......

[مستقيمة أ) حادة أ) منفرجة أ) قائمة]

الزاوية المستقيمة تكملها زاوية ..... [صفرية أا حادة أامنفرجة أا قائمة]

🕏 إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متقابلتين بالراس تكونان .......

[ متساويتان في القياس أل متكاملتان أل حادثان أل غير ذلك ]

#### (ب) في الشكل المقابل:

أَنَّ ١ مَدُ = { ر } ، رَفَينَصف ١ ارْمُ

ن (١٤ و و) = ١٣٠° أوجد كل من :

0(21(2))0(24(4))0(22(4)



ومن نقطة و أوسم العمسود و ق

هل وقد يمسربنقطسة الملاء



في الشكل المرسوم:

قطعــة مستقيمــة هــى أن

باستخسدام المسطرة والفرجسار

عدد منتصف أل (لا تمح الأقواس)

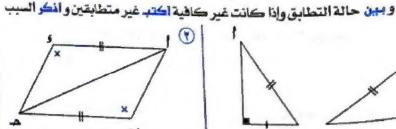
أكمل رسم المثلث أب ها الذي فيه ~ = 1-1 ~ ( ~ = - u ( ~ 0 = u )

ثمارسم أ و ينمست ١١

ويقطع به في و (لا تعج الأقواس)

في الشكل المقامل :

أكمل رسم المثلث أب حالمتساوي السافين حيث ال= اح= ٢



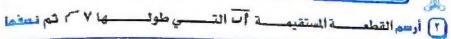
(هـ) إذا كانت المعطيات كافية لإثبات تطابق المثلثين فأكتب تطابق المثلثين



ملاحظة: في كل هنه السئلة الآنية لا نمح و الأقواس

# ثَانياً: أجب عسما يأتى:

# مسائل المستوى الأول ا



- اً أرسم أل ومن نقطة ه ∈ أل أرسم مع ك 1 أل
- 1 أرسم أن ومن نقطة و ﴿ أَنَّ أُرسم وَهَ 1 أَنَّ
- ارسم ۱۱ م التي قياسي قياسي المنصف بالمنصف س و التي المنصف التي المنطق ا
- أرسم △ أ ب ه الحاد الزوايا ونصف ∠ ب
- ٧ ١٠ منفرج الزاويدة و أرسم محرور تماثيل سم

# مسائل المستوى الثاني

- أرسم ∆ أ ب حالحاد الزوايا و أرسم ارتضاع المثلث المار بنقطة أ
- السم ١٥ الم من ١٥ ١٤ من من ١٥ ١٤ من من ١٥ من من ١٥ ابالشعاع أ يقطع مم يزو دم أوجد بالقياس و ( ١٠١ م )
- السم ∆ال حفيه ال= ام=ه من م= × من معد حا بالشعاع اق يقطع سم يدو ثم أوجد بالقياس ل (١١٥ م) [34.]
- ال الم الم الم طولها = ١ م باستخدام الفرجار والمسطرة غير المدرجة نعف سم يا و ومن و السم العمدود و أ على سم ثم أوسم أل ، أم قادن مستخدماً الفرجساربين طول أن ، طول أحمساذا تلاحيظ ؟ ------

- المناسم المثلث اب م المتساوي الساقيين والسني فيسه اب = ام ، باستخدام الفرجار نصف به عنا السم الم ثم أوجه بالقياس ١ (١١٥ م)
- ال الله أرسم المثلث س ص ع القائم الزاوية في ص والذي فيه س ص ٣ س ، ص ع = ٤ س ، مستخدماً المسطرة و الفرجار فقط مع المعف س ع في م ، أرسم ص م م م ع ع ؟ أوجد طول كل منها
- ال أوسم ١٥ إل عد فيسه ١٥ ( ١٥) =٩٠ ، إل = د هـ ١٨ ثم نعف أح يزو مل ك ا ب و قائده الزاوية ومتساوي الساقيين
- ا أرسم كا ب حد فيه ا ب= ا حـ = ٢ م ، ب حـ = ٤ م أسقط عمـود من ا على سم يقطعها في و ثم أوجد بالقياس طول كل من سور ، وهم [٢١٠٢]
- الشائل ا ب م الذي فيه ا ب ع م الذي الم ع الذي فيه ا ب ع ا م ع الدي الم المنام المسطرة والفرجار نعف ١٠٠١ حفيتقاطع المنصفان في ٢
- يع و ثم أرسم و ف ا ا تح ويقطع احم في ه ، ال طول اه = طول هم و
- المسم ك أ ب م المتساوي الأضلاع الذي طول ضلعه ؟ م من أ أرسم أه // بم ويقطيع العمدود القدام من عدفي ه أوجد طول أه
- ال ارسم ۵ ا س م فيه ا س = ۳ م ، س م = ٤ م ، ق ( ۱۲۰ = ۱۲۰ ° أرسم محاور تماثل أضلاعه وأذكر ماذا تلاحظ ؟أين تقع نقطة التقاطع ؟
- نعاف كل من أن ، به وهد أين تتقاطع محاور الأضلاع من نقط التنصيف ؟ وقس السافة من نقطة تقاطع الأعمدة إلى كلمن نقطتي ا ، ه





# ال ارسم الثلث إن هالذي فيه إن = ٢ م ، ن ه = ٤ م ، أو عم أرسم دو ب منطابق ۱ ام ب بحيث و ﴿ أَهِ ﴾ أوجد بالقياس طول أو ، ق (١١ م)

ال المالند أب مالني فيه أب و من ب مد = ٢ م م ١ و ٢ م م و و من تم ارسم دوب ف تطابق ۱۱



- TT بدون استخدام المنقلة أرسم زاوية قياسها ٢٢,٥°
- ٢١) بدون استخدام المنقلة أرسم زاوية قياسها ٣٧٥°
- ا السوال رقيم ١٨ أكمل: ٥ ( ١١ و ١١ و ١١ د ١٠٠٠٠٠٠٠)

# اطلب الماهسر في الرياضيات

للمرحلة الإبتدانية والمرحلة الإعدادي والمرحلة الثانوية شرح ومراجعة وأهم الأسئلة المتوقعة للامتحان امتعانات اضافية من السنوات السابقة

سعدنا تلنى منتزهاتكم على هوقعنا www.elmaher.org



#### نبوذج (۱) اختبار مراجعة على ما سبق

(۱) أكمل ما يأتي :

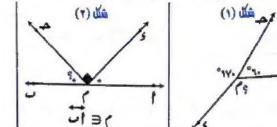
① الزاويــة التــى قياســها ٣٠° تتمــم زاويــة قياســـها .......

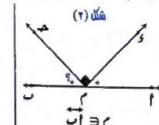
﴿ إذا مدت القطعة المستقيمة من جهتيها بـــلا حــدود ينتــج ........

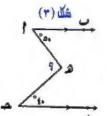
🎔 مجموع قياسات الزوايا المتجاورة المتجمعة حول نقطة = ......

إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متكاملتان فإن الضلعين المتطرفين لهـما .........

\Upsilon في كل من الأشكال الأتية أكتب على الرسم إرزار قياسات الزوايا التي عليها العلامة (٩)







( ا) ال حمد من ف و و ال و و قينصف د دوم

°4.=(3.412)0 (°1..=(4.512)0

عل و ق // الم و مالنا ؟

(س) ارسم ۵ ا ب مالینی فید ا ب = ا م = ۰ ) ب م ۲ دم فعد كلاً من الزاويتين لاب علا هر بمنصفين يتقاطعان في م (الا نقط الأقوامه)



# اختبار مراجعة على ما سبق

#### تبرئع (۲)

1 اغتر الإجابة السعيحة من بين القوصين :

مستوى أ) قطعة مستقيمة أ) شعاع

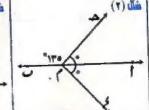
آ إذا كانت أن قطعة مستقيم 

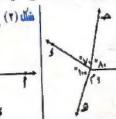
﴿ إِذَا كَانَاتِ لَا ( 2 1 ) = ١٠٠ ﴿ فِيانَ لَا ( 2 1 ) المنعك

ا إذا كانت داتكمل دن ، ده تكمل دن قيان دا ، ده ..... [ متكاملتان أل متتامتان أل متساويتان في القياس أل غير ذلك ]

[1] إذا كانت ٢ € أ ل في كل من الأشكال الأتية فأكتب على الرسم قياسات الزوايا التي عليها العلامة ( ؟ )

(r) dia

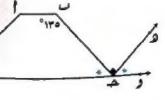




(۱) ارسم ۱۵ الدی فید استخدام الفرجاد ۲۵ م ۱۵ (۱۷) = ۷۰ باستخدام الفرجاد والسطرة نعف ١١٥ عب بمنصفين فيتقاطعان في / (لا تمح الأقواس)

(ب) في الشكل المقابل: ( UA 1 DA

(1) 高



	1	0110			
/		*, -	/		
5 10				<u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>	5

ن (درمه)= ن (درمه) ° 60=(32)01°170=(02)0 11 11 b

DO YET

---3 3 9 9 \* 7.1 @ 0 -I\* 1 - C | 1 0 Danon-0(-) 00 mg 

			17.	14 2						Comment 1 1 1 0							Share top de		3-40	@ مددود	110	•		
	₹01=10=11=1X	1 = 1 = 1 = 1 = 11 O	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	7 - 7 - 7 - 7 - 7 - 7 - 7 - 7 - 7 - 7 -	がまる。 13 mm = 12 mm	1	1	(B) VIII 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			The last of the la	- Comment		0 11 - 1 are made as made	- and and	الا الله المد مسمع الله المد نسي الدر مسمع	9-1		@ + @	· < -/ @	( ) Mary ( )		200
•	0	1 · 1 · 2 · 2 · 2 · 2 · 2 · 2 · 2 · 2 ·	O	1 1 0		9	L	3	3	9	0		(A)		11-11	Quality 1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-	1 - W	3	الله المسر موجداً والمدر سائليا	8	•	1.00	_	9
99			1	=	· > 28 18 24	7	· (74-) × (0-1/2) موجب الان- 70 × (-47)>		4×(-+1)<-	14×44>1	1>(1-)×Y	أوليسن مساكسية	- NY × (-+7)> ·	. K1×4	-)×*4-	** x(**)>*	.<** 1	1	2 A = A see points formers	Service of services	4		🖸 🕏 عدد نصبي الآن البسطة والقدام أعداد صحيحة والقدام 🗢	
1 1 0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0				1			are town of his	r	@ مدون مدون ساليد وان	O Att and and and att	ي سالب الن	@ منافع مناد تعبين ليس مؤجب وأيس سالب	O Tare and the same of the	Ox as the property of the YA	والمرائد	احوجمه كأن	Or way	الم الما الما الما الما الما الما الما	THEY S				أن البسط والقام أه	
@ @ @	- · ·	9	000	(3)(8)	417	11100	0 - W.	Sant vant		1	€ معدد الماران	1	神	1	Bank of the state	€ المد نسي موجب الن	OF man come of O T	المراكة	Busing County		1 1	1	THE	-